

1. 다음 중  $x^3y - xy^3$  의 인수가 아닌 것은?

- ①  $x$       ②  $x^3y$       ③  $xy(x - y)$   
④  $x^2 - y^2$       ⑤  $x(x + y)$

해설

$$x^3y - xy^3 = xy(x^2 - y^2) = xy(x + y)(x - y)$$

2.  $x(x+2)(x+4)(x+6)+16$  을 인수분해하는 과정이다. ( )안에 들어갈  
식이 옳은 것은?

$$\begin{aligned} & x(x+2)(x+4)(x+6)+16 \\ &= x(\textcircled{1}) \times (x+2)(\textcircled{2}) + 16 \\ &= (x^2 + 6x)(\textcircled{3}) + 16 \\ & (\textcircled{4}) = A \text{ 라 하면} \\ & A^2 + 8A + 16 = (A+4)^2 = (\textcircled{5})^2 \end{aligned}$$

①  $x+5$       ②  $x+3$       ③  $x^2 + 4x + 8$

④  $x^2 + 6x$       ⑤  $x^2 + 6x + 1$

해설

- ①  $x+6$   
②  $x+4$   
③  $x^2 + 6x + 8$   
⑤  $x^2 + 6x + 4$

3. 다음 중  $x^4 - 1$  의 인수가 아닌 것은?

- ①  $x - 1$       ②  $x + 1$       ③  $x^2 + 1$   
④  $x^2 - 1$       ⑤  $x^2 + x - 1$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 1 &= (x^2 + 1)(x^2 - 1) \\&= (x^2 + 1)(x + 1)(x - 1)\end{aligned}$$

4.  $x + y = -2$ ,  $xy = 1$  일 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

- |  |   |
|--|---|
| <input type="checkbox"/> Ⓛ $(x - y)^2 = -1$                | <input type="checkbox"/> Ⓜ $x^2 + y^2 = 2$    |
| <input type="checkbox"/> Ⓜ $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} = 2$ | <input type="checkbox"/> Ⓝ $x^2y + xy^2 = -2$ |
| <input type="checkbox"/> Ⓞ $\frac{y}{x} + \frac{x}{y} = 3$ |   |

- ① Ⓛ, Ⓜ    ② Ⓛ, Ⓜ    ③ Ⓜ, Ⓝ    **④ Ⓜ, Ⓝ**    ⑤ Ⓜ, Ⓞ

해설

$$\textcircled{\text{A}} (x - y)^2 = (x + y)^2 - 4xy = 4 - 4 = 0$$

$$\textcircled{\text{B}} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{x+y}{xy} = -2$$

$$\textcircled{\text{C}} \frac{y}{x} + \frac{x}{y} = \frac{x^2 + y^2}{xy} = \frac{(x+y)^2 - 2xy}{xy} = 2$$

5. 다음에 주어진 두 식에 대한 설명으로 틀린 것은?

$$A = a^2b - ab^2$$

$$B = a^3 - ab^2$$

- ① 식 A 의 인수는 7 개이다.
- ②  $(a + b)$  는 식 B 의 인수이다.
- ③ 식 B 의 인수는 7 개이다.
- ④ 식 A 와 식 B 의 공통인 인수는  $(a - b)$  이다.
- ⑤  $ab$  는 식 A 의 인수이다.

해설

$$A = a^2b - ab^2 = ab(a - b)$$

$$B = a^3 - ab^2 = a(a^2 - b^2) = a(a - b)(a + b)$$

식 A 의 인수는  $a$ ,  $b$ ,  $(a - b)$ ,  $ab$ ,  $a(a - b)$ ,  $b(a - b)$ ,  $ab(a - b)$  이므로 7 개이다.

식 B의 인수는  $a$ ,  $(a - b)$ ,  $(a + b)$ ,  $a(a - b)$ ,  $a(a + b)$ ,  $(a - b)(a + b)$ ,  $a(a - b)(a + b)$  이므로 7 개이다.

6. 다항식  $4(p+q)^2 - 4(p+q)p + p^2$  을 인수분해하여 간단히 나타낸 것은?

- ①  $(p+q)^2$       ②  $(p+2q)^2$       ③  $(2p+q)^2$   
④  $(p-q)^2$       ⑤  $(p-2q)^2$

해설

$$\begin{aligned} p+q = t \text{ 로 치환하면} \\ 4(p+q)^2 - 4(p+q)p + p^2 &= 4t^2 - 4tp + p^2 \\ &= (2t-p)^2 \\ &= (p+2q)^2 \end{aligned}$$

7.  $(a - b - 2c)(a - b + 5c) - 30c^2$  을 인수분해하면?

- ①  $(a - b + 3c)(a - b - 7c)$       ②  $(a - b + 4c)(a - b + 5c)$   
③  $(a - b - 5c)(a - b + 8c)$       ④  $(a - b + 5c)(a - b - 8c)$   
⑤  $(a - b - 2c)(a - b + 4c)$

해설

$$\begin{aligned}a - b = t \text{로 놓으면,} \\(a - b - 2c)(a - b + 5c) - 30c^2 \\= (t - 2c)(t + 5c) - 30c^2 \\= t^2 + 3ct - 40c^2 \\= (t - 5c)(t + 8c) \\= (a - b - 5c)(a - b + 8c)\end{aligned}$$

8.  $(3x+1)^2 - (2x-3)^2 = (5x+a)(x+b)$  일 때,  $a-b$ 의 값은?

- ① 5      ② -1      ③ -6      ④ -10      ⑤ -12

해설

$$(3x+1+2x-3)(3x+1-2x+3) = (5x-2)(x+4)$$

$$a = -2, b = 4$$

$$\therefore a-b = -6$$

9. 다음  $x(x+1)(x+2)(x+3) + 1$  을 인수분해하면?

- ①  $(x^2 + 3x + 6)^2$     ②  $(x^2 + 3x - 1)^2$     ③  $(x^2 - 3x + 3)^2$   
④  $(x^2 - 5x + 3)^2$     ⑤  $(x^2 + 3x + 1)^2$

해설

$$\begin{aligned}(x^2 + 3x)(x^2 + 3x + 2) + 1 \\ x^2 + 3x = A \text{ 라 하면} \\ A(A + 2) + 1 = A^2 + 2A + 1 = (A + 1)^2 \\ = (x^2 + 3x + 1)^2\end{aligned}$$

10.  $(x^2 + 5x + 6)(x^2 - 3x + 2) - 252$  을 바르게 인수분해 한 것은?

Ⓐ  $(x^2 + x + 12)(x - 4)(x + 5)$

Ⓑ  $(x^2 - x + 12)(x + 4)(x - 5)$

Ⓒ  $(x^2 - x - 12)(x + 4)(x - 5)$

Ⓓ  $(x^2 + 2x - 12)(x + 4)(x - 5)$

Ⓔ  $(x^2 + 2x - 12)(x - 4)(x + 5)$

해설

$$\begin{aligned} & (x^2 + 5x + 6)(x^2 - 3x + 2) - 252 \\ &= (x+2)(x+3)(x-1)(x-2) - 252 \\ &= \cancel{(x+2)}(x-1)\cancel{(x+3)(x-2)} - 252 \\ &= (x^2 + x - 2)(x^2 + x - 6) - 252 \\ &\quad x^2 + x = t \text{로 치환하면,} \\ &= (t-2)(t-6) - 252 \\ &= t^2 - 8t + 12 - 252 \\ &= t^2 - 8t - 240 \\ &= (t+12)(t-20) \\ &= (x^2 + x + 12)(x^2 + x - 20) \\ &= (x^2 + x + 12)(x - 4)(x + 5) \end{aligned}$$

11.  $a^3 - 3a^2 - a + 3$  이  $a$  의 계수가 1인 세 일차식의 곱으로 인수분해될 때, 세 일차식의 합을 구하면?

- ①  $3(1 - a)$       ②  $3(a - 2)$       ③  $\textcircled{3} 3a - 3$   
④  $3a - 1$       ⑤  $a^3 - 3$

해설

$$\begin{aligned} a^2(a - 3) - (a - 3) &= (a^2 - 1)(a - 3) \\ &= (a + 1)(a - 1)(a - 3) \end{aligned}$$

따라서 세 일차식의 합은

$$(a + 1) + (a - 1) + (a - 3) = 3a - 3 \text{ 이다.}$$

12. 다음 중  $4x^2 - 9y^2 - 30y - 25$  의 인수가 될 수 없는 것을 모두 골라라.

- Ⓐ  $(2x + 3y + 5)$
- Ⓑ  $(2x - 3y + 5)$
- Ⓒ  $(2x - 3y - 5)$
- Ⓓ  $(2x + 3y + 5)(2x - 3y - 5)$
- Ⓔ  $(2x + 3y - 5)(2x - 3y + 5)$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓑ

▷ 정답: ⓕ

해설

$$\begin{aligned}4x^2 - 9y^2 - 30y - 25 \\= 4x^2 - (9y^2 + 30y + 25) \\= 4x^2 - (3y + 5)^2 \\= (2x)^2 - (3y + 5)^2 \\= (2x + 3y + 5)(2x - 3y - 5)\end{aligned}$$

따라서 인수는  $(2x + 3y + 5)$  와  $(2x - 3y - 5)$  외  $(2x + 3y + 5)(2x - 3y - 5)$  이다.

13.  $x^2 + 3xy - x - 6y - 2$  를 인수분해 하면  $(x - 2)(ax + by + c)$  이다.  
 $a + b + c$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a + b + c = 5$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + 3xy - x - 6y - 2 &\text{를 } x \text{에 대해 정리하면} \\x^2 + (3y - 1)x - 2(3y + 1) &= (x - 2)(x + 3y + 1) \\∴ a = 1, b = 3, c = 1 & \\∴ a + b + c = 5 &\end{aligned}$$

14.  $x^2 - 2xy + y^2 - 5x + 5y + 4$  를 인수분해하면?

- ①  $(x - y - 4)(x - y - 1)$       ②  $(x - y + 4)(x - y + 1)$   
③  $(x + y + 4)(x + y + 1)$       ④  $(x + y - 4)(x + y - 1)$   
⑤  $(x - y - 4)(x - 2y - 1)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2xy + y^2 - 5x + 5y + 4 \\= (x - y)^2 - 5(x - y) + 4 \\= (x - y - 4)(x - y - 1)\end{aligned}$$

15.  $a = 3\sqrt{2} - 2\sqrt{3}$ ,  $b = \sqrt{2} + \sqrt{3}$  일 때,  $2\sqrt{3}a - 6\sqrt{2}b$  의 값은?

- ① -24      ② -12      ③ 12      ④ 24      ⑤ 0

해설

$$\begin{aligned}2\sqrt{3}a - 6\sqrt{2}b \\= 2\sqrt{3}(3\sqrt{2} - 2\sqrt{3}) - 6\sqrt{2}(\sqrt{2} + \sqrt{3}) \\= 6\sqrt{6} - 12 - 12 - 6\sqrt{6} \\= -24\end{aligned}$$

16.  $x - y = 4$ ,  $xy = 1$  일 때,  $x^2 + xy + y^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 19

해설

$$\begin{aligned}x^2 + xy + y^2 &= (x - y)^2 + 3xy \\&= 4^2 + 3 \times 1 \\&= 16 + 3 = 19\end{aligned}$$

17.  $a = 1 + \sqrt{2}$ ,  $b = 1 - \sqrt{2}$  일 때,  $\frac{b}{a} - \frac{a}{b}$  의 값은?

- ①  $-4\sqrt{2}$       ②  $-2\sqrt{2}$       ③  $2\sqrt{2}$   
④  $4\sqrt{2}$       ⑤  $6\sqrt{2}$

해설

$$ab = (1 + \sqrt{2})(1 - \sqrt{2}) = 1 - 2 = -1$$

$$a + b = (1 + \sqrt{2}) + (1 - \sqrt{2}) = 2$$

$$a - b = (1 + \sqrt{2}) - (1 - \sqrt{2}) = 2\sqrt{2}$$

$$\begin{aligned}\therefore \frac{b}{a} - \frac{a}{b} &= \frac{b^2 - a^2}{ab} = \frac{-(a+b)(a-b)}{ab} \\ &= \frac{-2 \times 2\sqrt{2}}{-1} = 4\sqrt{2}\end{aligned}$$

18.  $a - 2b = 3$  일 때,  $a^2 - 3a + 4b^2 + 6b - 4ab + 2$  의 값을 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$\begin{aligned} & a^2 - 4ab + 4b^2 - 3a + 6b + 2 \\ &= (a - 2b)^2 - 3(a - 2b) + 2 \\ &= 3^2 - 3 \times 3 + 2 = 2 \end{aligned}$$

19.  $x + \frac{2}{x} = 3\sqrt{2}$  일 때,  $3x^2 + \frac{12}{x^2}$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 42

해설

$$\begin{aligned}x^2 + \frac{4}{x^2} &= \left(x + \frac{2}{x}\right)^2 - 4 \\&= (3\sqrt{2})^2 - 4 \\&= 18 - 4 \\&= 14 \\∴ 3x^2 + \frac{12}{x^2} &= 3\left(x^2 + \frac{12}{x^2}\right) \\&= 3 \times 14 \\&= 42\end{aligned}$$

20. 서로 다른 두 수  $x, y$ 에 대하여  $5x^2 - 10xy + 5y^2 = 2x - 2y$ 의 관계가 성립할 때,  $x - y$ 의 값으로 알맞은 것을 고르면?(단,  $x + y \neq 0$ )

①  $\frac{1}{5}$       ②  $\frac{2}{5}$       ③  $\frac{3}{5}$       ④  $\frac{4}{5}$       ⑤ 1

해설

$$\text{좌변: } 5(x^2 - 2xy + y^2) = 5(x - y)^2,$$

$$\text{우변: } 2x - 2y = 2(x - y)$$

$$5(x - y)^2 = 2(x - y) \quad (\because x \neq y),$$

$$x - y = \frac{2}{5}$$

21.  $x = 2 + \sqrt{2}$ ,  $y = 2\sqrt{2} - 3$  일 때,  $3x^2 - 10xy + 3y^2$  의 값을 구하면?

- ①  $89 - 31\sqrt{2}$       ②  $89 - 32\sqrt{2}$       ③  $89 - 33\sqrt{2}$   
④  $89 - 34\sqrt{2}$       ⑤  $89 - 35\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}3x^2 - 10xy + 3y^2 &= (3x - y)(x - 3y) \\&= \{3(2 + \sqrt{2}) - (2\sqrt{2} - 3)\} \\&\quad \{(2 + \sqrt{2}) - 3(2\sqrt{2} - 3)\} = (9 + \sqrt{2})(11 - 5\sqrt{2}) \\&= 99 - 45\sqrt{2} + 11\sqrt{2} - 10 \\&= 89 - 34\sqrt{2}\end{aligned}$$

22. 밑면의 가로와 세로가 각각  $x + y$ ,  $2x + 1$ 인 정육면체의 부피가  $2x^3 + 2x^2y + 7x^2 + 7xy + 3x + 3y$ 이다. 정육면체의 한 모서리의 길이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$\begin{aligned}y \text{에 관하여 내림차순으로 정리하면} \\(\text{준식}) &= (2x^2 + 7x + 3)y + 2x^3 + 7x^2 + 3x \\&= (2x^2 + 7x + 3)y + (2x^2 + 7x + 3)x \\&= (x + y)(2x^2 + 7x + 3) \\&= (x + y)(2x + 1)(x + 3)\end{aligned}$$

정육면체이므로

$$x + y = 2x + 1 = x + 3$$

$$2x + 1 = x + 3$$

$$x = 2, y = 3$$

(한 모서리의 길이)

$$= x + y = 2x + 1 = x + 3 = 5$$

23. 다음 보기에서 각 식의 인수를  $ax + b$  라 할 때,  $a + b = 3$ 인 인수  $ax + b$ 를 갖는 식을 모두 골라라.

[보기]

Ⓐ  $2(3x + 2) + (2x - 1)(3x + 2)$

Ⓑ  $2x(2x + 1) - 3(1 + 2x)$

Ⓒ  $(x + 2)(x - 1) - 2(x + 2)$

Ⓓ  $x^2 - 4x + 4$

Ⓔ  $2x^2 + 7x + 6$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓐ

▷ 정답: Ⓑ

▷ 정답: Ⓒ

▷ 정답: Ⓓ

[해설]

Ⓐ  $2(3x + 2) + (2x - 1)(3x + 2) = (3x + 2)(2x + 1)$

Ⓑ  $2x(2x + 1) - 3(1 + 2x) = (2x + 1)(2x - 3)$

Ⓒ  $(x + 2)(x - 1) - 2(x + 2) = (x + 2)(x - 3)$

Ⓓ  $x^2 - 4x + 4 = (x - 2)^2$

Ⓔ  $2x^2 + 7x + 6 = (2x + 3)(x + 2)$

24.  $2 + \sqrt{3}$ 의 정수 부분을  $x$ , 소수 부분을  $y$  라고 할 때,  $(1 - \sqrt{x})^2 + \frac{4}{y}$

의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$3 < 2 + \sqrt{3} < 4$  이므로

$2 + \sqrt{3}$ 의 정수부분은 3, 소수부분은  $\sqrt{3} - 1$  이다.

$x = 3, y = \sqrt{3} - 1$

$$(1 - \sqrt{3})^2 + \frac{4}{\sqrt{3} - 1}$$

$$= 4 - 2\sqrt{3} + \frac{4(\sqrt{3} + 1)}{(\sqrt{3} - 1)(\sqrt{3} + 1)} = 6$$

25. 다음 식을 간단히 하여라.

$$(2a - b)^2 - (2a + b)^2$$

▶ 답 :

▷ 정답 :  $-8ab$

해설

$$\begin{aligned}(2a - b)^2 - (2a + b)^2 \\&= (2a - b + 2a + b)(2a - b - 2a - b) \\&= 4a \times (-2b) \\&= -8ab\end{aligned}$$

26. 다음 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

- ①  $ab + b - a - 1 = (a + 1)(1 - b)$
- ②  $2 - a - 2b + ab = (1 - b)(2 + a)$
- ③  $x^2 - y^2 + 2x + 2y = (x - y)(x - y + 2)$
- ④  $x^3 + x^2 + x + 1 = (x^2 + 1)(x + 1)$
- ⑤  $x(y - 1) - 2(y - 1) = (x - 2)(y - 1)$

해설

- ①  $(a + 1)(b - 1)$
- ②  $(1 - b)(2 - a)$
- ③  $(x + y)(x - y + 2)$

27.  $-9x^2 + y^2 + 6xz - z^2$  을 인수분해하였더니  $(ay - 3x + z)(y + bx + cz)$  가 되었다. 이때, 상수  $a, b, c$  에 대하여  $a + b + c$  의 값을 구하면?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ -1      ⑤ -2

해설

$$\begin{aligned}-9x^2 + y^2 + 6xz - z^2 \\&= y^2 - (9x^2 - 6xz + z^2) \\&= y^2 - (3x - z)^2 \\&= \{y - (3x - z)\} \{y + (3x - z)\} \\&= (y - 3x + z)(y + 3x - z) \\a = 1, b = 3, c = -1 \\∴ a + b + c = 3\end{aligned}$$

28.  $x^4 - 13x^2 + 36$  을 인수분해했을 때, 일차식으로 이루어진 인수들의 합을 구하면?

①  $4x + 13$

④  $2x^2 - 13$

②  $4x$

⑤  $2x^2 + 5$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 13x^2 + 36 &= (x^2 - 9)(x^2 - 4) \\&= (x + 3)(x - 3)(x + 2)(x - 2) \\\therefore (\text{일차식 인수들의 합}) \\&= x + 3 + x - 3 + x + 2 + x - 2 = 4x\end{aligned}$$

29.  $x^3 - y^3 = -2$ ,  $xy = -1$  일 때,  $x + y$ 의 값을 구하여라. (단,  $x < y$ )

▶ 답:

▷ 정답:  $x + y = 0$

해설

$$x^3 - y^3 = (x - y)^3 + 3xy(x - y) = -2$$

$xy = -1$  을 대입하면

$$(x - y)^3 - 3(x - y) = -2,$$

$$(x - y)^3 - 3(x - y) + 2 = 0$$

$x - y = t$  로 놓으면

$$t^3 - 3t + 2 = 0$$

이를 인수분해하면

$$t^3 - t^2 + t^2 - 3t + 2 = 0,$$

$$t^2(t - 1) + (t - 1)(t - 2) = 0$$

$$(t - 1)^2(t + 2) = 0$$

$$x - y = -2 \quad (\because x < y)$$

$$(x + y)^2 = (x - y)^2 + 4xy \circ] \text{므로}$$

$$(x + y)^2 = (-2)^2 + 4(-1) = 0$$

$$\therefore x + y = 0$$

30.  $a, b, c$  가 삼각형의 세 변의 길이일 때,  $b^3 + b^2c + bc^2 - a^2b + c^3 - a^2c = 0$  이다. 이때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인지 구하면? (단,  $a, b, c$  가 삼각형의 세 변의 길이이다.)

① 삼각형이 될 수 없다.      ② 이등변삼각형

③  $\angle A$  가 직각인 직각삼각형      ④  $\angle B$  가 직각인 직각삼각형

⑤  $\angle C$  가 직각인 직각삼각형

해설

$$\begin{aligned} & b^3 + b^2c + bc^2 - a^2b + c^3 - a^2c \\ &= b^2(b + c) + b(c^2 - a^2) + c(c^2 - a^2) \\ &= b^2(b + c) + (b + c)(c^2 - a^2) \\ &= (b + c)(b^2 + c^2 - a^2) = 0 \end{aligned}$$

$b, c$ 는 삼각형이 변의 길이이므로 양수이다.  
따라서  $b^2 + c^2 - a^2 = 0$ ,  $b^2 + c^2 = a^2$   
 $\angle A$ 가 직각인 직각삼각형이다.

31.  $\frac{2(x+2)^2 + 2(y-3)^2}{(x+2)(y-3)} = 4$  일 때,  $x-y$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $x-y = -5$

해설

$x+2 = X, y-3 = Y$ 로 치환하면

$$\frac{2(x+2)^2 + 2(y-3)^2}{(x+2)(y-3)} = \frac{2X^2 + 2Y^2}{XY} = 4$$

$$2X^2 - 4XY + 2Y^2 = 0, (X-Y)^2 = 0$$

$$X - Y = x + 2 - y + 3 = 0$$

$$\therefore x - y = -5$$

32. 자연수  $10^4 - 1$  의 약수의 개수는?

- ① 10 개      ② 12 개      ③ 16 개      ④ 24 개      ⑤ 28 개

해설

$$\begin{aligned}10^4 - 1 &= (10^2 + 1)(10^2 - 1) \\&= (10^2 + 1)(10 + 1)(10 - 1) \\&= 101 \times 11 \times 9 \\&= 3^2 \times 11 \times 101\end{aligned}$$

따라서 약수의 개수는  $(2 + 1)(1 + 1)(1 + 1) = 12$ (개)

33.  $a + b = 4$ ,  $a^2 - b^2 = 20$  일 때,  $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a - b = 5$

해설

$$(a + b)(a - b) = a^2 - b^2 \text{ } \circ] \text{므로}$$

$$4 \times (a - b) = 20$$

$$\therefore a - b = 5$$