

1. 다음 안에 알맞은 말을 차례로 나열한 것은?

단항식과 다항식의 곱을 풀어서 하나의 다항식으로 나타내는 것을 (이)라고 하고, 전개해서 얻은 다항식을 이라 한다.

① 이항, 이항식 ② 결합, 등식 ③ 혼합, 전개식

④ 전개, 전개식 ⑤ 전개, 다항식

해설

단항식과 다항식의 곱을 풀어서 하나의 다항식으로 나타내는 것을 전개라고 하고, 전개해서 얻은 다항식을 전개식이라 한다.

2. 연립방정식 $-\frac{1}{5} = \frac{x+3y}{5} = 0.3x - 0.2y - 1$ 의 해는?

- ① $x = -3, y = -2$ ② $x = 2, y = -1$
③ $x = 4, y = -2$ ④ $x = -2, y = -1$
⑤ $x = 3, y = 1$

해설

$$\begin{aligned}-2 &= 2x + 6y = 3x - 2y - 10 \quad \text{①} \\ -2 &= 2x + 6y \rightarrow x + 3y = -1 \quad \cdots (1) \\ -2 &= 3x - 2y - 10 \rightarrow 3x - 2y = 8 \quad \cdots (2) \\ (1) \times 3 - (2) \text{ 하면} \\ 11y &= -11 \\ y &= -1 \\ y = -1 &\text{ 을 (1)에 대입하면} \\ x &= 2 \\ \therefore x &= 2, y = -1\end{aligned}$$

3. $\frac{2x-y}{3x+4y} = \frac{1}{3}$ 일 때 $\frac{2}{3}x + \frac{2}{3}y + 3$ 을 y 에 관한 식으로 나타내면 $ay+b$ 이다. $9a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 23

해설

$$\begin{aligned}\frac{2x-y}{3x+4y} &= \frac{1}{3} \\ 6x - 3y &= 3x + 4y \\ 3x &= 7y \\ \therefore x &= \frac{7}{3}y \\ \frac{2}{3}x + \frac{2}{3}y + 3 &= \frac{14}{9}y + \frac{2}{3}y + 3 = \frac{20}{9}y + 3 \\ \therefore a &= \frac{20}{9}, b = 3 \therefore 9a + b = 23\end{aligned}$$

4. 연립방정식 $\frac{2x - 3y}{4} = \frac{x + 3y - 10}{3} = \frac{4x - 3y}{2}$ 의 해는?

- ① $x = -4, y = -2$ ② $x = 3, y = -1$
③ $x = -1, y = -2$ ④ $x = 1, y = 2$
⑤ $x = 2, y = 1$

해설

$$\begin{cases} \frac{2x - 3y}{4} = \frac{x + 3y - 10}{3} \\ \frac{2x - 3y}{4} = \frac{4x - 3y}{2} \end{cases} \Rightarrow$$
$$\begin{cases} 3(2x - 3y) = 4(x + 3y - 10) \\ 2x - 3y = 2(4x - 3y) \end{cases}$$

두 식을 정리하면 $\begin{cases} 2x - 21y = -40 & \cdots \textcircled{\text{⑦}} \\ 6x - 3y = 0 & \cdots \textcircled{\text{⑧}} \end{cases}$

⑧에서 $y = 2x$,
 $y = 2x$ 를 ⑦에 대입하면
 $2x - 42x = -40$
 $x = 1$
 $y = 2x = 2$
 $\therefore x = 1, y = 2$

5. $\frac{1}{45}, \frac{2}{45}, \frac{3}{45}, \dots, \frac{199}{45}, \frac{200}{45}$ 중에서 유한소수이면서, 정수가 아닌 유리수의 개수는?

① 4개 ② 18개 ③ 22개 ④ 62개 ⑤ 66개

해설

$\frac{n}{45} = \frac{n}{3^2 \times 5}$ 이 유한소수가 되게 하는 n 은 9의 배수이므로 22 개, 이때 정수가 되게 하는 n 은 45의 배수로 4개이다.

따라서 $22 - 4 = 18$ 개이다.

6. $a > 3$, $b < 2$ 일 때, $3a - 2b$ 의 값의 범위에 해당하는 수는?

- ① -1 ② 0 ③ 3 ④ 5 ⑤ 13

해설

$a > 3$ 의 양변에 3 을 곱하면 $3a > 9$

$b < 2$ 의 양변에 -2 를 곱하면 $-2b > -4$

두 식을 더하면 $3a - 2b > 5$ 이므로

범위에 해당하는 수는 13 뿐이다.

7. 점 $(3, 7)$ 을 지나는 일차함수 $y = ax + b$ 가 $y = -2x + 4$ 와 제 1 사분면에서 만날 때, 상수 a 의 범위를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $1 < a < 7$

해설

상수 a 는 일차함수 $y = ax + b$ 의 기울기가 된다. 그래프를 나타내면 다음과 같다.



따라서 기울기 a 의 범위는 $1 < a < 7$ 되어야 $y = -2x + 4$ 와 제 1 사분면에서 만나게 된다.

8. $-2 \leq a \leq 2$, $-2 \leq b \leq 2$ 일 때, $\frac{1-2a}{3-b}$ 의 범위를 구하면 $p \leq \frac{1-2a}{3-b} \leq q$ 라 할 때, $p - q$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -8

해설

(1) 단계

$-2 \leq a \leq 2$ 에서

각 변에 -2 를 곱하면 $-4 \leq -2a \leq 4$

각 변에서 1 을 더하면 $-3 \leq 1 - 2a \leq 5$

(2) 단계

$-2 \leq b \leq 2$ 에서

각 변에 -1 을 곱하면 $-2 \leq -b \leq 2$

각 변에서 3 을 더하면 $1 \leq 3 - b \leq 5$

(3) 단계

$-3 \leq 1 - 2a \leq 5$ 와 $1 \leq 3 - b \leq 5$ 를 변끼리 나누면

$-3 \leq \frac{1-2a}{3-b} \leq 5$ 이므로 $p = -3$, $q = 5$

$\therefore p - q = -8$

9. 민호가 폭이 2.4 km인 강을 건너는데 처음에는 분속 60m 자유영으로 가다가 힘이 들어서 분속 48m로 평영을 하여 47분 걸렸다고 한다. 자유영으로 수영한 거리를 구하여라.

▶ 답: m

▷ 정답: 720 m

해설

자유영으로 간 거리: x
평영으로 간 거리: y

$$\begin{cases} x + y = 2400 \\ \frac{x}{60} + \frac{y}{48} = 47 \end{cases}$$

$$\therefore x = 720, y = 1680$$

10. 함수 $f(x) = ax$ 에 대해 $f(2) = 1$ 이고, 함수 $g(x) = \frac{b}{x}$ 에 대해 $g(-1) =$

3 일 때, ab 의 값은?

- ① $\frac{1}{2}$ ② $-\frac{1}{2}$ ③ $-\frac{3}{2}$ ④ $\frac{3}{2}$ ⑤ -3

해설

$$2a = 1, a = \frac{1}{2}$$

$$\frac{b}{-1} = 3, b = -3$$

$$\therefore \frac{1}{2} \times (-3) = -\frac{3}{2}$$