

1. 다음 중  $8x^2y - 4xy$  의 인수가 아닌 것은?

①  $xy(2x - 1)$

②  $4x$

③  $4y$

④  $x(2x - 1)$

⑤  $y(2x + 1)$

해설

$$8x^2y - 4xy = 4xy(2x - 1)$$

2.  $57^2 - 63^2 - 188^2 + 212^2$  을 계산하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 8880

해설

(준식)

$$= (57 - 63)(57 + 63) + (212 - 188)(212 + 188)$$

$$= -6 \times 120 + 24 \times 400$$

$$= -720 + 9600 = 8880$$

3.  $x^2 - (y^2 - 6y + 9)$  를 인수분해하면?

- ①  $(x - y - 5)(x - y + 2)$
- ②  $(x - y + 5)(x - y + 2)$
- ③  $(x + y - 3)(x - y - 3)$
- ④  $(x + y + 3)(x - y + 3)$
- ⑤  $(x + y - 3)(x - y + 3)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - (y^2 - 6y + 9) \\&= x^2 - (y - 3)^2 \\&= (x + y - 3)(x - y + 3)\end{aligned}$$

4.  $x(x+2)(x+4)(x+6)+16$  을 인수분해하는 과정이다. ( )안에 들어갈 식이 옳은 것은?

$$\begin{aligned} & x(x+2)(x+4)(x+6)+16 \\ &= x(\textcircled{1}) \times (x+2)(\textcircled{2}) + 16 \\ &= (x^2 + 6x)(\textcircled{3}) + 16 \\ & (\textcircled{4}) = A \text{ 라 하면} \\ & A^2 + 8A + 16 = (A+4)^2 = (\textcircled{5})^2 \end{aligned}$$

①  $x+5$       ②  $x+3$       ③  $x^2 + 4x + 8$

④  $x^2 + 6x$       ⑤  $x^2 + 6x + 1$

해설

- ①  $x+6$   
②  $x+4$   
③  $x^2 + 6x + 8$   
⑤  $x^2 + 6x + 4$

5. 직사각형의 넓이가  $(a+b)(a+b+1)-30$  이고, 가로의 길이가  $(a+b-5)$  일 때, 이 직사각형의 세로의 길이를 구하면?

- ①  $a + b + 2$       ②  $a - b + 6$       ③  $a + b - 6$   
④  $a + b + 6$       ⑤  $a - b + 5$

해설

$a + b = A$  라 두면

$$\begin{aligned}A(A + 1) - 30 &= A^2 + A - 30 \\&= (A + 6)(A - 5) \\&= (a + b + 6)(a + b - 5)\end{aligned}$$

따라서 세로의 길이는  $a + b + 6$  이다.

6.  $(2a - 3b + 1)^2 - (2a + 3b - 1)^2 = 8a(Aa + Bb + C)$  일 때,  $A + B - C$  을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답:  $A + B - C = -4$

해설

$2a - 3b + 1 = X, 2a + 3b - 1 = Y$ 로 치환하면

$$(2a - 3b + 1)^2 - (2a + 3b - 1)^2$$

$$= X^2 - Y^2 = (X + Y)(X - Y)$$

$$= 4a(-6b + 2)$$

$$= 8a(-3b + 1)$$

$$\therefore A + B - C = 0 + (-3) - 1 = -4$$

7. 다음 식이 완전제곱식일 때, 상수  $a$ 의 값을 구하여라.

$$(x+2)(x+4)(x+5)(x+7) + a$$

▶ 답 :

▷ 정답 :  $a = 9$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (x+2)(x+7)(x+4)(x+5) + a \\&= (x^2 + 9x + 14)(x^2 + 9x + 20) + a\end{aligned}$$

$x^2 + 9x = A$ 로 치환하면

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (A+14)(A+20) + a \\&= A^2 + 34A + 280 + a \\&= (A+17)^2 = (x^2 + 9x + 17)^2\end{aligned}$$

$$17^2 = 280 + a$$

$$\therefore a = 9$$

8.  $4xy - 2x - 2y + 1$  을 인수분해하면  $(ax + b)(cy + d)$  일 때,  $a+b+c+d$ 의 값을 구하면?

① 0

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 6

해설

$$\begin{aligned}4xy - 2x - 2y + 1 &= 2x(2y - 1) - (2y - 1) \\&= (2x - 1)(2y - 1)\end{aligned}$$

$$\therefore a + b + c + d = 2 - 1 + 2 - 1 = 2$$

9.  $x^2 + 3xy - x - 6y - 2$  를 인수분해 하면  $(x - 2)(ax + by + c)$  이다.  
 $a + b + c$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $a + b + c = 5$

해설

$x^2 + 3xy - x - 6y - 2$  를  $x$ 에 관해 정리하면

$$x^2 + (3y - 1)x - 2(3y + 1) = (x - 2)(x + 3y + 1)$$

$$\therefore a = 1, b = 3, c = 1$$

$$\therefore a + b + c = 5$$

10.  $x^2 - y^2 + 6x - 2y + 8$  을 인수분해하면  $(ax + by + c)(x + y + 4)$  일 때,  
 $a + b + c$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 :  $a + b + c = 2$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - y^2 + 6x - 2y + 8 \\&= x^2 + 6x - (y^2 + 2y - 8) \\&= x^2 + 6x - (y + 4)(y - 2) \\&= \{x - (y - 2)\}\{x + (y + 4)\} \\&= (x - y + 2)(x + y + 4) \\∴ a &= 1, b = -1, c = 2 \\∴ a + b + c &= 2\end{aligned}$$

11.  $x^2 - 2y^2 + xy - 2x - y + 1$  을 인수분해하면?

①  $(x + 2y - 3)(x - y - 1)$

②  $(x + 2y - 1)(x - y - 1)$

③  $(x + 2y - 1)(x - y - 2)$

④  $(x - 2y + 1)(x + y + 1)$

⑤  $(x + 2y + 1)(x - y + 1)$

해설

$$\begin{aligned} & x^2 + (y - 2)x - 2y^2 - y + 1 \\ &= x^2 + (y - 2)x - (2y^2 + y - 1) \\ &= x^2 + (y - 2)x - (2y - 1)(y + 1) \\ &= \{x + (2y - 1)\} \{x - (y + 1)\} \\ &= (x + 2y - 1)(x - y - 1) \end{aligned}$$

12. 다항식  $x^2 - 4xy + 3y^2 - 7x + 5y - 8$  을 인수분해하면?

- ①  $(x + 3y - 8)(x + y + 1)$
- ②  $(x - 3y + 8)(x + y + 1)$
- ③  $(x + 3y - 8)(x - y - 1)$
- ④  $(x - 3y + 2)(x - y + 4)$
- ⑤  $(x - 3y - 8)(x - y + 1)$

해설

$$\begin{aligned} & x^2 - (4y + 7)x + 3y^2 + 5y - 8 \\ &= x^2 - (4y + 7)x + (3y + 8)(y - 1) \\ &= (x - 3y - 8)(x - y + 1) \end{aligned}$$

13.  $\frac{15 \times 39 - 15 \times 32}{6^2 - 1}$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 3

해설

$$\frac{15 \times 39 - 15 \times 32}{6^2 - 1} = \frac{15(39 - 32)}{(6 + 1)(6 - 1)} = 3$$

14.  $\sqrt{89 \times 91 + 1} = 10 \times x^2$  일 때,  $x$ 의 값은?

①  $\pm\sqrt{3}$

②  $\pm 3$

③  $\pm 9$

④  $\pm 18$

⑤  $\pm 81$

해설

$$\sqrt{(90 - 1)(90 + 1) + 1} = \sqrt{90^2 - 1 + 1} = 90$$

$$10x^2 = 90$$

$$\therefore x = \pm 3$$

15.  $\sqrt{5}$  의 소수 부분을  $a$  라 할 때,  $a^2 + 4a + 4$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

$$2 < \sqrt{5} < 3 \text{ 이므로 } a = \sqrt{5} - 2$$

$$\begin{aligned}\therefore a^2 + 4a + 4 &= (a + 2)^2 = (\sqrt{5} - 2 + 2)^2 \\ &= (\sqrt{5})^2 = 5\end{aligned}$$

16. 다음 조건을 이용하여  $x^2 + y^2$  을 구하여라.

$$\textcircled{\text{D}} \ xy = 6$$

$$\textcircled{\text{L}} \ 3x + 3y + x^2y + xy^2 = 36$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

$$3x + 3y + x^2y + xy^2 = 36$$

$$3(x+y) + xy(x+y) = 36$$

$$(x+y)(3+xy) = 36 \text{에서}$$

$xy = 6$  이므로  $x+y = 4$  이다.

$$\begin{aligned}\therefore x^2 + y^2 &= (x+y)^2 - 2xy \\ &= 4^2 - 2 \times 6 \\ &= 16 - 12 = 4\end{aligned}$$

17.  $[a, b, c] = (a-b)(a-c)$  라 할 때,  $[a, b, c] - [b, a, c]$  를 인수분해하면,  $(xa + yb + zc)(pa + qb + rc)$  이다. 이 때,  $x + y + z + p + q + r$  의 값은?

- ① -1      ② 3      ③ 0      ④ 2      ⑤ -2

해설

$$\begin{aligned} & (a-b)(a-c) - (b-a)(b-c) \\ &= (a-b)(a-c) + (a-b)(b-c) \\ &= (a-b)\{(a-c) + (b-c)\} \\ &= (a-b)(a+b-2c) \\ \therefore & x + y + z + p + q + r \\ &= 1 + (-1) + 0 + 1 + 1 + (-2) = 0 \end{aligned}$$

18.  $(x-1)^2 + \frac{1}{(x-1)^2} - 2$  를 인수분해하면?

①  $\frac{x^2(x-2)}{(x-1)^2}$

②  $\frac{x(x-2)^2}{(x-1)^2}$

③  $\frac{x^2(x-2)^2}{(x-1)}$

④  $\frac{(x-2)^2}{(x-1)^2}$

⑤  $\frac{x^2(x-2)^2}{(x-1)^2}$

해설

$x-1 = a$  로 치환하면

$$(x-1)^2 + \frac{1}{(x-1)^2} - 2$$

$$= a^2 + \frac{1}{a^2} - 2 = \left(a - \frac{1}{a}\right)^2 = \left(\frac{a^2 - 1}{a}\right)^2$$

$$= \left\{ \frac{(a+1)(a-1)}{a} \right\}^2$$

$$= \frac{x^2(x-2)^2}{(x-1)^2}$$

19.  $2 + \sqrt{3}$  의 정수 부분을  $x$ , 소수 부분을  $y$  라고 할 때,  $(1 - \sqrt{x})^2 + \frac{4}{y}$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

$$3 < 2 + \sqrt{3} < 4 \text{ 이므로}$$

$2 + \sqrt{3}$  의 정수부분은 3, 소수부분은  $\sqrt{3} - 1$  이다.

$$x = 3, y = \sqrt{3} - 1$$

$$(1 - \sqrt{3})^2 + \frac{4}{\sqrt{3} - 1}$$

$$= 4 - 2\sqrt{3} + \frac{4(\sqrt{3} + 1)}{(\sqrt{3} - 1)(\sqrt{3} + 1)} = 6$$

20.  $x^{16} - 1$  의 인수  $x^m + 1$ 에 대해  $m$ 이 될 수 없는 것은?

① 1

② 2

③ 4

④ 6

⑤ 8

해설

$$x^{16} - 1$$

$$= (x^8 + 1)(x^8 - 1)$$

$$= (x^8 + 1)(x^4 + 1)(x^4 - 1)$$

$$= (x^8 + 1)(x^4 + 1)(x^2 + 1)(x^2 - 1)$$

$$= (x^8 + 1)(x^4 + 1)(x^2 + 1)(x + 1)(x - 1)$$

이므로  $m$ 이 될 수 있는 것은 1, 2, 4, 8 이다.

21.  $A = -1^2 + 2^2 - 3^2 + 4^2 - 5^2 + 6^2 - 7^2 + 8^2 - 9^2 + 10^2$ ,  $B = 9945$  라 할 때,  $B^2 - A^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 98900000

해설

$$\begin{aligned}A &= -1^2 + 2^2 - 3^2 + 4^2 - 5^2 + 6^2 \\&\quad - 7^2 + 8^2 - 9^2 + 10^2 \\&= (2^2 - 1^2) + (4^2 - 3^2) + \\&\quad (6^2 - 5^2) + (8^2 - 7^2) + (10^2 - 9^2) \\&= (2-1)(2+1) + (4-3)(4+3) + (6-5) \\&\quad (6+5) + (8-7)(8+7) + (10-9)(10+9) \\&= 3 + 7 + 11 + 15 + 19 \\&= 55\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\therefore B^2 - A^2 &= (B+A)(B-A) \\&= (9945 + 55)(9945 - 55) \\&= 10000 \times 9890 \\&= 98900000\end{aligned}$$

22.  $x = 3 + \sqrt{8}$ ,  $y = 3 - \sqrt{8}$  일 때,  $(x^n + y^n)^2 - (x^n - y^n)^2$  의 값은?(단,  $n$  은 양의 정수)

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}(x^n + y^n)^2 - (x^n - y^n)^2 \\&= (x^n + y^n + x^n - y^n)(x^n + y^n - x^n + y^n) \\&= 2x^n \times 2y^n = 4(xy)^n \\xy &= (3 + \sqrt{8})(3 - \sqrt{8}) = 1 \\∴ 4(xy)^n &= 4\end{aligned}$$

23.  $x^2 - 2xz + z^2 - y^2$  을 인수분해하면?

- ①  $(x + y + z)(x - y + z)$
- ②  $(x + y + z)(x - y - z)$
- ③  $(x - y + z)(x - y - z)$
- ④  $(x + y - z)(x - y + z)$
- ⑤  $(x + y - z)(x - y - z)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2xz + z^2 - y^2 &= (x - z)^2 - y^2 \\&= (x - z + y)(x - z - y)\end{aligned}$$

24. 두 정수  $a, b$  가  $(a - 1)^2 - 4b^2 = 33$  을 만족할 때, 순서쌍  $(a, b)$  는 모두 몇 개 존재하는가? (단,  $a > 2b > 0$ )

- ① 1개      ② 2개      ③ 3개      ④ 4개      ⑤ 5개

해설

$$(a - 1)^2 - 4b^2 = 33 \text{에서}$$

$$(a + 2b - 1)(a - 2b - 1) = 33$$

$a > 2b > 0$  이므로

$$33 \times 1 = 33 \text{ 또는 } 11 \times 3 = 33$$

따라서 조건을 만족하는  $(a, b)$  는  $(18, 8), (8, 2)$  2개 존재한다.

25.  $ab = -4$ ,  $(a+2)(b+2) = 10$  일 때,  $a^3 + b^3 + a^2b + ab^2$  의 값은?

① 121

② 134

③ 146

④ 152

⑤ 165

해설

$$(a+2)(b+2) = ab + 2(a+b) + 4 = 10$$

$ab = -4$  를 대입하면  $a+b = 5$

$$\text{한편 } a^2 + b^2 = (a+b)^2 - 2ab = 5^2 - 2 \cdot (-4) = 33$$

$$\begin{aligned} \therefore a^3 + b^3 + a^2b + ab^2 &= a^2(a+b) + b^2(a+b) \\ &= (a^2 + b^2)(a+b) \\ &= 33 \times 5 \\ &= 165 \end{aligned}$$