

1. 다음 중 다항식의 사칙연산이 잘못된 것은?

- Ⓐ  $(4x - 2) + (7 - 2x) = 2x - 5$
- Ⓑ  $(x^2 + 2y^2) - 2(y^2 - 3x^2) = 7x^2$
- Ⓒ  $(x + y)^3 = x^3 + 3x^2y + 3xy^2 + y^3$
- Ⓓ  $(x + y + z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 + 2xy + 2yz + 2zx$
- Ⓔ  $(x^3 + 1) \div (x + 1) = x^2 - x + 1$

해설

Ⓐ  $(4x - 2) + (7 - 2x) = 2x + 5$

2.  $(x - 2y - 3z)^2$  을 전개하여  $x$ 에 대한 내림차순으로 정리하면?

- ①  $x^2 + 4y^2 + 9z^2 - 4xy + 12yz - 6zx$
- ②  $x^2 - 4xy + 4y^2 - 9z^2 + 12yz - 6zx$
- ③  $x^2 - (4y + 6z)x + 4y^2 + 12yz + 9z^2$
- ④  $4y^2 + 12yz + 9z^2 + (-4y - 6z)x + x^2$
- ⑤  $9z^2 + 4y^2 + x^2$

해설

$$(x - 2y - 3z)^2 = x^2 - (4y + 6z)x + 4y^2 + 12yz + 9z^2$$

3. 다항식  $(a - b)(a^2 + ab + b^2)$  을 전개하면?

①  $a^2 - b^2$

②  $a^3 - b^3$

③  $a^3 + b^3$

④  $a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$

⑤  $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$

해설

공식 :  $(a - b)(a^2 + ab + b^2) = a^3 - b^3$

4. 등식  $2x^2 - 6x - 2 = a(x+1)(x-2) + bx(x-2) + cx(x+1)$  가  $x$ 의 값에 관계없이 항상 성립할 때, 상수  $a+b+c$ 의 값을 구하면?

① 2      ② 1      ③ 0      ④ -1      ⑤ -2

해설

$x = 0$ 을 대입하면:  $a = 1$

$x = -1$ 을 대입하면:  $b = 2$

$x = 2$ 을 대입하면:  $c = -1$

$\therefore a + b + c = 2$

5. 임의의 실수  $x$ 에 대하여  $x^2 - 3x + 2 = a + bx + cx(x-1) + dx(x-1)(x-2)$  가 항상 성립할 때,  $a + b + c + d$ 의 값을 구하면? (단,  $a, b, c, d$ 는 상수)

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$x = 0$ 을 대입하면  $a = 2$

$x = 1$ 을 대입하면  $b = -2$

$x = 2$ 을 대입하면  $c = 1$

3차항은 없으므로  $d = 0$

$\therefore a + b + c + d = 1$

6.  $(1 + 3i)(1 - 3i) - (2 - i)(3 + i)$  를 계산하면?

- ①  $17 - i$     ②  $3 + i$     ③  $3 - i$     ④  $7 + i$     ⑤  $7 - i$

해설

$$\begin{aligned}(1 + 3i)(1 - 3i) - (2 - i)(3 + i) \\= (1 + 9) - (6 - i + 1) \\= 3 + i\end{aligned}$$

7.  $(2 + \sqrt{3}i)^2 + (2 - \sqrt{3}i)^2$  의 값은?

- ①  $8\sqrt{3}i$     ②  $4\sqrt{3}i$     ③  $-2$     ④  $0$     ⑤  $2$

해설

$$\begin{aligned}(2 + \sqrt{3}i)^2 + (2 - \sqrt{3}i)^2 \\= (4 + 4\sqrt{3}i + 3i^2) + (4 - 4\sqrt{3}i + 3i^2) \\= 1 + 4\sqrt{3}i + 1 - 4\sqrt{3}i = 2\end{aligned}$$

8.  $\frac{1}{\sqrt{-8}}(3\sqrt{-2} - 3\sqrt{-8} + \sqrt{-32})$  을 계산하면?

- ①  $i$       ②  $\frac{1}{2}$       ③  $-i$       ④  $-\frac{1}{2}$       ⑤  $\frac{i}{2}$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= \frac{1}{2\sqrt{2}i} (3\sqrt{2}i - 6\sqrt{2}i + 4\sqrt{2}i) \\&= \frac{1}{2\sqrt{2}i} \times \sqrt{2}i \\&= \frac{1}{2}\end{aligned}$$

9. 이차방정식  $2x^2 - 4x - 3 = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 할 때,  $\alpha^2 + \beta^2$ 의 값은?

- ① 7      ② 6      ③ 5      ④ 4      ⑤ 3

해설

근과 계수와의 관계로부터

$$\alpha + \beta = 2 \quad \alpha\beta = -\frac{3}{2}$$

$$\therefore \alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = 7$$

10. 방정식  $2x^2 - 6x + 3 = 0$  의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 할 때,  $\alpha^2 + \beta^2$ 의 값을 구하면?

① 1      ② 2      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

해설

$$\alpha + \beta = 3, \alpha\beta = \frac{3}{2}$$

$$\alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = 9 - 2 \cdot \frac{3}{2} = 6$$

11. 이차방정식  $2x^2 - 6x + 4 = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라고 할 때,  $\alpha^2 + \beta^2$  은?

- ① -9      ② -2      ③ 0      ④ 5      ⑤ 13

해설

$$\alpha + \beta = 3, \quad \alpha\beta = 2$$

$$\alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = 9 - 4 = 5$$

12. 이차함수  $y = 2x^2 + kx - k$  의 그래프가  $x$ 축과 만나도록 하는 상수  $k$ 의 값이 아닌 것은?

① -8      ② -1      ③ 0      ④ 5      ⑤ 8

해설

이차방정식  $2x^2 + kx - k = 0$ 에서  $D = k^2 - 4 \cdot 2 \cdot (-k) \geq 0$ 이어야 하므로

$$k^2 + 8k \geq 0, k(k+8) \geq 0$$

$$\therefore k \leq -8 \text{ 또는 } k \geq 0$$

따라서 위의  $k$ 의 값의 범위에 속하지 않는 것은 ②이다.

13. 다음 이차함수의 최댓값이 3인 것은?

Ⓐ  $y = -x^2 + 3$

Ⓑ  $y = -\frac{1}{3}x^2 - \frac{1}{2}$

Ⓒ  $y = -(x - 1)^2$

Ⓓ  $y = -\frac{4}{3}(x + 5)^2$

Ⓔ  $y = -x^2$

해설

Ⓐ  $x = 0$  일 때, 최댓값 3을 갖는다.

Ⓑ  $x = 0$  일 때, 최댓값  $-\frac{1}{2}$  을 갖는다.

Ⓒ  $x = 1$  일 때, 최댓값 0을 갖는다.

Ⓓ  $x = -5$  일 때, 최댓값 0을 갖는다.

Ⓔ  $x = 0$  일 때, 최댓값 0을 갖는다.

14. 다음 이차함수 중 최댓값을 갖지 않는 것은?

- ①  $y = -x^2 + 1$       ②  $y = -10x^2 - \frac{1}{3}$   
③  $y = -2(x - 1)^2$       ④  $y = -\left(x - \frac{1}{5}\right)^2$   
⑤  $y = 3x^2 + 4$

해설

이차항의 계수가 음수일 때, 최댓값을 가진다.

15. 이차함수  $y = x^2 - 6x + 2$  의 최솟값을 구하면?

- ① -11      ② -9      ③ -7      ④ 7      ⑤ 11

해설

$$\begin{aligned}y &= x^2 - 6x + 2 \\&= (x - 3)^2 - 7\end{aligned}$$

$x = 3$  일 때, 최솟값 -7을 갖는다.

16. 두 다항식  $x^3 - 3x^2 + 2x$ ,  $x^4 - 4x^3 + 4x^2$ 의 최대공약수와 최소공배수를 각각  $f(x), g(x)$ 라 할 때,  $f(3) + g(3)$ 의 값을 구하면?

- ① 18      ② 19      ③ 20      ④ 21      ⑤ 22

해설

$$x^3 - 3x^2 + 2x = x(x-2)(x-1)$$

$$x^4 - 4x^3 + 4x^2 = x^2(x-2)^2$$

$$\therefore f(x) = x(x-2), g(x) = x^2(x-1)(x-2)^2$$

$$\therefore f(3) + g(3) = 3 + 18 = 21$$

17.  $a^2b^3c^4$ ,  $ab^2c^4e^3$ 의 최대공약수를 구하면?

①  $ab^2c^3$

②  $\textcircled{ab}^2c^4$

③  $ab^3c^4$

④  $a^2b^3c^4$

⑤  $ab^2c^4e^3$

해설

두 식의 공통인수 중 낮은 차수를 선택하여 곱한다.

$a^2b^3c^4$ ,  $ab^2c^4e^3$ 에서

공통인수는  $a, b, c$ 이고

차수가 낮은 것은 각각  $a, b^2, c^4$ 이다.

이들을 모두 곱하면 최대공약수는  $ab^2c^4$

18. 두 다항식  $2x^2 + 2x - 4$  와  $4x^3 - 4$ 에 관한 설명이다. 옳지 않은 것을 고르면?

- ① 두 다항식은  $(x - 1)$ 로 나누어 떨어지므로,  $(x - 1)$ 은 두 다항식의 공약수이다.
- ② 두 다항식은 공약수가 있으므로 서로소가 아니다.
- ③  $4(x - 1)^3(x + 2)^2(x^2 + x + 1)$ 은 두 다항식의 공배수이다.
- ④ 두 다항식의 최대공약수는  $2(x - 1)$ 이다.
- ⑤ 두 다항식의 최소공배수는  $(x + 2)(x - 1)^2(x^2 + x + 1)$ 이다.

해설

$$2x^2 + 2x - 4 = 2(x - 1)(x + 2)$$
$$4x^3 - 4 = 4(x - 1)(x^2 + x + 1)$$

최대공약수 :  $2(x - 1)$

최소공배수 :  $4(x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 1)$

19. 이차방정식  $x^2 + 8x + 2k = 0$ 이 허근을 가지도록 하는 정수  $k$ 의 값의 최솟값은?

① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

해설

이차방정식에서 허근을 가질 조건은

$$\frac{D'}{4} < 0 \Rightarrow D' < 0$$

$$16 - 2k < 0, \quad 2k > 16, \quad \therefore k > 8$$

$\therefore$  정수  $k$ 의 최소값은 9

20. 이차방정식  $x^2 - 2x + m = 0$ 이 허근을 가질 때, 실수  $m$ 의 범위를 구하면?

- ①  $m < 1$
- ②  $-1 < m < 1$
- ③  $m < -1$  또는  $m > 1$
- ④  $m > 1$
- ⑤  $m > -1$

해설

주어진 이차방정식이 허근을 가지려면

$$D/4 = 1 - m < 0$$

$$\therefore m > 1$$

21. 이차방정식  $x^2 - x(kx-5) + 3 = 0$ 이 허근을 가질 때, 정수  $k$ 의 최댓값을 구하면?

- ① -3      ② -2      ③ -1      ④ 0      ⑤ 1

해설

$$x^2 - kx^2 + 5x + 3 = 0 \text{이 허근은 가지려면}$$

$$D = 25 - 4 \times 3(1 - k) < 0$$

$$25 - 12 + 12k < 0 \quad \therefore 12k < -13$$

$$\therefore k < -\frac{13}{12} \text{이므로}$$

정수  $k$ 의 최댓값은 -2

22.  $x$ 에 대한 두 다항식  $A = x^3 + ax^2 + bx$ 와  $B = x^2 + bx + a$ 의 최대공약수가 일차식이다. 그 최대공약수를 구하면? (단,  $a, b$ 는 상수이고  $ab \neq 0$ )

- ①  $x - 1$     ②  $x - 2$     ③  $x + 1$     ④  $x + 2$     ⑤  $x + 3$

해설

$$A(x) = x(x^2 + ax + b), B(x) = x^2 + bx + a$$

인수를  $(x - p)$ 로 놓으면

$$A(p) = 0 \text{에서 } p^3 + ap^2 + bp = 0 \cdots ⑦$$

$$B(p) = 0 \text{에서 } p^2 + bp + a = 0 \cdots ⑧$$

$$⑦ - ⑧ \times p \text{에서 } (a - b)p^2 + (b - a)p = 0$$

$$\therefore (a - b)p(p - 1) = 0$$

그런데  $a \neq 0$ 이므로  $p \neq 0$

$$\therefore p = 1$$

따라서 최대공약수는  $x - 1$

23. 두 다항식  $x^2 - 4x + 3a + b$  와  $x^2 + bx - 6$ 의 최대공약수가  $x - 2$  일 때,  
 $a + b$  의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 8

해설

$f(x) = x^2 - 4x + 3a + b$ ,  
 $g(x) = x^2 + bx - 6$ 이라 하면  
 $f(x)$ 와  $g(x)$ 는 모두  $x - 2$ 로 나누어떨어지므로  
 $f(2) = g(2) = 0$ 에서  
 $f(2) = 4 - 8 + 3a + b = 0$ ,  $g(2) = 4 + 2b - 6 = 0$   
 $\therefore a = 1$ ,  $b = 1 \therefore a + b = 2$

24. 두 다항식의 최대공약수가  $x - 1$ 이고, 곱이  $2x^3 + ax^2 + bx + 3$  일 때,  
 $a - b$ 의 값은?(단,  $a, b$ 는 상수)

- ① -3      ② 3      ③ -1      ④ 1      ⑤ 0

해설

두 다항식은  $(x - 1)p, (x - 1)q(p, q$ 은 서로 소)라 할 수 있다.

두 다항식의 곱은  $(x - 1)^2 pq = 2x^3 + ax^2 + bx + 3$

즉,  $2x^3 + ax^2 + bx + 3$ 은  $x - 1$ 로 나눌 때 연속으로 나누어 떨어진다.

조립제법을 사용하면

$$\begin{array}{r} 1 \mid 2 \quad a \quad b \quad 3 \\ \quad \quad 2 \quad a+2 \quad a+b+2 \\ \hline 1 \mid 2 \quad a+2 \quad a+b+2 \quad |a+b+5=0 \\ \quad \quad 2 \quad a+4 \\ \hline 2 \quad a+4 \quad |a+b+6=0 \end{array}$$

$a + b = -5, 2a + b = -6$  을 연립하여 풀면

$a = -1, b = -4$

$\therefore a - b = 3$

해설

$$(x - 1)^2(2x + k) = 2x^3 + ax^2 + bx + 3$$

$$(x^2 - 2x + 1)(2x + k) = 2x^3 + ax^2 + bx + 3$$

상수항을 비교하면  $k = 3$

이차항의 계수를 비교하면  $3x^2 - 4x^2 = ax^2$

$\therefore a = -1$

일차항의 계수를 비교하면

$$-6x + 2x = bx \therefore b = -4$$

$\therefore a - b = 3$

25. 복소수  $z = (1+i)x^2 + (5+2i)x + 3(2-i)$ 에서  $z$ 가 순허수일 때, 실수  $x$ 의 값은? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

- ① -3      ② -2      ③ -1      ④ 0      ⑤ 1

해설

$$\begin{aligned} z &= (x^2 + 5x + 6) + (x^2 + 2x - 3)i \\ &= (x+2)(x+3) + (x-1)(x+3)i \end{aligned}$$

순허수가 되려면 실수부=0, 허수부 $\neq 0$

$$\therefore x = -2$$

26.  $(1+i)x^2 + (1-i)x - 6 - 2i$  가 순허수가 되는 실수  $x$  의 값을 구하면?

- ① -3      ② -2      ③ -1      ④ 2      ⑤ 3

해설

주어진 식을 정리하면  $(x^2 + x - 6) + (x^2 - x - 2)i$  이고  
순허수가 되기 위해선  $x^2 + x - 6 = (x+3)(x-2) = 0$  이어야  
하므로  $x = -3$  또는  $x = 2$  이다.

그런데  $x^2 - x - 2 \neq 0$  이어야 하므로  $x \neq 2$   
따라서  $x = -3$

27. 복소수  $z = (2+i)a^2 + (1+4i)a + 2(2i-3)i$ 가 순허수일 때, 실수  $a$ 의 값은?

- ① -2      ② 1      ③  $\frac{3}{2}$       ④  $\frac{5}{2}$       ⑤ 3

해설

$$z = (2a^2 + a - 6) + (a^2 + 4a + 4)i$$

순허수이므로  $2a^2 + a - 6 = 0$

$$\Rightarrow (a+2)(2a-3) = 0$$

$$\Leftrightarrow a = -2 \text{ 또는 } a = \frac{3}{2}$$

그런데  $a = 2$ 이면,

$a^2 + 4a + 4 = 0$ 이 되어 순허수가 성립되지 않는다.

$$\therefore a = \frac{3}{2}$$

28.  $x = \frac{1 - \sqrt{3}i}{2}$  일 때,  $x^2 - x + 1$  의 값은?

- ① -1      ② 0      ③ 1  
④  $\frac{1 - \sqrt{3}i}{2}$       ⑤  $\frac{1 + \sqrt{3}i}{2}$

해설

$$x = \frac{1 - \sqrt{3}i}{2}$$
 의 양변에 2 를 곱하면  $2x = 1 - \sqrt{3}i$

$$\text{그러므로 } 2x - 1 = -\sqrt{3}i$$

$$\text{이 식의 양변을 제곱하면 } 4x^2 - 4x + 1 = -3$$

$$\therefore 4x^2 - 4x + 4 = 0$$

$$\text{따라서, } x^2 - x + 1 = 0$$

29.  $z = \frac{2}{1 - \sqrt{3}i}$  일 때  $z^5 + 3z$  를 간단히 하면?

- ①  $1 + \sqrt{3}i$       ②  $2 + \sqrt{3}i$       ③  $3 + \sqrt{3}i$   
④  $2 + 2\sqrt{3}i$       ⑤  $3 + 3\sqrt{3}i$

해설

$$z = \frac{2}{1 - \sqrt{3}i} \text{ 에서 } z^2 - z + 1 = 0 \therefore z^3 = -1$$

$$z^5 + 3z = -z^2 + 3z = -(z - 1) + 3z = 1 + 2z$$

$$z = \frac{1 + \sqrt{3}i}{2} \text{ 이므로 } 1 + 2z = 2 + \sqrt{3}i$$

30.  $x = 2 + \sqrt{3}i$  일 때,  $x^3 \cdot \bar{x} - x \cdot \bar{x}^3$  의 값은? (단,  $\bar{x}$ 는  $x$ 의 콤팩트수이다.)

- ①  $13i$       ②  $28\sqrt{3}i$       ③  $28i$   
④  $56\sqrt{3}i$       ⑤  $72i$

해설

$$\begin{aligned}x &= 2 + \sqrt{3}i \text{에서 } \bar{x} = 2 - \sqrt{3}i \text{ 이므로} \\x^3 \cdot \bar{x} - x \cdot \bar{x}^3 &= x\bar{x}(x^2 - \bar{x}^2) = x\bar{x}(x + \bar{x})(x - \bar{x}) \\&= 7 \cdot 4 \cdot 2\sqrt{3}i = 56\sqrt{3}i\end{aligned}$$