- 1. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - 1 은 소수가 아니다.
 2 10 은 합성수이다.
 - ③ 17 은 소수이다.
 - ④ 약수가 2 개인 수는 소수이다.
 - ⑤ 두 소수의 합은 언제나 홀수이다.

⑤ (반례) 3 과 5 는 소수이지만 두 소수의 합인 8 은 짝수이다.

2. 7200 을 소인수분해 했을 때, 소인수들의 곱은?

②30 ③ 45 ④ 60 ⑤ 72 ① 18

 $7200 = 2^5 \times 3^2 \times 5^2$ $\therefore 2 \times 3 \times 5 = 30$

3. 안에 알맞은 수를 차례로 나열한 것은?

18의 소인수분해 : ②×③× 24의 소인수분해 : $\boxed{2} \times \boxed{\times 2} \times \boxed{3}$ 최대공약수 : 2 ×

 $\bigcirc 2,1,2$ $\bigcirc 2,3,3$ $\bigcirc 3,1,2$ $\bigcirc 4,3,2,2$ $\bigcirc 3,2,3$

18의 소인수분해 : 2×3×3 24의 소인수분해 : 2×2×2×3

해설

최대공약수 : 2×3

4. 다음 두 수의 최대공약수는?

① 8 ② 10 ③ 11 ④ 12 ⑤ 14 해설 $2^2 \times 3 = 12$

 $2^3 \times 3 \times 5, \ 2^2 \times 3 \times 7$

5. 다음은 재중이와 사랑이의 대화이다. ☐ 안에 알맞은 것을 보기에서 찾아 차례대로 써넣어라. ———

재중 : 드디어 구했어! 사랑아! 사랑 : 무엇을 구했는데?

재중: 두 수의 최대공약수를 구했어. 45가 답이야. 사랑: 그림 그 두 수의 공약수의 개수도 구학 수 있?

사랑: 그럼 그 두 수의 공약수의 개수도 구할 수 있겠네? 재중: 잠깐만, 아까 두 수가 뭐였더라.

사랑: 최대공약수만 알면 두 수를 몰라도 공약수를 구할 수 있잖아.

재중: 그럼, □의 약수의 개수와 두 수의 공약수의 약수의 개수도 같구나!

▶ 답:

▶ 답:

 ▶ 정답:
 최대공약수

 ▶ 정답:
 6

해설

재중 : 드디어 구했어! 사랑아!

재중: 두 수의 최대공약수를 구했어. 45가 답이야.

사랑: 무엇을 구했는데?

사랑: 그럼 그 두 수의 공약수의 개수도 구할 수 있겠네? 재중: 잠깐만, 아까 두 수가 뭐였더라.

사랑: 최대공약수만 알면 두 수를 몰라도 공약수를 구할 수 있잖아. 재중: 그럼, (= 최대공약수)의 약수의 개수와 두 수의

공약수의 약수의 개수도 같구나! 사랑: 맞아! 재중: 공약수의 개수는 ☐(= 6) 개구나.

45 를 소인수분해하면 $45 = 3^2 \times 5$ 이므로 약수의 개수는 $(2 + 1)^{-1}$

1) × (1 + 1) = 6 (개)이다.

6. 두 수 84,120의 공약수의 개수를 구하여라.

답:

▷ 정답: 6

84와 120의 최대공약수는 12이고, 12의 약수는 모두 6 개이므로

84, 120 의 공약수의 개수는 12 개이다.

7. 우리 마트는 오픈 10 주년을 맞이하여 할인 행사를 한다고 한다. 마트 내에 과일가게는 4 일마다 반값으로 할인을 하고, 정육점은 6 일마다 반값으로 할인을 한다. 행사가 같은 날에 동시에 시작하여 다음에 처음으로 동시에 할인을 하는 날은 며칠 후인지 구하여라.

일 후

> 정답: 12<u>일</u>후

▶ 답:

해설

4 와 6 의 최소공배수는 12 이므로 다음에 처음으로 동시에 할인행사를 하는 날은 12 일 후이다.

8. 5 로 나누어도 3 이 남고, 6 으로 나누어도 3 이 남는 자연수 중 100 이하의 자연수를 모두 구하여라.

수이다. 이때, 5 , 6 의 최소공배수는 30 이므로 5 , 6 의 공배수는

 □
 □

 □
 □

н

▶ 답:

▷ 정답: 33▷ 정답: 63

▷ 정답: 93

- 해설 구하는 수는 5 , 6 의 공배수보다 3 만큼 큰 수 중 100 이하의

30,60, · · · 이다.

따라서 구하는 수는 33,63,93 이다.

9. 다음 중 3^4 을 나타낸 식은?

① 3×4 ② 3 + 3 + 3 + 3 ③ $4 \times 4 \times 4$ $\textcircled{4}3\times3\times3\times3\qquad \textcircled{5}\ 4\times3$

 $3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^4$ 이다.

10. $2^a = 64$, $3^b = 81$, $5^3 = c$ 를 만족하는 세 자연수 a, b, c 에 대하여 c - a - b 의 값을 구하여라.

답:

➢ 정답: 115

해설

```
2^1 = 2

2^2 = 2 \times 2 = 4

2^3 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 8

:

2^6 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 64

이므로 a = 6 이다.

3^1 = 3

3^2 = 3 \times 3 = 9

3^3 = 3 \times 3 \times 3 = 27

3^4 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 81

이므로 b = 4 이다.

5^3 = 5 \times 5 \times 5 = 125 이므로 c = 125 이다.

따라서 c - a - b = 125 - 6 - 4 = 115 이다.
```

11. 다음 중 옳은 것은?

- ① 0 은 모든 자연수의 약수이다.
 ② 합성수의 약수는 4 개 이상이다.
- ③ 소수가 아닌 자연수는 모두 합성수이다.
- 4 소수의 약수는 1 과 자기 자신뿐이다.
- ③ 소수는 홀수이다.

소수는 1 보다 큰 자연수 중에서 1 과 자기 자신만을 약수로

가지는 수이다.

- 12. 다음 소인수분해한 것 중 옳은 것을 모두 고르면?
 - ① $24 = 2^3 \times 3$ ② $36 = 2^2 \times 9$ ② $42 = 2 \times 3 \times 7$ ④ $88 = 2 \times 4 \times 11$
 - $(5) 160 = 2^4 \times 5^2$

② $36 = 2^2 \times 3^2$

- $488 = 2^3 \times 11$
- $(5) 160 = 2^5 \times 5$

13. 1 부터 50 까지의 자연수 중에서 약수의 개수가 3개인 자연수의 개수를 구하여라.

 ► 답:
 개

 ▷ 정답:
 4개

V 06 1 ±<u>/||</u>

자연수 n 의 약수의 개수가 3 개이기 위해서는

해설

1 과 n 이외에 약수가 한 개만 더 있어야하므로 자연수 n 은 소수의 완전제곱수이어야 한다. 따라서 1 부터 50 까지의 완전제곱수를 구하면 $7^2 = 49 < 50$ 이고 $11^2 = 121 > 50$ 이므로 50 이하인 소수의 완전제곱수는 2^2 , 3^2 , 5^2 , 7^2 이다.

- **14.** 두 수 2×3^2 , 3×5^2 의 최소공배수는?

해설

① $2^2 \times 5$ ② $2^3 \times 3$ ③ $2 \times 3 \times 5$ ② $2^2 \times 3^2 \times 7^2$

 2×3^2 , 3×5^2

최소공배수는 $2 \times 3^2 \times 5^2$ 이다.

- 15. 서로 맞물려 도는 두 톱니바퀴 A, B 가 있다. A 의 톱니바퀴의 수는 36 개, B 의 톱니의 수는 48 개일 때, 두 톱니바퀴가 같은 톱니에서 처음으로 다시 맞물리는 것은 A 가 몇 바퀴 돈 후인가?
 - ④ 7 바퀴 ⑤ 8 바퀴
- - ① 4 바퀴 ② 5 바퀴 ③ 6 바퀴

36 = $2^2 \times 3^2$, $48 = 2^4 \times 3$ 의 최소공배수는 $2^4 \times 3^2 = 144$ 이다.

∴ A 가 돈 회수는 $\frac{144}{36} = 4(바퀴)$ 이다.

- **16.** 두 수 $2 \times a \times 7^2$ 과 $b \times 5 \times 7 \times 13$ 의 최대공약수가 $2 \times 5 \times 7$ 이고, 최소공배수가 $2^3 \times 5 \times 7^2 \times 13$ 일 때, a+b 의 값은?
 - ① 7 ② 8 ③ 9 ④13 ⑤ 14

최대공약수가 $2 \times 5 \times 7$ 이므로 a=5 , 최소공배수가 $2^3 \times 5 \times 7^2 \times 13$ 이므로 $b=2^3=8$

따라서 a + b = 13 이다.

- 17. $\frac{18}{n}$ 과 $\frac{24}{n}$ 를 자연수로 만드는 n 중에서 가장 큰 수는?
- ① 1 ② 2 ③ 3 ④6 ⑤ 9

 $\frac{18}{n}$, $\frac{24}{n}$ 를 자연수로 만드는 n 중에서 가장 큰 수는18과 24의 최대공약수인 6 이다.

18. $a \times 3^4$ 은 약수의 개수가 15개인 수 중 가장 작은 홀수라고 한다. 이때, a의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 25

 $15 = 5 \times 3 = (4+1) \times (2+1)$

 $3^4 \times a$ 가 홀수이므로 $a \leftarrow 3$ 보다 큰 소수의 제곱수이므로 $5^2 = 25$

- ${f 19.}~~300$ 이하의 자연수 중에서 2^3 , 2×3^2 , 24 의 공배수가 <u>아닌</u> 것은?
 - ③ 180 ④ 216 ⑤ 288 ① 72 ② 144

 2^3 , 2×3^2 , 24 의 최소공배수는 72 이므로 보기 중에서 300이하의 72 의 배수가 아닌 것은 180 이다.

- 20. 보람이는 친구들에게 금붕어 12 마리와 거북이 18 마리를 각각 똑같이 나누어 주려고 한다. 되도록 많은 친구들에게 나누어 줄 때, 나누어 줄 수 있는 친구는 몇 명인가?

⑤6 명 ① 2명 ② 3명 ③ 4명 ④ 5명

똑같이 나누어 주려면 인원수는 12 와 18 의 공약수이어야 하고,

해설

되도록 많은 친구들에게 나누어 주려고 하므로 12 와 18 의 최대 공약수이어야 한다. 2) 12 18 3) 6 9 2 3 $\therefore 2 \times 3 = 6$ 명

21. 네 변의 길이가 각각 96 m, 160 m, 192 m, 224 m 인 사각형 모양의 토지가 있다. 이 토지의 둘레에 같은 간격으로 말뚝을 박아 울타리를 만들려고 한다. 네 모퉁이에는 반드시 말뚝을 박아야 하고, 말뚝의 개수는 될 수 있는 한 적게 하려고 한다. 말뚝 사이의 간격은 20 m 를 넘지 않게 할 때, 말뚝은 모두 몇 개가 필요한지 구하여라.

<u>개</u>

정답: 42 <u>개</u>

말뚝과 말뚝 사이의 간격은 96, 160, 192, 224 의 공약수이고,

해설

20 보다 작은 수 중 가장 큰 공약수는 16 이다. 사각형의 둘 레는 96 + 160 + 192 + 224 = 672 (m) 이므로 말뚝의 개수는 672÷16 = 42 (개)이다.

- **22.** 두 수의 곱이 $2^3 \times 3^5 \times 7^2$ 이고, 최대공약수가 $2 \times 3^2 \times 7$ 일 때, 두 수의 최소공배수는?

 - ① $2 \times 3 \times 7$ ② $2^2 \times 3^3 \times 7$ ③ $2 \times 3^2 \times 7$

해설

(두 수의 곱)=(최대공약수)×(최소공배수)이므로

 $2^3 \times 3^5 \times 7^2 = 2 \times 3^2 \times 7 \times ($ 최소공배수) 최소공배수는 $2^2 \times 3^3 \times 7$ 이다.

23. 45에 어떤 자연수를 곱하여 어떤 수의 제곱이 되게 하려고 한다. 곱 해야 할 가장 작은 수를 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: 5

 $45 = 3^2 \times 5$

해설

따라서 제곱이 되려면 5 를 곱해야 한다.

 ${f 24.}$ 자연수 a 의 약수의 개수를 f(a) 이라 할 때, $f(30) \times f(x) = 32$ 를 만족시키는 가장 작은 자연수 x 의 값은?

① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5



해설 $30 = 2 \times 3 \times 5$ 로 소인수분해되므로

 $f(30) = (1+1) \times (1+1) \times (1+1) = 8$ 이다. $f(30) \times f(x) = 32$ 에서 f(x) = 4약수의 개수가 4 인 가장 작은 자연수는 $2 \times 3 = 6$ 이다. 25. 우유 48 개, 빵 62 개, 사과 33 개를 가능한 한 많은 사람에게 같은 개수로 나누어 주려고 한다. 우유는 개수가 맞았고, 빵은 2 개, 사과는 3 개가 남았을 때, 한 사람이 받는 우유, 빵, 사과의 합을 구하여라.

 ► 답:
 <u>개</u>

 ► 정답:
 23 개

해설

48,60,30 의 최대공약수는 6 이다. → 한 사람당 우유 8 개, 빵 10 개, 사과 5 개씩 받는다.

따라서 한 사람이 받는 우유, 빵, 사과의 합은 23개이다.