1. a > 0 일 때, 다음 중 옳은 것을 <u>모두</u> 고르면?

$$\boxed{1} \sqrt{a^2} = a$$

$$4 \quad \sqrt{-a^2} = a$$

$$(5) - \sqrt{(-a)^2} = -a$$

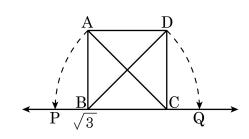
$$2 - \sqrt{a^2} = -a$$

$$\sqrt{(-a)^2} = a$$

$$a^{2} = a^{2}$$

$$(4) -a^2 < 0$$
 이므로 $\sqrt{-a^2}$ 의 값은 없다.

2. 다음 그림에서 사각형 ABCD 는 한 변의 길이가 1 인 정사각형이고, $B(\sqrt{3})$ 이다. 이 때, 점 P의 좌표를 구하면?



①
$$2\sqrt{3}$$

②
$$-1 + 2\sqrt{2}$$

$$3 -1 + 2\sqrt{3}$$

$$4 2\sqrt{3} - \sqrt{2}$$

$$\bigcirc 1 + \sqrt{3} - \sqrt{2}$$

해설

정사각형 한 변의 길이가 1 이므로 점 C 의 좌표는 $C(\sqrt{3}+1)$ 이다. 정사가형 하 변이 길이가 1 이므로 대가서 길이는 $\sqrt{2}$ 이다

정사각형 한 변의 길이가 1 이므로 대각선 길이는 $\sqrt{2}$ 이다. 따라서 점 P 의 좌표는 $P(\sqrt{3}+1-\sqrt{2})$ 이다.

3.
$$\frac{\sqrt{7}}{2\sqrt{3}}$$
 의 분모를 유리화하면 $\frac{\sqrt{21}}{2a}$ 이 된다. 이 때, a 의 값은?

$$\frac{\sqrt{7}}{2\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{21}}{6} = \frac{\sqrt{21}}{2a}$$

4. 다음 중 그 계산이 옳지 <u>않은</u> 것은?

①
$$97^2 = (100 - 3)^2 = 100^2 - 2 \times 100 \times 3 + 3^2 = 9409$$

②
$$5.1 \times 4.9 = (5+0.1)(5-0.1) = 5^2 - 0.1^2 = 24.99$$

$$301^2 = (300+1)^2 = 300^2 + 2 \times 300 \times 1 + 1^2 = 90601$$

$$(\sqrt{2} + \sqrt{3})(\sqrt{2} - \sqrt{3}) = (\sqrt{2})^2 - (\sqrt{3})^2 = -1$$

$$(5)(-\sqrt{10}-\sqrt{2})(\sqrt{10}-\sqrt{2})=(\sqrt{10})^2-(\sqrt{2})^2=8$$

$$(5) (-\sqrt{10} - \sqrt{2})(\sqrt{10} - \sqrt{2})$$

$$= (-\sqrt{2} - \sqrt{10})(-\sqrt{2} + \sqrt{10})$$

$$= (-\sqrt{2})^2 - (\sqrt{10})^2 = 2 - 10$$

$$= -8$$

해설

5.
$$6x^2 - x - 2$$
, $4x^2 - 4x - 3$, $2x^2 + ax - 2$ 가 x 에 대한 일차식을 공통인
인수로 가질 때, a 의 값을 구하면?

해설
$$6x^2 - x - 2 = (2x+1)(3x-2)$$

 $4x^2 - 4x - 3 = (2x + 1)(2x - 3)$ 공통인 인수는 2x + 1 이다.

 $\therefore a = -3$

 $2x^2 + ax - 2 = (2x + 1)(x - 2) = 2x^2 - 3x - 2$

인수분해를 이용하여 1.23 × 552 – 1.23 × 452 를 계산하면 1.23 × 이 된다. 인에 알맞은 수를 구하면?

③ 120

4 140

(5) 160

① 80

 $1.23(552 - 452) = 1.23 \times 100$ | = 100

7. 두 이차방정식 $x^2 - 3x + a = 0$, $x^2 - 5x - b = 0$ 의 공통인 근이 2일 때. a-b의 값은?

해설
$$2$$
 는 두 이차방정식의 공통인 근이므로 각각의 이차방정식에 $x=2$ 를 대입하면 $2^2-3\times2+a=0$

(5) -4

 $\therefore a = 2$ $2^2 - 5 \times 2 - b = 0$

(2) -6

b = -6 a - b = 2 - (-6) = 8

8. 이차방정식 $x^2 + 2x = -2(x+2)$ 을 풀어라.(단, x는 중근)

$$x^{2} + 2x = -2x - 4$$
$$x^{2} + 4x + 4 = 0$$

$$(x+2)^2 = 0$$

$$\therefore x = -2 \left(\frac{\cancel{-}}{5} \frac{\cancel{-}}{\cancel{-}} \right)$$

다음 이차방정식 $(x-a)^2 = b$ 일 때, 다음 중 유리수의 근을 가지는 검은?

①
$$a = 0, b = -1$$
 ② $a = 0, b = 2$ ③ $a = -1, b = -1$ ④ $a = -1, b = 2$

① a = 0, b = -1

해설
$$(x-a)^2 = b \text{ 에서 유리수의 근을 갖기 위해서는 } b \text{ 가 } 0 \text{ 이상인 }$$
 제곱수 이면 된다.
따라서 $(x-0)^2 = 4$ 일 때이므로 $a=0, b=4$ 이다.

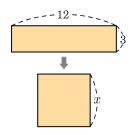
10. 이차방정식
$$x^2 - 16x + a = 0$$
 의 해가 $x = 8 \pm \sqrt{59}$ 일 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

$$x = 8 \pm \sqrt{64 - a}$$

$$\therefore a = 5$$

11. 다음 그림과 같이 가로가 12이고 세로가 3인 직사각형과 넓이가 같은 정사각형을 그리려고 한다. 이 정사각형의 한 변x의 길이를 구하여라.



▶ 답:

➢ 정답: x = 6

해설

직사각형의 넓이를 구해보면 $12 \times 3 = 36$ 이 된다. 직사각형과 넓이가 같은 정사각형을 만들려면 $x^2 = 36$ 을 만족하여야 한다. 즉, 36 의 제곱근을 구하면 되는 것이다. 36의 제곱근은 ± 6 이다. 그러므로 정사각형 한 변 x의 길이는 6이 된다.

12. -1 < a < 2 일 때, 다음 식을 간단히 하면?

$$\sqrt{(a-2)^2} - \sqrt{(a+1)^2}$$

①
$$a-3$$
 ② $-2a-3$ ③ $-2a+1$ ④ 3

$$\sqrt{(a-2)^2} - \sqrt{(a+1)^2}$$

$$= -(a-2) - (a+1) \ (\because \ a-2 < 0, \ a+1 > 0)$$

$$= -a+2-a-1$$

$$= -2a+1$$

13. 다음 중 옳은 것은?

- ① 무한소수는 무리수이다.
- ② 유리수는 유한소수이다.
- ③ 순환소수는 유리수이다.
- ④ 유리수가 되는 무리수도 있다.
- ⑤ 근호로 나타내어진 수는 무리수이다.

해설

- ① 무한소수 중 순환하는 소수는 유리수이다.
- ② 유리수 중에는 유한소수도 있고, 무한소수(순환소수)도 있다.
- ④ 유리수이면서 무리수가 되는 수는 없다.
- ⑤ $\sqrt{4}$, $\sqrt{9}$ 같은 수는 근호로 나타내었어도 유리수이다.

14. 다음 수를 근호 안의 수가 가장 작은 자연수가 되도록
$$a\sqrt{b}$$
 의 꼴로 나타낸 것 중 틀린 것은?

①
$$\sqrt{\frac{27}{121}} = \frac{3\sqrt{3}}{11}$$
③ $\sqrt{0.12} = \frac{\sqrt{3}}{3}$
⑤ $\sqrt{\frac{12}{32}} = \frac{\sqrt{6}}{4}$

$$= \frac{3\sqrt{3}}{11}$$

$$= \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$= \frac{\sqrt{6}}{4}$$

$$= \frac{\sqrt{6}}{4}$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{6}}$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{7}$$

①
$$\sqrt{\frac{27}{121}} = \sqrt{\frac{3^3 \times 3}{11^2}} = \frac{3\sqrt{3}}{11}$$

② $\sqrt{0.005} = \sqrt{\frac{50}{10000}} = \sqrt{\frac{5^2 \times 2}{100^2}}$
 $= \frac{5\sqrt{2}}{100} = \frac{\sqrt{2}}{20}$
③ $\sqrt{0.12} = \sqrt{\frac{12}{100}} = \frac{\sqrt{12}}{10} = \frac{1}{10} \times 2\sqrt{3} = \frac{\sqrt{3}}{5}$

15.
$$a = \sqrt{5}$$
일 때, $\frac{\sqrt{a+1}}{\sqrt{a-1}} + \frac{\sqrt{a-1}}{\sqrt{a+1}}$ 를 간단히 하여라.

$$ightharpoons$$
 정답: $\sqrt{5}$

$$\frac{\sqrt{a+1}}{\sqrt{a-1}} + \frac{\sqrt{a-1}}{\sqrt{a+1}} = \frac{(\sqrt{a+1})^2 + (\sqrt{a-1})^2}{\sqrt{a-1} \times \sqrt{a+1}}$$
$$= \frac{a+1+a-1}{\sqrt{a^2-1}}$$
$$= \frac{2\sqrt{5}}{\sqrt{5-1}} = \sqrt{5}$$

16. $\sqrt{11}$ 의 소수 부분을 a 라고 할 때, $a^2 + 6a$ 의 값을 구하여라.

- ▶ 답:
- ▷ 정답: 2

 $a = \sqrt{11} - 3$ $a + 3 = \sqrt{11}$ 의 양변을 제곱하면

$$a^2 + 6a + 9 = 11$$

 $\therefore a^2 + 6a = 2$

17. 두 식 $a^2b + ab - a - 1$, $a^2 - ab + a - b$ 의 공통인 인수를 구하여라.

$$a^{2}b + ab - a - 1 = ab (a + 1) - (a + 1)$$

$$= (a + 1) (ab - 1)$$

$$a^{2} - ab + a - b = a (a - b) + (a - b)$$

$$= (a - b) (a + 1)$$

18. 다음 식이 완전제곱식이 될 때,
$$\square$$
 안에 들어갈 수를 차례대로 구하여라. (단, $\square>0$)
$$4x^2 + \square x + \frac{1}{4} = \left(\square x + \square\right)^2$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 2

▷ 정답: 2

ightharpoonup 정답: $\frac{1}{2}$ 또는 0.5

해설

 $= (2x)^2 + 2 \times (2x) \times \left(\frac{1}{2}\right) + \left(\frac{1}{2}\right)^2$

 $4x^2 + \Box x + \frac{1}{4}$

 $=\left(2x+\frac{1}{2}\right)^2$

> 0 이므로

19. $a = 2 - \sqrt{3}$ 일 때, 다음 식의 값을 구하면?

$$\sqrt{a^2 - 2 + \frac{1}{a^2}} + \sqrt{a^2 + 2 + \frac{1}{a^2}}$$

①
$$2(2-\sqrt{3})$$

(4) 4 + $\sqrt{3}$

(5)
$$2 + \sqrt{3}$$

② $2(1+\sqrt{3})$

$$a = 2 - \sqrt{3}$$
 이면 $0 < a < 1$ 이므로

$$\sqrt{\left(a - \frac{1}{a}\right)^2} + \sqrt{\left(a + \frac{1}{a}\right)^2} = -\left(a - \frac{1}{a}\right) + \left(a + \frac{1}{a}\right)$$
$$= \frac{2}{a} = \frac{2}{2 - \sqrt{3}}$$

$$=2\left(2+\sqrt{3}\right)$$

(3) $2(2+\sqrt{3})$

20. $(2x - 3\sqrt{3})(x + a)$ 를 전개하였을 때, x 의 계수가 $-\sqrt{3}$ 이면 상수항은 얼마인지 구하여라.

(준식)
$$= 2x^2 + 2ax - 3\sqrt{3}x - 3\sqrt{3}a$$

 $= 2x^2 + (2a - 3\sqrt{3})x - 3\sqrt{3}a$
 $2a - 3\sqrt{3} = -\sqrt{3}$ $\therefore a = \sqrt{3}$
 $-3\sqrt{3} \times a = -3\sqrt{3} \times \sqrt{3} = -9$

21.
$$(2x-1)^2-9$$
 를 인수분해 하여 $a(x+b)(x+c)$ 로 나타낼 때, $bc-a$ 의 값을 구하여라.

▷ 정답: bc - a = -6

답:

$$(2x-1)^2 - 9 = (2x-1+3)(2x-1-3)$$
$$= (2x+2)(2x-4)$$

$$= 4(x+1)(x-2)$$
$$= a(x+b)(x+c)$$

$$a = 4, b = 1, c = -2$$

 $bc - a = -2 - 4 = -6$

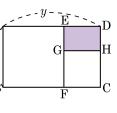
22. $a^3 - 3a^2 - a + 3$ 이 a 의 계수가 1 인 세 일차식의 곱으로 인수분해될 때, 세 일차식의 합을 구하면?

①
$$3(1-a)$$
 ② $3(a-2)$ ③ $3a-3$ ② $a-1$ ③ a^3-3

해설
$$a^2(a-3)-(a-3)=(a^2-1)(a-3)$$

$$=(a+1)(a-1)(a-3)$$
따라서 세 일차식의 합은
$$(a+1)+(a-1)+(a-3)=3a-3$$
이다.

23. 다음 그림의 직사각형 ABCD 는 세로의 길이가 x , 가로의 길이가 y 이고, □ABFE 와 □GFCH 가 모두 정사각형이다. 이 때, □EGHD 의 넓이는? (단, x < y < 2x)



$$\bigcirc -2x^2 + 3xy - y^2$$

 $2 -2x^2 - 3xy - y^2$

x

$$3 2x^2 - 3xy - y^2$$

$$4 \quad 2x^2 + 3xy - y^2$$

대설
다음 그림에서
(□EGHD의 넓이) = (가로) × (세로)
$$= (y-x)(2x-y)$$

$$= 2xy-y^2-2x^2+xy$$

$$= -2x^2+3xy-y^2$$
B
$$= x^2-y^2-y^2$$

$$= -2x^2+3xy-y^2$$
B
$$= x^2-y^2-y^2$$
C

24. 다음 중 $\frac{3}{4}$, -5 를 두 근으로 갖는 이차방정식은?

①
$$\left(x + \frac{3}{4}\right)(x+5) = 0$$
 ② $(3x-4)(x-5) = 0$

$$\frac{3}{4}$$
, -5 를 대입하였을 때 성립하는 식은 ③이다.

25. 다음 중 $2x^2 - x - 15 = 0$ 과 같은 것은?

①
$$x - 3 = 0$$
 또는 $2x + 5 = 0$ ② $x + 3 = 0$ 또는 $2x - 5 = 0$

③
$$x+3=0$$
 또는 $2x+5=0$ ④ $2x+3=0$ 또는 $x-5=0$

⑤
$$2x - 3 = 0$$
 또는 $x + 5 = 0$

해설
$$2x^{2} - x - 15 = 0$$

$$(2x + 5)(x - 3) = 0$$

$$2x + 5 = 0 또는 x - 3 = 0$$

26. 이차방정식 $4x^2 - 12x + a = 0$ 이 중근을 가질 때, 그 중근을 구하여라.

$$\triangleright$$
 정답: $\frac{3}{2}$

$$4x^2 - 12x + a = 0$$

 $(2x)^2 - 2 \times 2 \times 3x + (-3)^2 = 0, a = 9$

$$(2x-3)^2 = 0$$

$$\therefore x = \frac{3}{2}$$

27. 이차방정식 $(x-2)(x-1) - \frac{1}{3}(x^2+1) = 3(x-3)$ 의 근은?

①
$$x = \frac{9 \pm \sqrt{17}}{3}$$
 ② $x = \frac{9 \pm \sqrt{17}}{2}$ ③ $x = \frac{-9 \pm \sqrt{17}}{3}$ ④ $x = \frac{-9 \pm \sqrt{17}}{3}$

양 변에 3을 곱하여 정리하면
$$2x^2 - 18x + 32 = 0$$
이다. $x^2 - 9x + 16 = 0$
∴ $x = \frac{9 \pm \sqrt{17}}{2}$

28. $\sqrt{19+x}$ 와 $\sqrt{120x}$ 가 모두 자연수가 되도록 하는 가장 작은 자연수 x를 구하여라.

$$\sqrt{19+x}$$
 가 자연

 $\sqrt{19+x}$ 가 자연수가 되려면 $19+x=25,36,49,\cdots$ $\therefore x=6,17,30\cdots$

 $\sqrt{120x} = \sqrt{2^3 \times 3 \times 5 \times x}$ 가 자연수가 되려면 $\therefore x = 2 \times 3 \times 5, 2^3 \times 3 \times 5, \cdots$ (C)

①, ⓒ에서 가장 작은 자연수 *x*는 30 이다.

29. $\sqrt{960-32a}$ 가 정수가 되도록 하는 자연수 a 중에서 가장 큰 값을 M, 가장 작은 값을 m 이라고 할 때, M-2m 의 값은?

$$\sqrt{960 - 32a} = \sqrt{16(60 - 2a)} = 4\sqrt{60 - 2a}$$

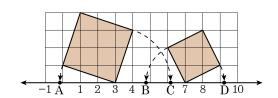
$$60 - 2a = 0$$
 일 때, $a = 3$ 의 대, a

30.
$$-4 < -\sqrt{x} \le -3$$
 을 만족하는 자연수 x 의 개수는?

$$3 \le \sqrt{x} < 4$$

 $9 \le x < 16$
∴ $x = 9, 10, \dots, 15 (7 7 \%)$

31. 다음 그림의 수직선 위의 점 A, B, C, D 에 대응하는 수를 각각 a,b,c,d 라고 할 때. a+b+c+d 값은? (단, 모눈 한 칸은 한 변의 길이가 1 인 정사각형이다.)



①
$$10$$
 ② 13 ③ 17 ④ 20 ⑤ 24

$$a=3-\sqrt{10}$$
 , $b=7-\sqrt{5}$, $c=3+\sqrt{10}$, $d=7+\sqrt{5}$ 이므로 $a+b+c+d=20$ 이다.

해설

32. 다음 수직선 위의 점 A, B, C, D에 대응하는 수는 $4\sqrt{3}-2$, $2\sqrt{5}-5$, $10-3\sqrt{5}$, $\sqrt{27}$ 이다. 점 A에 대응하는 수를 a, 점 B에 대응하는 수를 b라 할 때. a+b의 값을 구하면?

①
$$3\sqrt{3} - 3\sqrt{5} + 10$$

③ $3\sqrt{3} + 2\sqrt{5} - 5$

$$-10$$
 ② $4\sqrt{3} + 2\sqrt{5} - 7$
 -5 ④ $5 - \sqrt{5}$

$$\sqrt{3} - 2$$

$$4\sqrt{3} - 2 = \sqrt{48} - 2 = 4. \times \times : C$$
$$2\sqrt{5} - 5 = \sqrt{20} - 5 = -0. \times \times : A$$

 $10 - 3\sqrt{5} = 10 - \sqrt{45} = 3. \times \times \times : B$

$$\sqrt{27} = 5. \times \times \times : D$$

$$a = 2\sqrt{5} - 5. b = 10 - 3\sqrt{5}$$

$$a = 2\sqrt{5} - 5, b = 10 - 3\sqrt{5}$$

$$\therefore a + b = (2\sqrt{5} - 5) + (10 - 3\sqrt{5}) = 5 - \sqrt{5}$$

33.
$$8\sqrt{22} \times \sqrt{\frac{26}{11}}$$
 을 계산하여 근호 안의 수가 가장 작은 수가 되도록 $a\sqrt{b}$ 꼴로 나타낼 때, $a-b$ 의 값을 구하면?

8
$$\sqrt{22} \times \sqrt{\frac{26}{11}} = 8\sqrt{\frac{11 \times 2 \times 2 \times 13}{11}} = 16\sqrt{13}$$

 $\therefore a = 16, \ b = 13$
 $\therefore a - b = 16 - 13 = 3$

34. 다음 식을 만족하는 유리수 k의 값을 구하여라.

$$\frac{1}{\sqrt{8}} + \frac{6}{\sqrt{18}} - \sqrt{32} = k\sqrt{2}$$

$$ightharpoonup$$
 정답: $k = -\frac{11}{4}$

$$\frac{\sqrt{2}}{4} + \sqrt{2} - 4\sqrt{2} = \frac{5\sqrt{2} - 16\sqrt{2}}{4}$$
$$= -\frac{11\sqrt{2}}{4}$$

$$-\frac{11\sqrt{2}}{4}=k\sqrt{2}$$
이므로

$$k=-\frac{11}{4}$$
 이다.

35. 자연수 x 에 대하여 \sqrt{x} 보다 작거나 같은 자연수의 개수를 N(x) 로 나타내면 $N(1) + N(2) + N(3) + \cdots + N(x) = 42$ 가 성립되는 x 의 값을 구하여라.

$$N(1) + \cdots + N(3) = 1 \times 3 = 3$$

 $N(4) + \cdots + N(8) = 2 \times 5 = 10$
 $N(9) + \cdots + N(15) = 3 \times 7 = 21$
 $N(16) + N(17) = 4 \times 2 = 8$
 $N(16) + N(17) = 4 \times 2 = 8$
 $N(16) + N(17) = 4 \times 2 = 8$

36. 복사 용지로 많이 사용되고 있는 A4 용지는 A3

용지를 반으로 잘라서 만든 것이다. 따라서, A3 용지와 A4 용지, A5 용지는 서로 닮음이다. 다음 그림에서 □ABCD 가 A3 용지라 하고. A3 용지의

용지를 반으로 잘라서 만든 것이고, A5 용지는 A4 Е 가로의 길이를 1 이라고 할 때. A3 용지의 가로. 세로의 길이와 A5 용지의 가로, 세로의 길이의 합은?

①
$$\frac{(1+\sqrt{2})}{2}$$
④ $\frac{3(1-\sqrt{2})}{2}$

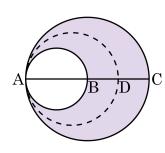
②
$$\frac{(2+\sqrt{2})}{2}$$
 ③ $\frac{3(1+\sqrt{2})}{2}$ ⑤ 2

$$\square ABCD$$
 와 $\square DAEF$ 는 서로 닮음인 도형이므로 $\overline{AB}=x,\ \overline{DF}=\frac{1}{2}x$ 라 하면
$$1\colon x=\frac{1}{2}x\colon 1,\ \frac{1}{2}x^2=1,\ x^2=2$$

$$\Rightarrow x = \sqrt{2} \ (\because \ x > 0)$$

$$= (1 + \sqrt{2}) + \left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}\right) = \frac{3(1 + \sqrt{2})}{2}$$

37. 다음 그림의 두 원은 \overline{AB} , \overline{AC} 를 지름으로 하는 원이고, D 는 \overline{BC} 의 중점이다. $\overline{BD} = y$, \overline{AD} 를 지름으로 하는 원의 반지름의 길이를 x 라고 할 때, 어두운 부분의 넓이를 x, y 에 대한 문자로 나타내면?



$$1)2\pi xy$$

$$\bigcirc$$
 πxy

$$\Im 2\pi x^2 y$$

$$4 \pi xy^2$$

 $2\pi xy$

$$\overline{AC} = 2x + y, \quad \overline{AB} = 2x - y$$

따라서 어두운 부분의 넓이는 $\pi \left(\frac{2x+y}{2}\right)^2 - \pi \left(\frac{2x-y}{2}\right)^2 =$

$$\pi \left(\frac{2x-y}{2}\right)^2 = \left[$$

38. $a = \frac{1}{3-2\sqrt{2}}$, $b = \frac{1}{3+2\sqrt{2}}$ 일 때, $a^2 + 3ab + b^2$ 의 값을 구하여라.

$$a^2 + 3ab + b^2$$
$$= (a+b)^2 + ab$$

$$b)^2 + ab$$

$$(a+b)^2 + ab$$

$$= \left(\frac{1}{3-2\sqrt{2}} + \frac{1}{3+2\sqrt{2}}\right)^2 + \frac{1}{3-2\sqrt{2}} \times \frac{1}{3+2\sqrt{2}}$$
$$= \left(\frac{3+2\sqrt{2}+3-2\sqrt{2}}{(3-2\sqrt{2})(3+2\sqrt{2})}\right)^2 + \frac{1}{(3-2\sqrt{2})(3+2\sqrt{2})}$$

$$= \left(\frac{(3-2\sqrt{2})(3+2\sqrt{2})}{(3-2\sqrt{2})(3+2\sqrt{2})}\right)^{2} + \frac{(3-2\sqrt{2})(3+2\sqrt{2})}{(3-2\sqrt{2})(3+2\sqrt{2})}$$

$$= \left(\frac{6}{9-8}\right)^2 + \frac{1}{9-8} = 36 + 1 = 37$$

39. xy = 3, $x^2 + y^2 = 6$ 일 때, $x^3 + y^3$ 의 값은? (단, x + y > 0)

①
$$2\sqrt{3}$$
 ② $4\sqrt{3}$ ③ $6\sqrt{3}$ ④ $8\sqrt{3}$ ⑤ $10\sqrt{3}$

$$(x+y)^2 = x^2 + y^2 + 2xy = 6 + 2 \times 3 = 12$$

$$x+y>0 \text{ old } x+y=2\sqrt{3}$$

$$(x^2+y^2)(x+y) = x^3 + y^3 + xy(x+y)$$

$$6\times 2\sqrt{3} = x^3 + y^3 + 3\times 2\sqrt{3}$$

 $x^3 + y^3 = 6\sqrt{3}$

40. 부등식 $2 \le 2x - 2 < 5$ 를 만족시키는 두 자연수가 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 의 근일 때, $a^2 - b^2$ 의 값은?

해설
부등식 2 ≤ 2x - 2 < 5를 풀면 다음과 같다.
4 ≤ 2x < 7
2 ≤ x <
$$\frac{7}{2}$$

∴ x = 2, 3
이 두 자연수를 근으로 가지므로 이를 이차방정식에 대입하여
 풀면
 $a = -5, b = 6$
∴ $a^2 - b^2 = (-5)^2 - 6^2 = 25 - 36 = -11$

- **41.** 이차방정식 $x^2 2x 3 = 0$ 의 두 근을 각각 m,n 이라고 할 때, m+1,n+1 을 두 근으로 하는 이차방정식은 $x^2 + ax + b = 0$ 이다. 이 때, ab 의 값을 구하여라.
 - 답:
 □ 정답: 0

$$x^2 - 2x - 3 = 0$$
, $(x - 3)(x + 1) = 0$
 $x = 3$ 또는 $x = -1$ 이므로
 $m + 1$, $n + 1$ 은 각각 4 또는 0 이므로
 $x^2 + ax + b = 0$ 식에 $x = 4$ 와 $x = 0$ 을 대입하여 정리하면
 $a = -4$, $b = 0$ 이다.
따라서 $ab = 0$ 이다.

42. 이차방정식 $(x-1)^2 = 3 - k$ 의 근에 대한 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① k = -6 이면 근이 2개이다.
- ② k = -1 이면 정수인 근을 갖는다.
- ③ k = 0 이면 무리수인 근을 갖는다.
- ④k = 2 이면 근이 1 개이다.
- ⑤ k = 4 이면 근이 없다.

$$(x-1)^2 = 3 - k, \ x-1 = \pm \sqrt{3-k}$$

- ∴ $x = 1 \pm \sqrt{3-k}$ 음수의 제곱근은 존재하지 않으므로 근호 안에 있는 수는 음수가
- 될 수 없다.
- 3 > k : 근이 0개 k = 3 : 근이 1개
 - 3 < k : 근이 2개

43. (x+y+4)(x+y) = 12 일 때, x+y 의 값의 합을 구하면?

①
$$2$$
 ② -4 ③ -6 ④ -8 ⑤ 10

44. 이차방정식 $x^2 + 2x - k = 0$ 이 서로 다른 두 실근을 가질 때, $kx^2 + 4x - 1 = 0$ 의 근에 대한 설명 중 옳은 것은? (단, $k \neq 0$)

- ① 서로 다른 두 실근을 갖는다.
- ② 중근을 갖는다.
- ③ 근이 없다.
- ④ k 의 값에 따라 달라진다.
- ⑤ 주어진 조건만으로는 구할 수 없다.

이다.
$$D = 2^2 - 4 \times 1 \times (-k) > 0 \rightarrow 4(k+1) > 0$$

$$D = 4^2 - 4 \times k \times (-1) = 4(4 + k) > 0 \ (\because k > -1)$$
 따라서 방정식 $kx^2 + 4x - 1 = 0$ 은 서로 다른 두 실근을 갖는다.

 $x^2 + 2x - k = 0$ 이 서로 다른 두 실근을 가지므로 (판별식) > 0

45. 이차방정식 $4x^2 - 32x + k + 4 = 0$ 의 근이 1개일 때, 상수 k 의 값을 구하여라.

중근을 가져야 하므로 -k + 60 = 0, k = 60 이다.

$$4x^{2} - 32x + k + 4 = 0$$

$$4(x^{2} - 8x) = -k - 4$$

$$4(x^{2} - 8x + 16) = -k - 4 + 64$$

 $4(x-4)^2 = -k + 60$

46. 이차방정식 $x^2 + 4x - 3 = 0$ 의 두 근을 m, n 이라 할 때, 다음 보기중 옳은 것을 모두 골라 기호로 써라.

 $n^2 + n^2 = 22$ $(m-n)^2 = m^2 n^2$ \square $|n-m| \ge -3mn$

▶ 답:

다:

▷ 정답 : □

▷ 정답: ②

해설 근과 계수의 관계에 의하여

m + n = -4, mn = -3이다

 $\widehat{\Im} : m^2 + n^2 = (m+n)^2 - 2mn = 16 - 2(-3) = 22$

 $= (-4)^2 - 4(-3)$ = 16 + 12

 \Box : $(m-n)^2 = (m+n)^2 - 4mn$

 $=28 \neq m^2 n^2$

□ : □에 의해 $|n-m|+3mn=|\pm 2\sqrt{7}|-9<0$

따라서 옳은 것은 ①, ②이다.

47. 이차방정식
$$4x^2 - kx + 9 = 0$$
 이 중근을 가질 때, 두 양의 정수 k , $k - 5$ 를 두 근으로 하는 이차방정식 A 는? (단, A 의 이차항의 계수는 1 이다.)

①
$$x^2 + 19x + 84 = 0$$

② $x^2 - 19x - 84 = 0$
③ $x^2 - 84x + 19 = 0$
② $x^2 - 19x + 84 = 0$

해설
$$4x^2 - kx + 9 = 0 \text{ 이 중근을 가지므로}$$
$$k^2 - 4 \times 4 \times 9 = 0$$
$$k = 12 (\because k > 0)$$

따라서 두 근은 12. 7

 $\therefore (x-12)(x-7) = 0$ $\therefore x^2 - 19x + 84 = 0$ **48.** $\frac{40^8}{100^4} = \sqrt{16^a}$, $\sqrt{\frac{9^8}{9^4}} = b$ 일 때, 10a - b 의 값을 구하여라.

$$\triangleright$$
 정답: $10a - b = -1$

$$\frac{40^8}{100^4} = \sqrt{16^a},$$

$$\frac{40^8}{100^4} = \frac{2^{24} \times 5^8}{2^8 \times 5^8} = 2^{16} = \sqrt{2^{32}} = \sqrt{16^8}$$

$$\therefore a =$$

$$\sqrt{\frac{9^8}{9^4}} = b, \ \sqrt{9^4} = 9^2 = 81 \qquad \therefore \ b = 81$$

$$\therefore 10a - b = 80 - 81 = -1$$

49. 두 이차식 $x^2 - ax + b = AB$, $x^2 + ax - b = CD$ 가 각각 두 일차식의 곱으로 인수분해 될 때, $x(A + B + C + D) - 4a^2$ 의 인수로 옳은 것은?

(3) x

⑤
$$x^2 + a$$

(i)
$$x^2 - ax + b = AB$$

 $= (x + \alpha)(x + \beta)$
 $= x^2 + (\alpha + \beta)x + \alpha\beta$
 $A + B = (x + \alpha) + (x + \beta)$
 $= 2x + \alpha + \beta = 2x - a$
(ii) $x^2 + ax - b = CD$
 $= (x + \gamma)(x + \delta)$
 $= x^2 + (\gamma + \delta)x + \gamma\delta$
 $C + D = (x + \gamma) + (x + \delta)$
 $= 2x + \gamma + \delta = 2x + a$
 $\therefore x(A + B + C + D) - 4a^2$
 $= x(2x - a + 2x + a) - 4a^2$
 $= 4x^2 - 4a^2 = 4(x + a)(x - a)$

50. 이차방정식 $ax^2 + bx + c = 0$ 의 두 근 p, q 가 p 는 약수가 2 개인 소수, q 는 홀수이고, $p^2 + q = 25$ 를 만족할 때, $\frac{b^2c + bc^2}{a^3}$ 의 값을 구하여라.

해설

즉
$$p$$
 도 짝수이고 짝수인 소수는 2 뿐이므로 $p=2$ $\therefore q=21$ 따라서 이차방정식은 $a(x-2)(x-21)=ax^2-23ax+42a=0$ $\therefore b=-23a, c=42a$ 따라서

 $= (-23) \times 42 \times 19$

= -18354

 $\frac{b^2c + bc^2}{a} = \frac{bc(b+c)}{a}$

 $p^2 = 25 - q$ 이고 q 가 홀수이므로 p^2 은 짝수이다.

 $= \frac{a^3}{-23a \times 42a \times (-23a + 42a)}$