

1. 소수로 나타내면 유한소수가 되는 유리수 $\frac{5a}{360}$ 가 있다. a 가 될 수 있는 수 중 가장 작은 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

$\frac{5a}{360} = \frac{a}{72} = \frac{a}{2^3 \times 3^2}$ 일 때, a 는 9 이어야 분모의 소인수가 2 또는 5 로 된다.

2. 어떤 자연수에 $1.\dot{3}$ 을 곱해야 할 것을 잘못하여 1.3 을 곱했더니 정답과 오답의 차가 0.5 가 되었다. 어떤 자연수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$$\begin{aligned}x \times 1.\dot{3} - x \times 1.3 &= 0.5 \\x \times \left(\frac{12}{9} - \frac{13}{10}\right) &= x \times \frac{1}{30} = 0.5 \\x &= 15\end{aligned}$$

3. $2^3 \times (2^2)^4 = 2^\square$ 의 안에 들어갈 숫자를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 11

해설

$$2^3 \times (2^2)^4 = 2^3 \times 2^8 = 2^{11}$$

4. 다음 중 에 들어갈 수가 나머지 넷과 다른 하나를 골라라.
(단, $a \neq 0$)

Ⓐ $a^3 \times a = a^{\square}$ Ⓑ $a^{12} \div a^8 = a^{\square}$

Ⓒ $(a^2)^3 \div a^{10} = \frac{1}{a^{\square}}$ Ⓛ $9^3 \times 3^{\square} = 3^8$

Ⓓ $(2a^{\square})^3 = 8a^{12}$

▶ 답:

▷ 정답: Ⓛ

해설

Ⓐ $a^3 \times a = a^{3+1} = a^4$

$\therefore \square = 4$

Ⓑ $a^{12} \div a^8 = a^{12-8} = a^4$

$\therefore \square = 4$

Ⓒ $(a^2)^3 \div a^{10} = a^6 \div a^{10} = \frac{1}{a^4}$

$\therefore \square = 4$

Ⓓ $9^3 \times 3^{\square} = (3^2)^3 \times 3^{\square} = 3^8$

$\therefore \square = 2$

Ⓔ $(2a^{\square})^3 = 2^3 \times a^{4 \times 3} = 8a^{12}$

$\therefore \square = 4$

5. $18ab^2 \div 3a^2b \div 4a^3b^3 \times 2a^5b^3$ 을 간단히 하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $3ab$

해설

$$\frac{18ab^2 \times 2a^5b^3}{3a^2b \times 4a^3b^3} = 3ab$$

6. 가로의 길이가 $2ab^3$, 세로의 길이가 $\frac{4a^3}{b}$ 인 직사각형의 넓이는 밑변이 $4a^3b^2$, 높이가 $\boxed{\quad}$ 인 평행사변형의 넓이와 같다. 높이 $\boxed{\quad}$ 의 길이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $2a$

해설

$$(\text{직사각형의 넓이}) = (\text{가로}) \times (\text{세로})$$

$$(\text{평행사변형의 넓이}) = (\text{밑변}) \times (\text{높이})$$

$$2ab^3 \times \frac{4a^3}{b} = 4a^3b^2 \times \boxed{\quad}$$

$$\therefore \boxed{\quad} = \frac{8a^4b^2}{4a^3b^2} = 2a$$

7. 다항식 $(4x + 3y) - 2(2x - y + 1)$ 을 간단히 하여라.

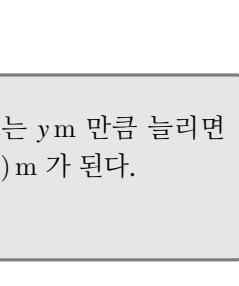
▶ 답:

▷ 정답: $5y - 2$

해설

$$\begin{aligned}(4x + 3y) - 2(2x - y + 1) \\= 4x + 3y - 4x + 2y - 2 \\= 5y - 2\end{aligned}$$

8. 가로가 4m이고 세로가 3m인 직사각형을 가로는 x 배 만큼, 세로는 y m 만큼 늘리려고 한다. 이때 넓어진 직사각형의 넓이를 $S \text{ m}^2$ 라 할 때, S 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $12x + 4xy$

해설

직사각형의 가로는 x 배 만큼 늘리고 세로는 y m 만큼 늘리면 가로의 길이는 $4x \text{ m}$, 세로의 길이는 $(3+y) \text{ m}$ 가 된다.

$S = 4x \times (3+y) = 12x + 4xy$ 이다.

9. 윗변의 길이가 a , 아랫변의 길이가 b , 높이가 h 인 사다리꼴의 넓이를 s 라 할 때, b 를 다른 문자에 관한 식으로 나타내면?

$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} \quad b = 2s - h & \textcircled{2} \quad b = 2s + ah \\ \textcircled{4} \quad b = \frac{2s}{h} + a & \textcircled{5} \quad b = \frac{2s}{h} + 1 \end{array}$$

해설

$$s = (a + b) \times h \div 2 = \frac{ah + bh}{2}$$

$$2s = ah + bh$$

$$bh = 2s - ah$$

$$\therefore b = \frac{2s - ah}{h} = \frac{2s}{h} - a$$

10. 다음 중 부등식인 것을 모두 고르면?

- Ⓐ ① $5x - 9 \leq 10$ ② $3(4a - 3)$ ③ ⓒ $(6a - 1)2 \geq 0$
④ Ⓛ $(4x + 5)2 \neq 2$ ⑤ Ⓝ $x - 2 = 4$

해설

- ① 부등호 \leq 를 사용한 부등식이다.
③ 부등호 \geq 를 사용한 부등식이다.

11. 다음 중 부등식 $2x - 3 > 2$ 의 해를 모두 구하면?

- ① $x = -1$ ② $x = 1$ ③ $x = 2$
④ $x = 3$ ⑤ $x = 5$

해설

- ① $x = -1$ 일 때, $2 \times -1 - 3 = -5 > 2$ (거짓)
② $x = 1$ 일 때, $2 \times 1 - 3 = -1 > 2$ (거짓)
③ $x = 2$ 일 때, $2 \times 2 - 3 = 1 > 2$ (거짓)
④ $x = 3$ 일 때, $2 \times 3 - 3 = 3 > 2$ (참)
⑤ $x = 5$ 일 때, $2 \times 5 - 3 = 7 > 2$ (참)

12. $a < b$ 일 때, 다음 중 부등호가 틀린 것은?

- ① $a + 4 < b + 4$ ② $-5 + a < -5 + b$
③ $3a - 1 < 3b - 1$ ④ $\frac{1}{5}a < \frac{1}{5}b$
⑤ $-3a < -3b$

해설

음수를 양변에 곱하면 부등호가 바뀐다.

13. $-1 < 3x + 2 < 5$ 일 때, x 의 범위는?

- ① $0 < x < 1$ ② $-1 < x < 2$ ③ $\frac{1}{3} < x < 1$
④ $-1 < x < 1$ ⑤ $1 < x < 2$

해설

$$\begin{aligned}-1 &< 3x + 2 < 5 \\ -1 - 2 &< 3x < 5 - 2 \\ -3 &< 3x < 3 \\ \therefore -1 &< x < 1\end{aligned}$$

14. $3x + 4 \leq 5x - 3$ 을 만족하는 정수 중 가장 작은 정수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$3x + 4 \leq 5x - 3$$

$$-2x \leq -7$$

$$x \geq \frac{7}{2}$$

따라서 가장 작은 정수 x 는 4 이다.

15. 일차부등식 $x + 1 - 2(x - 1) < 4$ 를 만족하는 가장 작은 정수는?

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

$$x + 1 - 2(x - 1) < 4$$

$$x + 1 - 2x + 2 < 4$$

$$x - 2x < 4 - 1 - 2$$

$$-x < 1$$

$$\therefore x > -1$$



따라서 가장 작은 정수는 0이다.

16. 다음 분수 $\frac{2}{11}$ 를 소수로 표현할 때, 순환마디는?

- ① 2 ② 11 ③ 15 ④ 18 ⑤ 151

해설

$$2 \div 11 = 0.\overline{18}, \text{순환마디 } 18$$

17. 순환소수 $2.\overline{313131\dots}$ 의 소수점 아래 37번째 자리의 숫자를 구하면?

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 5

해설

$2.\overline{313131\dots} = 2.\dot{3}\dot{1}$ 이므로 순환마디의 숫자 2개
 $37 = 2 \times 18 + 1$ 이므로 소수점 아래 37번째 자리의 숫자는 3
이다.

18. 다음 순환소수를 분수로 나타내면?

$$2.\dot{1}\dot{2}\dot{4}$$

- ① $\frac{701}{990}$ ② $\frac{703}{330}$ ③ $\frac{707}{330}$ ④ $\frac{701}{330}$ ⑤ $\frac{709}{330}$

해설

$$2.\dot{1}\dot{2}\dot{4} = \frac{2124 - 21}{990} = \frac{2103}{990} = \frac{701}{330}$$

$$\textcircled{1} \rightarrow \textcircled{2} \rightarrow \textcircled{3} \rightarrow \textcircled{4} \rightarrow \textcircled{5}$$

7

- ## 해설

20. 순환소수 $0.\dot{3}\dot{7}$ 에 어떤 자연수를 곱하면 그 결과가 자연수가 된다. 이를 만족하는 두 자리의 자연수를 모두 고르면?

- ① 15 ② 35 ③ 45 ④ 50 ⑤ 90

해설

$0.\dot{3}\dot{7} = \frac{37 - 3}{90} = \frac{17}{45}$ 이므로 어떤 자연수는 45의 배수이어야 한다.

따라서 이를 만족하는 두 자리의 자연수는 45, 90이다.

21. $(a^4 \times a^2)^{\square} = a^{24}$ 일 때, $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 수는?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$$a^4 \times a^2 = a^6 \text{ 이므로}$$

$$(a^6)^{\square} = a^{24}$$

$$6 \times \square = 24$$

$$\therefore \square = 4$$

22. $a^7 \div a^5 \div \square = 1$ 에서 \square 안에 알맞은 것은?

- ① a ② a^2 ③ a^3 ④ a^4 ⑤ a^5

해설

지수가 0이면 밀과 관계없이 그 값은 항상 1이다.

\square 를 a^x 라 하면

$$a^7 \div a^5 \div \square = a^{7-5-x} = 1$$

따라서 $7 - 5 - x = 0$ ⇒ $x = 2$

$$\square = a^2$$
이다.

23. $42x^3y^2 \div 12xy^3 \div \frac{7x}{y}$ 를 간단히 하면?

- ① $\frac{1}{2}x$ ② $3x^2$ ③ $7xy$ ④ $\frac{2x}{3}$ ⑤ x^2y^3

해설

$$(\text{준식}) = 42x^3y^2 \times \frac{1}{12xy^3} \times \frac{y}{7x} = \frac{x}{2}$$

24. $3ab^2 \div \boxed{\quad} = 4a^3b$ 일 때, $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 식을 골라라.

① $12a^2bc$

② $\frac{bc}{12a^2}$

③ $\frac{3b}{4a^2}$

④ $\frac{4b}{3a^2c}$

⑤ $\frac{12b}{a^2c}$

해설

$$3ab^2 \times \frac{1}{\boxed{\quad}} = 4a^3b$$

$$\boxed{\quad} = \frac{1}{4a^3b} \times 3ab^2 = \frac{3b}{4a^2}$$

25. 식 $4 - x^2 - 2 \{1 + 3x^2 - 4(2 - 3x)\}$ 를 계산하였을 때, 상수항은?

- ① -14 ② 7 ③ 14 ④ 18 ⑤ 21

해설

$$\begin{aligned} & 4 - x^2 - 2 \{1 + 3x^2 - 4(2 - 3x)\} \\ &= 4 - x^2 - 2(1 + 3x^2 - 8 + 12x) \\ &= 4 - x^2 - 2(3x^2 - 7 + 12x) \\ &= 4 - x^2 - 6x^2 + 14 - 24x \\ &= -7x^2 - 24x + 18 \end{aligned}$$

26. 어떤 식에 $2x^2 - x + 1$ 을 더하여야 할 것을 잘못하여 빼었더니 $-x^2 + 2x$ 가 되었다. 옳게 계산한 결과는?

① $x^2 + x + 1$ ② $x^2 - 2x$ ③ $3x^2 - 2x + 1$
④ $3x^2 + 2$ ⑤ $-3x^2 - 3x + 1$

해설

어떤식을 A라하면

$$\begin{aligned}A - (2x^2 - x + 1) &= -x^2 + 2x \\A &= (-x^2 + 2x) + (2x^2 - x + 1) = x^2 + x + 1 \\\therefore (x^2 + x + 1) + (2x^2 - x + 1) \\&= 3x^2 + 2\end{aligned}$$

27. 밑면의 모양이 직사각형이고, 그 밑면의 가로의 길이와 세로의 길이가 각각 $2a$, $3b$ 인 사각기둥이 있다. 이 사각기둥의 부피가 $36a^2b^2$ 일 때, 이 사각기둥의 높이는?

① $6a$ ② $6b$ ③ $6ab$ ④ $10ab$ ⑤ $10b$

해설

사각기둥의 높이를 h 라 할 때

$$2a \times 3b \times h = 36a^2b^2$$

$$6abh = 36a^2b^2$$

$$\therefore h = 6ab$$

28. $3(2x - y) = 5 + 2x$ 일 때, $2x - 3y + 1$ 을 x 의 식으로 나타내면?

- ① $-2x - 6$ ② $\textcircled{2} -2x + 6$ ③ $-2x - 5$
④ $2x + 4$ ⑤ $2x - 4$

해설

$3(2x - y) = 5 + 2x$ 를 y 로 정리하면

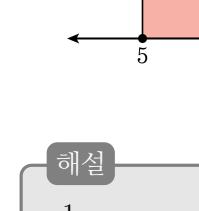
$$6x - 3y = 5 + 2x$$

$$3y = 4x - 5$$

$y = \frac{4x - 5}{3}$ 를 주어진 식에 대입하면

$$\begin{aligned} 2x - 3y + 1 &= 2x - (4x - 5) + 1 \\ &= 2x - 4x + 5 + 1 = -2x + 6 \end{aligned}$$

29. 일차부등식 $-\frac{1}{5}x \leq 2$ 의 해를 수직선 위에 나타내면?



해설

$$-\frac{1}{5}x \leq 2$$

$$x \geq -10$$

30. 일차부등식 $-5\left(x - \frac{1}{5}\right) < -10\left(\frac{3}{2}x - 2\right)$ 를 만족하는 자연수 x 의 개수는?

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

$$-5\left(x - \frac{1}{5}\right) < -10\left(\frac{3}{2}x - 2\right)$$

$$-5x + 1 < -15x + 20$$

$$10x < 19$$

$$x < \frac{19}{10}$$

따라서 만족하는 자연수의 개수는 1 개이다.

31. 준수, 진영의 한 달 평균 전화 사용 시간이 각각 9시간, 12시간 일 때, B 요금제를 선택하는 것이 유리한 사람은 누구인지 구하여라.

| | A | B |
|--------------|-------|-------|
| 기본요금(원) | 16000 | 24000 |
| 1시간당 전화요금(원) | 2000 | 1200 |

▶ 답:

▷ 정답: 진영

해설

한 달 동안 x 시간 사용한다고 하고, B 요금제를 선택하는 것이 유리하다면

$$16000 + 2000x > 24000 + 1200x$$

$$x > 10$$

즉, 한 달 평균 전화 사용시간이 10시간을 초과하는 진영이가 B 요금제를 선택하는 것이 유리하다.

32. 삼각형의 세 변의 길이를 $3x$, $5x+1$, $x+7$ 로 나타낼 때, $5x+1$ 이 가장 긴 변의 길이인 삼각형에 대하여 자연수 x 의 값의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

가장 긴 변의 길이가 $5x+1$ 이므로

$$5x+1 < 3x + (x+7)$$

$$5x+1 < 4x+7$$

$$x < 6$$

이다. 따라서 만족하는 자연수 x 는 1, 2, 3, 4, 5이므로 합은 15이다.

33. 어떤 물탱크에 물이 들어있다. 우선 $10l$ 를 사용하고 그 나머지의 $\frac{1}{2}$ 을 사용하였는 데도 $10l$ 이상의 물이 남아 있었다. 처음에 들어있는 물의 양은 몇 l 이상이어야 하는가?

- ① $10l$ ② $15l$ ③ $20l$ ④ $25l$ ⑤ $30l$

해설

처음의 물의 양을 xl 라 하면

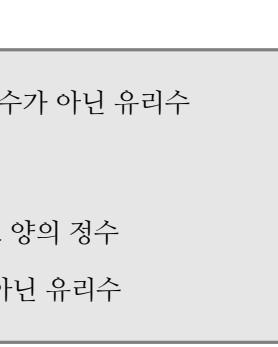
$$\text{남아있는 물의 양은 } \frac{1}{2}(x - 10)l,$$

$$\frac{1}{2}(x - 10) \geq 10 \Leftrightarrow \frac{1}{2}x - 5 \geq 10$$

$$\frac{1}{2}x \geq 15$$

$$\therefore x \geq 30$$

34. 자연수, 정수, 유리수의 집합을 각각 N , Z , Q 라 할 때, 다음 중 색칠한 부분에 알맞은 수를 모두 찾으면?



- ① 3 ② -4 ③ $\frac{12}{6}$ ④ $\frac{3}{5}$ ⑤ 0.25

해설

색칠한 부분 : 정수가 아닌 유리수

① 양의 정수

② 음의 정수

③ $\frac{12}{6} = 2$ 이므로 양의 정수

④, ⑤ : 정수가 아닌 유리수

35. 다음은 순환소수를 분수로 고치는 과정이다. (가), (나), (다)에 알맞은 것을 순서대로 나열한 것은?

순환소수 $0.\dot{4}\dot{3}\dot{5}$ 에 대하여 $0.\dot{4}\dot{3}\dot{5} = x$ 라 하자.

그리면 $x = 0.\dot{4}\dot{3}\dot{5} = 0.4353535\dots$

(가) $= 4.353535\dots \textcircled{\text{①}}$

(나) $= 435.353535\dots \textcircled{\text{②}}$

$\textcircled{\text{②}} - \textcircled{\text{①}}$ 을 하면 $990x = 431$

$\therefore x = \text{(나)}$

① $10x, 100x, \frac{431}{990}$

③ $100x, 10x, \frac{431}{900}$

⑤ $10x, 100x, \frac{431}{900}$

② $10x, 1000x, \frac{431}{990}$

④ $1000x, 10x, \frac{431}{900}$

해설

순환소수 $0.\dot{4}\dot{3}\dot{5}$ 에 대하여 $0.\dot{4}\dot{3}\dot{5} = x$ 라 하자.

그리면 $x = 0.\dot{4}\dot{3}\dot{5} = 0.4353535\dots$

$10x = 4.353535\dots \textcircled{\text{①}}$

$1000x = 435.353535\dots \textcircled{\text{②}}$

$\textcircled{\text{②}} - \textcircled{\text{①}}$ 을 하면 $990x = 431$

$\therefore x = \frac{431}{990}$

36. $8^{2x+1} = \left(\frac{1}{2}\right)^{3-2x}$ 일 때, x 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{3}{2}$

해설

$$(2^3)^{2x+1} = (2^{-1})^{3-2x}$$

$$6x + 3 = -3 + 2x$$

$$4x = -6$$

$$\therefore x = -\frac{3}{2}$$

37. $2 \times 3 \times 4 \times 5 \times 6 \times 7 \times 8 \times 9 \times 10 = 2^x \times 3^y \times 5^z \times 7$ 이다. $x + y + z$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 14

해설

$$\begin{aligned}2 &\times 3 \times 4 \times 5 \times 6 \times 7 \times 8 \times 9 \times 10 \\&= 2^8 \times 3^4 \times 5^2 \times 7\end{aligned}$$

$$x = 8, y = 4, z = 2$$

$$\therefore x + y + z = 8 + 4 + 2 = 14$$

38. 현재 갑은 5000 원, 을은 8000 원이 예금되어 있다. 이 달부터 매월
갑은 2500 원씩, 을은 1000 원 예금을 한다고 하면, 갑의 예금액이 을의
예금액의 2배보다 많아지는 것은 몇 개월부터인지 구하여라.

▶ 답:

개월

▷ 정답: 23 개월

해설

개월수를 x 라 할 때

$$5000 + 2500x > 2(8000 + 1000x), 500x > 11000$$

$$\therefore x > 22$$

39. 어느 공원의 입장료는 20명 이상은 10%, 40명 이상은 15%를 할인해 준다고 한다. 20명 이상 40명 미만인 단체는 몇 명 이상일 때 40명의 입장권을 사는 것이 유리한지 구하여라.

▶ 답: 명

▷ 정답: 38 명

해설

사람 수를 x 명이라 한다.

$$0.85 \times 40 < 0.9x$$

$$34 < 0.9x$$

$$34 \times \frac{10}{9} < x$$

$\therefore 37\frac{7}{9} < x \Rightarrow 38$ 명 이상 일 때, 40명의 입장권을 사는 것이 유리하다.

40. 어떤 일을 하는데 남자 한 명은 10 일, 여자 한 명은 12 일이 걸린다고 한다. 남녀를 합하여 11 명이 하루에 일을 끝내려고 한다면 남자는 최소한 몇 명이 필요한지 구하여라.

▶ 답 : 명

▷ 정답 : 5 명

해설

전체 일의 양을 1 이라 하면

$$\text{남자 한 명이 하루 동안 하는 일의 양} : \frac{1}{10}$$

$$\text{여자 한 명이 하루 동안 하는 일의 양} : \frac{1}{12}$$

$$\frac{1}{10}x + \frac{1}{12}(11 - x) \geq 1$$

$$\therefore x \geq 5$$

41. 민혁이네 반은 학교에서 150km 떨어진 곳에 버스를 타고 소풍을 가기로 했다. 버스는 처음에 시속 80km로 갑자기 휴게소에 들린 후 시속 60km로 목적지까지 갔다. 총 도착하는 데 걸린 시간은 2시간을 넘기지 않았을 때, 학교에서 휴게소까지의 거리는 얼마 이상 인지 구하여라.(단, 휴게소에서 머무는 시간은 생각하지 않는다.)

▶ 답: km이상

▷ 정답: 120 km이상

해설

$$(\text{시간}) = \frac{(\text{거리})}{(\text{속력})}$$

학교에서 휴게소까지의 거리를 x km라고 하면 휴게소에서 목적지까지의 거리는 $(150 - x)$ km이다.

$$\frac{x}{80} + \frac{150 - x}{60} \leq 2 \text{ 이다.}$$

정리하면

$$\frac{x}{80} + \frac{150 - x}{60} \leq 2$$

$$3x + 4(150 - x) \leq 480$$

$$3x + 600 - 4x \leq 480$$

$$-x \leq -120$$

$$x \geq 120$$

42. 역에서 기차를 기다리는 데 40분의 여유가 있어서 책을 사오려고 한다.
시속 3km로 걸어가서 10분동안 책을 사고, 시속 4km로 돌아온다면
역에서 몇 km이내의 서점까지 갔다 올 수 있는가?

① $\frac{4}{3}$ km ② $\frac{5}{4}$ km ③ $\frac{4}{5}$ km ④ $\frac{6}{7}$ km ⑤ $\frac{7}{8}$ km

해설

역에서 서점까지의 거리를 x km라고 하면

$$\frac{x}{3} + \frac{10}{60} + \frac{x}{4} \leq \frac{40}{60}$$

$$\frac{x}{3} + \frac{1}{6} + \frac{x}{4} \leq \frac{4}{6}$$

$$4x + 2 + 3x \leq 8$$

$$7x \leq 6$$

$$\therefore x \leq \frac{6}{7}$$

따라서, 역에서 $\frac{6}{7}$ km 이내의 서점까지 갔다 올 수 있다.

43. 4% 의 소금물 400g 에 추가로 물을 더 넣어서 1% 이하의 소금물을 만들었다고 한다. 추가로 넣어준 물의 양은 최소한 몇 g 인가?

- ① 800g ② 900g ③ 1000g
④ 1100g ⑤ 1200g

해설

4% 의 소금물 400g 에 들어있는 소금의 양은 $\frac{4}{100} \times 400 = 16(g)$

이다. 추가로 물을 더 넣어도 소금의 양은 변화하지 않으므로

$$\frac{16}{400+x} \times 100 \leq 1$$

$$1600 \leq 400 + x$$

$$x \geq 1200$$

최소한 물 1200g o] 추가 되었다.

44. $\frac{2}{125}$ 를 유한소수로 나타내기 위하여 $\frac{a}{10^n}$ 의 꼴로 고칠 때, $a + n$ 의 최솟값을 구하여라. (단, a, n 은 자연수)

▶ 답:

▷ 정답: 19

해설

$$\frac{2}{125} = \frac{2}{5^3} \text{의 분자, 분모에 } 2^3 \text{ 을 곱하면 } \frac{2^4}{2^3 \times 5^3} = \frac{16}{10^3}$$

$$\therefore a = 16, n = 3$$

$$\therefore a + n = 16 + 3 = 19$$

45. $\frac{1}{6}$ 과 $\frac{3}{4}$ 사이의 분수 중에서 분모가 24이고 유한소수로 나타낼 수 있는 수의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 4 개

해설

$\frac{1}{6}$ 과 $\frac{3}{4}$ 의 분모를 24로 통분하면 $\frac{4}{24}, \frac{18}{24}$

$$\frac{4}{24} < \frac{x}{24} < \frac{18}{24}$$

$24 = 2^3 \times 3$ 이므로 유한소수로 나타내려면 x 는 3의 배수이어야 한다. 즉, 6, 9, 12, 15로 4개이다.

46. $x = \frac{2}{3}$ 일 때, $x + \frac{1}{1 + \frac{1}{x}}$ 의 값을 순환소수로 나타내면?

- ① 1. $\dot{6}$ ② 1.0 $\dot{6}$ ③ 1. $\dot{0}\dot{6}$ ④ 1. $\dot{6}\dot{6}$ ⑤ 1.60 $\dot{6}$

해설

$$\begin{aligned}x + \frac{1}{1 + \frac{1}{x}} &= x + \frac{1}{\frac{x+1}{x}} \\&= x + \frac{x}{x+1}\end{aligned}$$

$$x \text{의 값을 대입하면 } \frac{2}{3} + \frac{\frac{2}{3}}{\frac{2}{3} + 1} = \frac{16}{15}$$

따라서 $x = \frac{16}{15} = 1.06666\cdots$ 이므로 순환소수로 나타내면 1.0 $\dot{6}$ 이다.

47. $\frac{3^x}{9^{-x+y}} = 27$, $\frac{25^{x+y}}{5^{3y}} = 625$ 일 때, $64^x \times 625^y$ 의 자리의 수를 구하면?

- ① 10 자리 ② 12 자리 ③ 17 자리
④ 20 자리 ⑤ 26 자리

해설

$$3^x = 27 \times 9^{-x+y} = 3^3 \times 3^{-2x+2y} = 3^{-2x+2y+3}$$

$$\therefore x = -2x + 2y + 3$$

$$25^{x+y} = 625 \times 5^{3y} = 5^4 \times 5^{3y} = 5^{3y+4}$$

$$\therefore 2x + 2y = 3y + 4$$

두 식을 연립하면

$$x = 5, y = 6$$

$$64^x \times 625^y = (2^6)^5 \times (5^4)^6 = 2^{30} \times 5^{24}$$

$$= (10)^{24} \times 2^6 = 64 \times 10^{24}$$

따라서 26 자리의 수이다.

48. 다음 식에서 P 의 값을 구하여라. (단, $a \neq b \neq c$)

$$P = \frac{a}{(a-b)(a-c)} + \frac{b}{(b-c)(b-a)} + \frac{c}{(c-a)(c-b)}$$

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

$$\begin{aligned} P &= \frac{-a}{(a-b)(c-a)} + \frac{-b}{(b-c)(a-b)} + \frac{-c}{(c-a)(b-c)} \\ &= \frac{-a(b-c) - b(c-a) - c(a-b)}{(a-b)(b-c)(c-a)} \\ &= \frac{-ab + ac - bc + ab - ac + bc}{(a-b)(b-c)(c-a)} = 0 \end{aligned}$$

49. $\frac{1}{x} : \frac{1}{y} = 1 : 4$ 일 때, $\frac{x^2 + 4y^2}{xy}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$\frac{1}{x} : \frac{1}{y} = 1 : 4, \frac{4}{x} = \frac{1}{y} \text{ } \circ\text{]므로 } x = 4y \text{ } \circ\text{|다.}$$

$$\frac{x^2 + 4y^2}{xy} = \frac{16y^2 + 4y^2}{4y^2} = \frac{20y^2}{4y^2} = 5$$

50. 일차부등식 $\frac{x-1}{2} - \frac{3x+5}{4} \geq \frac{x-7}{8} - a$ 의 해 중에서 가장 큰 값이 $-\frac{3}{5}$ 일 때, 상수 a 의 값은?

① $\frac{11}{10}$ ② $\frac{8}{3}$ ③ $\frac{7}{2}$ ④ $\frac{13}{15}$ ⑤ $\frac{13}{20}$

해설

$$\frac{x-1}{2} - \frac{3x+5}{4} \geq \frac{x-7}{8} - a \text{ 의 양변에 8 을 곱하면}$$

$$4x - 4 - 6x - 10 \geq x - 7 - 8a$$

$$-3x \geq -8a + 7, x \leq \frac{8a - 7}{3}$$

$$\text{해 중에서 가장 큰 값이 } -\frac{3}{5} \text{ 이므로 } \frac{8a - 7}{3} = -\frac{3}{5}$$

$$40a - 35 = -9, 40a = 26$$

$$\therefore a = \frac{13}{20}$$