

1. 이차방정식 $(2x + 6)(x - 1) = 0$ 이 참이 되는 두 개의 근이 각각 a, b 일 때, $a \times b$ 의 값은?

① -3 ② -1 ③ 1 ④ 3 ⑤ 9

해설

$$2x + 6 = 0 \text{ 또는 } x - 1 = 0$$

$$x = -3 \text{ 또는 } x = 1$$

$$\therefore a \times b = -3 \times 1 = -3$$

2. 다음 보기는 이차방정식 $2x^2 - 3x - 2 = 0$ 의 해를 구하는 과정이다.
빈 칸에 들어 갈 숫자 중 다른 것을 찾아 기호로 써라.

보기

$$2x^2 - 3x - 2 = 0$$

$$(x - \textcircled{1})(\textcircled{2}x + \textcircled{3}) = 0$$

$$x = \textcircled{4} \text{ 또는 } x = -\frac{1}{\textcircled{5}}$$

▶ 답:

▷ 정답: $\textcircled{5}$

해설

$$2x^2 - 3x - 2 = 0$$

$$(x - 2)(2x + 1) = 0$$

$$x = 2 \text{ 또는 } x = -\frac{1}{2}$$

$\textcircled{5}$ 에 들어 갈 숫자가 1이고, 나머지는 2이다.

3. x 에 관한 이차방정식 $x^2 + 3ax - 2a = 0$ 의 한 근이 1 일 때, 다른 한 근은?(단, a 는 상수)

① -3 ② -2 ③ -1 ④ 2 ⑤ 3

해설

$$x^2 + 3ax - 2a = 0 \text{ } \mid x = 1 \text{을 대입하면}$$

$$1 + 3a - 2a = 0, a = -1$$

$$x^2 - 3x + 2 = 0, (x - 2)(x - 1) = 0$$

$$\therefore x = 2 \text{ 또는 } x = 1$$

4. 이차방정식 $x^2 + 4x - 32 = 0$ 과 $2x^2 - 13x + 20 = 0$ 의 공통근을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = 4$

해설

$$x^2 + 4x - 32 = 0, (x+8)(x-4) = 0$$

$$\therefore x = -8 \text{ 또는 } x = 4$$

$$2x^2 - 13x + 20 = 0, (2x-5)(x-4) = 0$$

$$\therefore x = \frac{5}{2} \text{ 또는 } x = 4$$

따라서 공통해는 $x = 4$ 이다.

5. x 에 대한 이차방정식 $x^2 + 8x + 15 - k = 0$ 이 중근을 가질 때, 상수 k 의 값은?

- ① $k = -1$ ② $k = 1$ ③ $k = -2$
④ $k = 2$ ⑤ $k = 0$

해설

중근을 가지려면 $x^2 + 8x + 15 - k$ 가 완전제곱식이 되어야 하므로
 $15 - k = 16$ 이다.

$$\therefore k = -1$$

- ④ $-2\sqrt{2}$ ⑤ -6

x
..
 α

1000 J. POLYM. SCI.

1

1

7. 이차방정식 $(x - 1)(x - 3) - 2 = 0$ 을 $(x - a)^2 = b$ 의 꼴로 고칠 때,
 $b - a$ 의 값을 구하면?

① 1 ② -1 ③ -2 ④ 3 ⑤ 5

해설

식을 전개하여 정리하면 $x^2 - 4x + 1 = 0$

상수항을 이항하면 $x^2 - 4x = -1$

양변에 4를 더하면 $x^2 - 4x + 4 = -1 + 4$

$(x - 2)^2 = 3$

따라서 $a = 2, b = 3$ 이고 $b - a = 1$ 이다.

8. 이차방정식 $a(x^2 - 4x - 12) + b = 0$ 의 한 근이 -1 일 때, 다른 한 근을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$a(x^2 - 4x - 12) + b = 0 \quad || \quad x = -1 \text{ 을 대입하면}$$

$$a(1 + 4 - 12) + b = 0$$

$$-7a + b = 0, \quad b = 7a$$

$$a(x^2 - 4x - 12) + 7a = 0 \text{ 양변을 } a \text{ 로 나누면}$$

$$x^2 - 4x - 12 + 7 = 0$$

$$(x + 1)(x - 5) = 0$$

$$\therefore x = -1 \text{ 또는 } x = 5$$

9. 이차방정식 $5x^2 - ax + b = 0$ 의 두 근의 합이 1이고, 큰 근이 작은 근보다 5 가 클 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -25

해설

두 근을 $e, f (e > f)$ 라 하면 $e = f + 5$ 이고, $e + f = 1$ 이므로

연립하면 $e = 3, f = -2$ 이다.

따라서 두 근은 3, -2 이다.

3, -2 를 두 근으로 $5x^2 - ax + b = 0$ 에 대입하여 연립하면
 $a = 5, b = -30$ 가 나온다.

따라서 $a + b = 5 + (-30) = -25$ 이다.

10. $x^2 + 4xy + 4y^2 = 0$ ($xy \neq 0$) 일 때, $\frac{(x-y)^2}{2xy}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{9}{4}$

해설

$$x^2 + 4xy + 4y^2 = 0 \Rightarrow (x+2y)^2 = 0$$

$$\therefore x = -2y$$

$\frac{(x-y)^2}{2xy}$ 를 $x = -2y$ 를 대입하면

$$\frac{(-2y-y)^2}{2(-2y)y} = \frac{(-3y)^2}{(-4y^2)} = \frac{9y^2}{(-4y^2)} = -\frac{9}{4}$$

11. 이차방정식 $x^2 - 2ax + b = 0$ 의 근이 $x = 1 \pm 2\sqrt{5}$ 일 때, 상수 a, b 의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a + b = -18$

해설

$$x^2 - 2ax + b = 0 \text{에서}$$

$$x^2 - 2ax = -b, x^2 - 2ax + a^2 = -b + a^2$$

$$(x - a)^2 = -b + a^2, (x - a) = \pm \sqrt{-b + a^2}$$

$$\therefore x = a \pm \sqrt{-b + a^2} = 1 \pm 2\sqrt{5}$$

따라서 $a = 1, a$ 값을 대입하면

$$\sqrt{1 - b} = \sqrt{20}$$

$$\therefore b = -19$$

따라서 $a + b = -18$ 이다.

12. 이차방정식 $(x - 11)^2 = \frac{a-7}{4}$ 의 근을 갖도록 하는 상수 a 의 값 중

가장 작은 자연수의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 7

해설

$$\frac{a-7}{4} \geq 0 \text{ 이므로}$$

$$a - 7 \geq 0$$

$$a \geq 7$$

$\therefore a$ 의 값이 될 수 있는 가장 작은 자연수는 7이다.

13. 이차방정식 $5x^2 + 12x - 6 = 0$ 의 모든 근 p 에 대해서도 $|p| < n$ 을 만족하는 최소의 양의 정수 n 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$p = \frac{-6 \pm \sqrt{66}}{5}$$
$$\left| \frac{-6 - \sqrt{66}}{5} \right| = \left| \frac{6 + \sqrt{66}}{5} \right| < n$$

따라서 최소의 양의 정수 n 은 3이다.