

1. 다음 중  $x^2 - 3x - 10 = 0$  과 서로 같은 것은?

- ①  $x + 2 = 0$  또는  $x - 5 = 0$       ②  $x + 2 \neq 0$  또는  $x - 5 = 0$   
③  $x + 2 = 0$  또는  $x - 5 \neq 0$       ④  $x + 2 \neq 0$  또는  $x - 5 \neq 0$   
⑤  $x + 2 = 0$  또는  $x + 5 = 0$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 3x - 10 &= 0 \\(x + 2)(x - 5) &= 0 \\\therefore x + 2 &= 0 \text{ 또는 } x - 5 = 0\end{aligned}$$

2. 두 근이 2, -5이고  $x^2$ 의 계수가 1인 이차방정식의 상수항은?

- ① 10      ② -10      ③ 3      ④ -3      ⑤ -5

해설

$$(x - 2)(x + 5) = 0$$

$$x^2 + 3x - 10 = 0$$

3.  $x^2 + 6x + 9 = 0$  을 풀면?

- ①  $x = -2$  (중단)      ②  $x = -3$  (중단)      ③  $x = 5$  (중단)  
④  $x = 1$  (중단)      ⑤  $x = 3$  (중단)

해설

$$(x + 3)^2 = 0$$
$$\therefore x = -3$$

4. 두 이차방정식이 중근을 가질 때,  $n - m$ 의 값을 구하여라.

$$x^2 - 6x = m, (x - 5)^2 = n$$

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

$x^2 - 6x - m = 0$ 이 중근을 가지려면  $(x - 3)^2 = 0$  풀이 되어야 한다.

$$\therefore -m = 9, m = -9$$

$(x - 5)^2 = n$ 이 중근을 가지려면  $n = 0$ 이어야 한다.

$$\therefore n - m = 0 - (-9) = 9$$

5. 이차방정식  $3(x+3)^2 = 6$  의 해가  $x = A \pm \sqrt{B}$  일 때,  $A + B$ 의 값은?  
(단,  $A, B$ 는 유리수)

① 5      ② 3      ③ 1      ④ -1      ⑤ -3

해설

$$(x+3)^2 = 2$$

$$x+3 = \pm \sqrt{2}$$

$$x = -3 \pm \sqrt{2}$$

$$A = -3, B = 2$$

$$\therefore A + B = -1$$

6. 다음은 완전제곱식을 이용하여 이차방정식  $x^2 + 6x + 3 = 0$  을 푸는 과정이다. 연결이 옳지 않은 것은?

$$\begin{aligned}x^2 + 6x &= \textcircled{1} \\x^2 + 6x + \textcircled{2} &= \textcircled{1} + \textcircled{2} \\(x + \textcircled{3})^2 &= \textcircled{4} \\x + \textcircled{3} &= \pm \sqrt{\textcircled{4}} \\\therefore x &= \textcircled{5}\end{aligned}$$

- ① ⑦ : -3      ② ⑧ : 9      ③ ⑤ : 3  
④ ⑨ : 6      ⑤ ⑩ :  $\pm\sqrt{6}$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + 6x &= -3 \\좌변을 완전제곱식이 되게 하는 9를 양변에 더하면 \\x^2 + 6x + 9 &= -3 + 9 \\(x + 3)^2 &= 6 \\x + 3 &= \pm \sqrt{6} \\\therefore x &= -3 \pm \sqrt{6}\end{aligned}$$

따라서 ⑩의 연결이 옳지 않다.

7. 이차방정식  $(3x - 2)(2x + 3) = 0$  을 풀면?

- ①  $x = 2$  또는  $x = -3$       ②  $x = -2$  또는  $x = 3$   
③  $x = \frac{2}{3}$  또는  $x = -\frac{3}{2}$       ④  $x = -\frac{2}{3}$  또는  $x = \frac{3}{2}$   
⑤  $x = 2$  또는  $x = -\frac{3}{2}$

해설

각각의 항을 0 으로 만드는 값을 찾는다.

$$3x - 2 = 0 \text{ 또는 } 2x + 3 = 0$$

$$\therefore x = \frac{2}{3} \text{ 또는 } x = -\frac{3}{2}$$

8. 이차방정식  $(3x - 1)(x + 2) = 0$  을 풀면?

- Ⓐ  $x = \frac{1}{3}$  또는  $x = -2$       Ⓛ  $x = \frac{2}{3}$  또는  $x = -2$   
Ⓑ  $x = \frac{1}{3}$  또는  $x = 2$       Ⓝ  $x = 1$  또는  $x = -3$   
Ⓒ  $x = \frac{1}{2}$  또는  $x = -3$

해설

각각의 항을 0 으로 만드는 수를 찾는다.

$$3x - 1 = 0 \text{ 또는 } x + 2 = 0$$

$$\therefore x = \frac{1}{3} \text{ 또는 } x = -2$$

9. 다음은 이차방정식  $2x^2+x-3=0$ 의 해를 구하는 과정이다.  $a+b+c+d$ 의 값은?

$$\begin{aligned}2x^2 + x - 3 &= 0 \\(ax + b)(cx + d) &= 0 \\x = -\frac{b}{a} \text{ 且 } x = -\frac{d}{c}\end{aligned}$$

- ① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

해설

$2x^2 + x - 3 = 0$  를 인수분해하면  $(2x + 3)(x - 1) = 0$  이다.  
따라서  $a = 2, b = 3, c = 1, d = -1$  이거나  $a = 1, b = -1, c = 2, d = 3$  이 된다.  
어느 경우이든  $a + b + c + d = 5$  이다.

10. 이차방정식  $(x - 2)^2 = 3x - 6$ 의 두 근을  $a, b$  라고 할 때,  $(a - b)(a + b) - 3(a + b)$ 의 값을 구하여라. (단,  $a > b$ )

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

$$\begin{aligned}(x - 2)^2 &= 3x - 6 \\x^2 - 4x + 4 &= 3x - 6 \\x^2 - 7x + 10 &= 0 \\(x - 2)(x - 5) &= 0 \\\therefore x = 2 \text{ 또는 } x &= 5 \\a = 5, b = 2 &\text{이므로} \\(a - b)(a + b) - 3(a + b) &= (a + b)(a - b - 3) \\&= (5 + 2)(5 - 2 - 3) \\&= 0\end{aligned}$$

11. 이차방정식  $\frac{1}{10}x^2 - 0.4x + k = 0$  의 한 근을 -5 라 할 때, 다른 한 근은?

- ① 4.5      ② 6      ③ 7      ④ 8      ⑤ 9

해설

한 근  $x = -5$  를 방정식에 대입하면

$$\frac{1}{10} \times (-5)^2 - 0.4 \times (-5) + k = 0 \quad \therefore k = -\frac{9}{2}$$

따라서 주어진 방정식은  $\frac{1}{10}x^2 - 0.4x - \frac{9}{2} = 0$

양변에 10 을 곱하고 정리하면  $x^2 - 4x - 45 = 0$

$$(x + 5)(x - 9) = 0$$

$x = -5$  또는  $x = 9$

따라서 구하는 다른 한 근은 9

12. 이차방정식  $x^2 + 2ax + b - 1 = 0$ 의 해가 3 일 때,  $b - a$ 의 값은?

- ① 13      ② 12      ③ 10      ④ 11      ⑤ 0

해설

$$x^2 + 2ax + b - 1 = (x - 3)^2 = x^2 - 6x + 9 \quad \text{이어оф} \quad \text{므로}$$

$$2a = -6, a = -3$$

$$b - 1 = 9, b = 10$$

$$\therefore b - a = 10 - (-3) = 13$$

13. 이차방정식  $x^2 - x - 12 = 0$  의 두 근의 합이  $x^2 + kx + k = 0$  의 근일 때,  $k$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $-\frac{1}{2}$

해설

$$x^2 - x - 12 = 0, (x - 4)(x + 3) = 0$$

$$x = 4 \text{ 또는 } x = -3$$

$$\text{두 근의 합 } 4 + (-3) = 1$$

$$x^2 + kx + k = 0 \text{ } \parallel x = 1 \text{ 을 대입}$$

$$1 + k + k = 0$$

$$\therefore k = -\frac{1}{2}$$

14. 이차방정식  $2x^2 - 6x - 1 = 0$  의 한 근을  $A$ ,  $x^2 + 4x - 12 = 0$  의 한 근을  $B$ 라고 할 때, 다음을 구하여라.

$$A^2 - 3A + B^2 + 4B$$

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{25}{2}$

해설

$2x^2 - 6x - 1 = 0$ 의 한 근이  $A$ 이므로

$$2A^2 - 6A - 1 = 0, 2A^2 - 6A = 1, A^2 - 3A = \frac{1}{2}$$

$x^2 + 4x - 12 = 0$ 의 한 근이  $B$ 이므로

$$B^2 + 4B - 12 = 0, B^2 + 4B = 12$$

$$\therefore A^2 - 3A + B^2 + 4B = \frac{1}{2} + 12 = \frac{25}{2}$$

15. 다음 방정식의 공통근을 구하여라.

$$\begin{aligned}x^2 + 4x + 3 &= 0 \\3x^2 - x - 4 &= 0\end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답:  $x = -1$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + 4x + 3 &= 0 \\(x+1)(x+3) &= 0 \\\therefore x = -1 \text{ 또는 } x &= -3 \\3x^2 - x - 4 &= 0 \\(x+1)(3x-4) &= 0 \\\therefore x = -1 \text{ 또는 } x &= \frac{4}{3}\end{aligned}$$

따라서 공통근은  $x = -1$  이다.

16. 두 이차방정식  $x^2 + 3x - 4 = 0$ ,  $x^2 + x - 12 = 0$ 의 공통인 근을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -4

해설

$$x^2 + 3x - 4 = 0$$

$$(x + 4)(x - 1) = 0$$

$$x = -4, 1$$

$$x^2 + x - 12 = 0$$

$$(x + 4)(x - 3) = 0$$

$$x = -4, 3$$

따라서 공통인 근은 -4이다.

17. 다음 이차방정식 중에서 근의 개수가 1개가 아닌 것은?

①  $-x^2 + 10x - 1 = 24$       ②  $x^2 - 8x - 14 = -30$

③  $2x^2 - 8x + 18 = 4x$       ④  $x^2 + 2x + 15 = -8x - 1$

⑤  $-3x^2 + 18x - 15 = 12$

해설

근의 개수가 1개이려면 중근을 가져야 하고,  
중근을 가지려면 (완전제곱식)=0의 끌이어야 한다.

①  $-(x - 5)^2 = 0$

②  $(x - 4)^2 = 0$

③  $2(x - 3)^2 = 0$

⑤  $-3(x - 3)^2 = 0$

18. 다음 이차방정식 중 중근을 갖지 않는 것을 모두 고르면?

①  $x^2 - 1 = 0$

②  $x^2 = 12x - 36$

③  $2(x+4)^2 = 8$

④  $x^2 = 6(x - \frac{3}{2})$

⑤  $1 - \frac{1}{3}x^2 = 2(x + 2)$

해설

①  $x^2 - 1 = 0$ 에서  $(x-1)(x+1) = 0$

$\therefore x = 1$  또는  $x = -1$

③  $2(x+4)^2 = 8$ 에서  $x^2 + 8x + 12 = 0$ ,  $(x+2)(x+6) = 0$

$\therefore x = -2$  또는  $x = -6$

19. 이차방정식  $2x^2 + ax + b = 0$  이 중근  $x = 1$  을 갖는다고 할 때,  $a, b$ 의 값은?

- ①  $a = -4, b = 4$       ②  $a = 2, b = -4$   
③  $a = -4, b = 2$       ④  $a = -4, b = -2$   
⑤  $a = 4, b = 2$

해설

중근 1 을 가지려면  
 $(x - 1)^2 = 0$   
 $x^2 - 2x + 1 = 0$ 에서 양변에 2 를 곱하면  
 $2x^2 - 4x + 2 = 0$   
 $\therefore a = -4, b = 2$

20. 이차방정식  $(x + 3)^2 = k - 1$  の 중근  $a$  를 갖는다고 할 때,  $k - a$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $k - a = 4$

해설

중근을 가지려면 (완전제곱식)=0 끌이어야 하므로

$$k - 1 = 0$$

$$\therefore k = 1$$

$$(x + 3)^2 = 0 \text{ 이므로 } x = -3$$

$$\therefore a = -3$$

$$\therefore k - a = 1 - (-3) = 4$$

21. 이차방정식  $4(x+a)^2 = b$  ( $b > 0$ )의 해가  $x = 3 \pm \sqrt{5}$  일 때, 유리수  $a, b$ 의 합  $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 17

해설

$$(x+a)^2 = \frac{b}{4} \text{에서 } x+a = \pm \sqrt{\frac{b}{4}}, x = -a \pm \sqrt{\frac{b}{4}} \text{이므로}$$

$$a = -3, b = 20$$

$$\therefore a+b = 17$$

22. 이차방정식  $2(x+1)^2 = 10$  의 두 근의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

$$2(x+1)^2 = 10$$

$$(x+1)^2 = 5$$

$$\therefore x+1 = \pm\sqrt{5}$$

$$x = -1 \pm \sqrt{5}$$

$$\therefore (-1 + \sqrt{5}) + (-1 - \sqrt{5}) = -2$$

23. 다음 보기에서 해가 없는 이차방정식을 모두 골라라. (단, 완전제곱식을 이용하여라.)

보기

$$\textcircled{\text{A}} \quad x^2 - 3x + 5 = 0 \quad \textcircled{\text{B}} \quad x^2 + 4x + 2 = 0$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad \frac{1}{2}x^2 + \frac{2}{3}x - \frac{3}{4} = 0 \quad \textcircled{\text{D}} \quad \frac{1}{3}x^2 - \frac{1}{6}x + \frac{1}{12} = 0$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $\textcircled{\text{A}}$

▷ 정답:  $\textcircled{\text{D}}$

해설

$$\textcircled{\text{A}} \quad x^2 - 3x = -5$$

$$x^2 - 3x + \frac{9}{4} = -5 + \frac{9}{4}$$

$$\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 = -\frac{11}{4}$$

따라서 제곱한 수는 음수가 될 수 없으므로 해가 없다.

$$\textcircled{\text{B}} \quad x^2 + 4x = -2$$

$$x^2 + 4x + 4 = -2 + 4$$

$$(x + 2)^2 = 2$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad \frac{1}{2}x^2 + \frac{2}{3}x - \frac{3}{4} = 0 \text{에서 양변에 } 2 \text{ 를 곱하면 } x^2 + \frac{4}{3}x = \frac{3}{2}$$

$$x^2 + \frac{4}{3}x + \frac{4}{9} = \frac{3}{2} + \frac{4}{9}$$

$$\left(x + \frac{2}{3}\right)^2 = \frac{35}{18}$$

$$\textcircled{\text{D}} \quad \frac{1}{3}x^2 - \frac{1}{6}x + \frac{1}{12} = 0 \text{에서 양변에 } 3 \text{ 을 곱하면 } x^2 - \frac{1}{2}x + \frac{1}{4} = 0$$

$$x^2 - \frac{1}{2}x + \frac{1}{16} = -\frac{1}{4} + \frac{1}{16}$$

$$\left(x - \frac{1}{4}\right)^2 = -\frac{3}{16}$$

따라서 제곱한 수는 음수가 될 수 없으므로 해가 없다.

24. 다음은 이차방정식을  $(x+a)^2 = b$  의 꼴로 나타내는 과정이다. 이때, 상수  $a, b$ 에 대하여  $4(a+b)$ 의 값을 구하여라.

$$\begin{aligned}(x-1)(2x-3) &= (x+1)^2 \\x^2 - 7x &= -2 \\(x^2 - 7x + (\square)) &= -2 + (\square) \\(x+a)^2 &= b\end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: 27

해설

$$\begin{aligned}(x-1)(2x-3) &= (x+1)^2 \\x^2 - 7x &= -2 \\(x^2 - 7x + \frac{49}{4}) &= -2 + \frac{49}{4} \\(x - \frac{7}{2})^2 &= \frac{41}{4} \\a = -\frac{7}{2}, b = \frac{41}{4} &\quad \therefore 4(a+b) = 4\left(-\frac{7}{2} + \frac{41}{4}\right) = 27\end{aligned}$$

25.  $x^2 - x - 4 = 0$  의 해가  $x = -\frac{1 \pm \sqrt{a}}{2}$  이고,  $2x^2 + 3x - 4 = 0$  의 해가

$$x = \frac{-3 \pm \sqrt{b}}{4} \text{ 일 때, } a + b \text{ 의 값을 구하여라.}$$

▶ 답:

▷ 정답:  $a + b = 58$

해설

$$x^2 - x = 4 \text{ 에서}$$

$$x^2 - x + \frac{1}{4} = 4 + \frac{1}{4}$$

$$\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{17}{4}, \left(x - \frac{1}{2}\right) = \pm \sqrt{\frac{17}{4}}$$

$$\text{따라서 } x = \frac{1}{2} \pm \sqrt{\frac{17}{4}} = \frac{1 \pm \sqrt{17}}{2} \text{ 이므로}$$

$$a = 17 \text{ 이다.}$$

$2x^2 + 3x - 4 = 0$  에서 양변을 2로 나누면

$$x^2 + \frac{3}{2}x - 2 = 0$$

$$x^2 + \frac{3}{2}x = 2, x^2 + \frac{3}{2}x + \frac{9}{16} = 2 + \frac{9}{16}$$

$$\left(x + \frac{3}{4}\right)^2 = \frac{41}{16}, \left(x + \frac{3}{4}\right) = \pm \sqrt{\frac{41}{16}}$$

$$\text{따라서 } x = -\frac{3}{4} \pm \sqrt{\frac{41}{16}} = \frac{-3 \pm \sqrt{41}}{4} \text{ 이므로 } b = 41 \text{ 이다.}$$

$$\therefore a + b = 58 \text{ 이다.}$$

26. 다음 중 해가 옳게 짹지어진 것은?

①  $3x^2 + 6x + 1 = 0 \rightarrow x = \frac{-3 \pm \sqrt{6}}{6}$

②  $2(x+5)^2 = 7 \rightarrow x = -5 \pm \sqrt{7}$

③  $(x-7)^2 = -8 \rightarrow x = 7 \pm \sqrt{-8}$

④  $2x^2 - 6x + 1 = 0 \rightarrow x = \frac{3 \pm \sqrt{7}}{2}$

⑤  $3(x+1)^2 = 5 \rightarrow x = -1 \pm \frac{\sqrt{5}}{3}$

해설

①  $3(x+1)^2 = 2 \rightarrow x = \frac{-3 \pm \sqrt{6}}{3}$

②  $2(x+5)^2 = 7 \rightarrow x = \frac{-10 \pm \sqrt{14}}{2}$

③ 제곱을 해서 음수일 수 없다.

⑤  $3(x+1)^2 = 5 \rightarrow x = \frac{-3 \pm \sqrt{15}}{3}$

27. 이차방정식  $2(x-5)^2 = m$  의 근이 1 개일 때, 이 근을  $a$  라고 한다. 이 때,  $a$ 의 값은?

① 3      ② -4      ③ 5      ④ 4      ⑤ -5

해설

$2(x-5)^2 = m$ 의 근이 1 개이므로  $m = 0$ 이다.

$$2(a-5)^2 = 0$$

$$\therefore a = 5$$

28. 다음과 같은 이차방정식이 근을 갖지 않도록 하는 상수  $m$ 의 범위는?

$$(2x + 5)^2 = \frac{m+6}{4}$$

①  $m > 3$       ②  $m < -6$       ③  $m = 0$

④  $m < 3$       ⑤  $m > -6$

해설

$$\frac{m+6}{4} < 0 \text{ 이어야 하므로}$$

$$m+6 < 0$$

$$\therefore m < -6$$

29.  $x$ 에 관한 이차방정식  $(x-p)^2 = k$ 가 서로 다른 두 개의 근을 가질 조건은?

- ①  $p \geq 0$     ②  $p < 0$     ③  $k > 0$     ④  $k < 0$     ⑤  $k \geq 0$

해설

$$(x-p)^2 = k, x-p = \pm\sqrt{k}, x = p \pm \sqrt{k}$$

서로 다른 두 근을 가지려면 근호 안의 수가 양수여야 한다.

$$\therefore k > 0$$

30. 다음은 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$  ( $a \neq 0$ ) 을 푸는 과정이다. ① ~ ⑤에 들어갈 식이 바르지 못한 것은?

$$\begin{aligned} ax^2 + bx + c &= 0 \\ x^2 + \frac{b}{a}x &= -\frac{c}{a} \\ x^2 + \frac{b}{a}x + ① &= -\frac{c}{a} + ① \\ (x + ②)^2 &= ③ \\ x &= ④ \pm ⑤ \end{aligned}$$

$$\begin{array}{lll} ① \frac{b^2}{4a^2} & ② \frac{b}{2a} & ③ \frac{b^2 - 4ac}{2a} \\ ④ -\frac{b}{2a} & ⑤ \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} & \end{array}$$

해설

$ax^2 + bx + c = 0 \leftarrow$  양변을  $a$ 로 나눈다.  
 $x^2 + \frac{b}{a}x = -\frac{c}{a} \leftarrow$  양변에  $\left(\frac{b}{2a}\right)^2 = \frac{b^2}{4a^2}$  을 더한다.

$$x^2 + \frac{b}{a}x + \frac{b^2}{4a^2} = -\frac{c}{a} + \frac{b^2}{4a^2}$$

$$\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 = \frac{b^2 - 4ac}{4a^2} \leftrightarrow x + \frac{b}{2a} = \pm \sqrt{\frac{b^2 - 4ac}{4a^2}}$$

$$x = -\frac{b}{2a} \pm \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$\therefore$  ③이 잘못되었다.

31. 다음은 이차방정식  $ax^2 + 2bx + c = 0$  ( $a \neq 0$ )을 푸는 과정이다. ①  
~ ⑤에 들어갈 식이 바르지 못한 것은? (단,  $b^2 - ac \geq 0$ )

$$ax^2 + 2bx + c = 0 \quad (a \neq 0)$$

$$x^2 + \frac{2b}{a}x = -\frac{c}{a}$$

$$x^2 + \frac{2b}{a}x + ① = -\frac{c}{a} + ①$$

$$(x + ②)^2 = ③$$

$$x = ④ \pm ⑤$$

$$\textcircled{1} \quad \frac{b^2}{a^2}$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{b}{a}$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{b^2 - ac}{a^2}$$

$$\textcircled{4} \quad -\frac{b}{a}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{\sqrt{b^2 - ac}}{a^2}$$

해설

$$ax^2 + 2bx + c = 0 \quad (a \neq 0)$$

양변을  $a$ 로 나누고 상수항을 이항하면

$$x^2 + \frac{2b}{a}x = -\frac{c}{a},$$

양변에  $\frac{b^2}{a^2}$ 을 더하면

$$x^2 + \frac{2b}{a}x + \frac{b^2}{a^2} = -\frac{c}{a} + \frac{b^2}{a^2}$$

$$\left(x + \frac{b}{a}\right)^2 = \frac{b^2 - ac}{a^2}$$

$$x + \frac{b}{a} = \pm \frac{\sqrt{b^2 - ac}}{a}$$

$$x = -\frac{b}{a} \pm \frac{\sqrt{b^2 - ac}}{a}$$

$\therefore$  ⑤가 잘못 되었다.

32. 이차방정식  $3x^2 + 4x - 2 = 0$  의 두 근 중 작은 근을  $A$  라 할 때,  
 $3A + \sqrt{10}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

$$x = \frac{-4 \pm \sqrt{4^2 - 4 \times 3 \times (-2)}}{2 \times 3}$$

$$= \frac{-4 \pm \sqrt{40}}{6}$$

$$= \frac{-2 \pm \sqrt{10}}{3}$$

$$\text{따라서 작은 근 } A = \frac{-2 - \sqrt{10}}{3} \text{ 이므로}$$

$$3A + \sqrt{10} = 3 \times \frac{-2 - \sqrt{10}}{3} + \sqrt{10} = -2 + \sqrt{10} = -2 \text{이다.}$$

33. 이차방정식  $ax^2 - 4x - 1 = 0$  의 근이  $x = \frac{2 \pm \sqrt{b}}{3}$  라 할 때,  $a + b$  의

값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 10

해설

$$x = \frac{2 \pm \sqrt{4+a}}{a} = \frac{2 \pm \sqrt{b}}{3} \text{에서}$$

$$a = 3, b = 7$$

$$\therefore a + b = 10$$

34. 이차방정식  $x^2 - 8x + 15 = 0$  의 두 근을  $a, b$  라고 할 때, 다음 중  $a+2, b+2$  를 두 근으로 갖는 이차항의 계수가 1인 이차방정식은?

- ①  $x^2 - 2x - 35 = 0$       ②  $x^2 + 2x - 35 = 0$   
③  $x^2 - 12x + 35 = 0$       ④  $x^2 + 12x + 35 = 0$   
⑤  $x^2 - 4x - 30 = 0$

해설

$$x^2 - 8x + 15 = 0$$

$$(x-5)(x-3) = 0$$

$$a = 5, b = 3$$

$$\therefore a+2 = 7, b+2 = 5$$

따라서 5, 7 을 두 근으로 하는 이차방정식은

$$(x-7)(x-5) = 0$$

$$\therefore x^2 - 12x + 35 = 0$$

35.  $x$ 에 대한 이차방정식  $(m+1)x^2 + (m^2 + 3m - 4)x - 8 = 0$ 의 한 근이 2 일 때, 두 근을 모두 양수가 되게 하는  $m$ 의 값과 나머지 한 근의 곱이  $-\frac{a}{b}$ 이다.  $a+b$ 의 값을 구하여라. (단,  $a, b$ 는 서로소인 자연수이다.)

▶ 답:

▷ 정답:  $a+b=29$

해설

한 근이 2이므로  $x=2$ 를 대입하면

$$4(m+1) + 2(m^2 + 3m - 4) - 8 = 0$$

$$2m^2 + 10m - 12 = 0$$

$$m^2 + 5m - 6 = 0$$

$$(m+6)(m-1) = 0$$

$$m = -6 \text{ 또는 } m = 1$$

i)  $m = 1$  일 때,

$$2x^2 - 8 = 0$$

$$x^2 = 4$$

$x = 2$  또는  $x = -2$  ( $-2 < 0$  이므로 부적합)

ii)  $m = -6$  일 때,

$$-5x^2 + 14x - 8 = 0$$

$$5x^2 - 14x + 8 = 0$$

$$(x-2)(5x-4) = 0$$

$$x = 2 \text{ 또는 } x = \frac{4}{5} \text{ (두 근이 모두 양수이므로 적합)}$$

따라서  $m = -6$ 이고, 다른 한 근은  $\frac{4}{5}$ 이므로  $-6 \times \frac{5}{4} = -\frac{24}{5}$

$$\therefore a = 24, b = 5$$

$$\therefore a+b = 15+2 = 29$$

36. 두 이차방정식  $2x^2 - ax + 2 = 0$ ,  $x^2 - 3x + b = 0$ 의 공통인 해가 2 일 때,  $ab$  의 값을 구하면?

① -25      ② -10      ③ 1      ④ 10      ⑤ 25

해설

주어진 식에  $x$  대신 2 를 대입하면

$$8 - 2a + 2 = 0, \quad a = 5$$

$$4 - 6 + b = 0, \quad b = 2$$

$$\therefore ab = 10$$

37.  $x(x - 3) = 0$  을  $(ax + b)^2 = q$  의 꼴로 바꾸었을 때,  $abq$ 의 값을 구하면?

- ①  $\frac{27}{8}$       ②  $-\frac{27}{8}$       ③  $\frac{-25}{8}$       ④  $\frac{25}{8}$       ⑤  $\frac{23}{8}$

해설

$$\begin{aligned}x(x - 3) &= 0 \\x^2 - 3x &= 0 \\x^2 - 3x + \frac{9}{4} &= \frac{9}{4} \\\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 &= \frac{9}{4} \\a = 1, b = -\frac{3}{2}, q = \frac{9}{4} &\\ \therefore abq &= -\frac{27}{8}\end{aligned}$$

38. 기호  $[a]$  는  $a$  의 값을 넘지 않는 최대 정수를 나타낸다. 예를 들면  $[1.2] = 1$ ,  $[\sqrt{5}] = 2$  이다. 이차방정식  $x^2 - 4x - 7 = 0$  의 근 중 양수인 것을  $a$  라 할 때,  $(a - [a] + 3)^2$  의 값을 구하면?

- ① 5      ② 7      ③ 11      ④ 13      ⑤ 15

해설

$$x^2 - 4x - 7 = 0 \text{에서}$$

$$x = \frac{4 \pm \sqrt{16 + 28}}{2} = 2 \pm \sqrt{11}$$

따라서 양수인 근  $a$ 는  $2 + \sqrt{11}$

$$3 < \sqrt{11} < 4 \text{이므로 } 5 < 2 + \sqrt{11} < 6$$

$$\therefore [a] = 5$$

$$\begin{aligned}\therefore (a - [a] + 3)^2 &= (2 + \sqrt{11} - 5 + 3)^2 \\ &= (\sqrt{11})^2 = 11\end{aligned}$$