

1. $0 < a < 1$ 일 때, $P = \frac{1}{a}$, $Q = \frac{1}{2-a}$, $R = \frac{a}{2+a}$ 의 대소 관계로 옳은 것은?

① $P < R < Q$

② $R < Q < P$

③ $Q < P < R$

④ $Q < R < P$

⑤ $R < P < Q$

2. x 가 양의 실수 일 때, $x^2 + 1 + \frac{1}{x^2}$ 의 최솟값과 그 때의 x 값을 차례대로 구하여라.



답:



답:

3. 다음 중 세 수 3^{30} , 4^{20} , 12^{15} 의 대소 관계를 알맞게 나타낸 것은?

① $3^{30} > 4^{20} > 12^{15}$

② $4^{20} > 3^{30} > 12^{15}$

③ $12^{15} > 4^{20} > 3^{30}$

④ $3^{30} > 12^{15} > 4^{20}$

⑤ $12^{15} > 3^{30} > 4^{20}$

4. 다음은 $\frac{1}{x} + \frac{4}{y} = 1$ 을 만족하는 두 양수 x, y 에 대하여 $x+y$ 의 최솟값을 구하는 풀이 과정이다. 적절하지 못한 부분은?

$$\frac{1}{x} + \frac{4}{y} \geq 2 \sqrt{\frac{1}{x} \cdot \frac{4}{y}} = \frac{4}{\sqrt{xy}} \cdots \textcircled{7}$$
$$\therefore \sqrt{xy} \geq 4 \cdots \textcircled{L}$$

$$\therefore x + y \geq 2\sqrt{xy} \geq 2 \cdot 4 = 8 \cdots \textcircled{E}$$

따라서 $x + y$ 의 최솟값은 8이다. $\cdots \textcircled{B}$

① ⑦

② ⑮

③ ⑯

④ ⑮, ⑮

⑤ ⑮, ⑯

5. 다음은 a, b, c, d, x, y, z, w 가 실수일 때, 부등식 $(a^2 + b^2 + c^2 + d^2)(x^2 + y^2 + z^2 + w^2) \geq (ax + by + cz + dw)^2$ 이 성립함을 증명하는 과정의 일부이다. ㉠, ㉡ 부분에 들어갈 기호가 순서대로 적당한 것은?

[증명] 모든 실수 t 에 대하여 다음 부등식이 성립한다.

$$(at - x)^2 + (bt - y)^2 + (ct - z)^2 + (dt - w)^2 \boxed{\text{㉠}} 0$$

이것을 t 에 관하여 정리하면

$$(a^2 + b^2 + c^2 + d^2)t^2 - 2(ax + by + cz + dw)t$$

$$+ (x^2 + y^2 + z^2 + w^2) \boxed{\text{㉠}} 0$$

따라서 항상 성립하기 위해서는

$$(ax + by + cz + dw)^2 -$$

$$(a^2 + b^2 + c^2 + d^2)(x^2 + y^2 + z^2 + w^2) \boxed{\text{㉡}} 0 \cdots \cdots (\text{이하 생략})$$

- ① $>, <$ ② $\geq, <$ ③ $\leq, >$ ④ \leq, \geq ⑤ \geq, \leq