- 1. 가로, 세로의 길이가 각각  $48 \, \mathrm{m}$ ,  $32 \, \mathrm{m}$  인 직사각형 모양의 꽃밭의 가장자리에 일정한 간격으로 나무를 심으려고 한다. 네 모퉁이에는 반드시 나무를 심어야 한다. 이때, 나무 그루수를 가능한 적게 하려고 할 때, 나무 사이의 간격은?
  - ① 14 m ② 16 m ③ 18 m ④ 20 m ⑤ 22 m

나무 사이의 간격을 *x* 라 할 때,

48 = x × □, 32 = x × △ x 는 48과 32의 최대공약수이므로 48 = 2<sup>4</sup> × 3, 32 = 2<sup>5</sup>

 $\therefore x = 2^4 = 16 \text{ (m)}$ 

- 2. 어떤 수로 70 을 나누면 나누어 떨어지고, 24 를 나누면 4 가 모자라고, 43 을 나누면 1 이 남는다고 한다. 이러한 수 중 가장 큰 수를 구하여라.
  - 답:▷ 정답: 14

V 0H.

어떤 수는 70, 24 + 4 = 28, 43 - 1 = 42 의 공약수이다.

이 중 가장 큰 수는 세 수의 최대공약수이므로 14 이다.

- 3. 토마토 15개, 키위 21개를 최대한 많은 학생들에게 똑같이 나누어 주려고 했더니 모두 3개씩 남았다. 학생은 최대 몇 명인가?
  - ① 4명 ②6명 ③ 8명 ④ 10명 ⑤ 12명

15개, 21개를 똑같이 나누면 3개씩 남는다면, (15-3)개, (21-3)

개를 똑같이 나누면 나누어 떨어진다. 이러한 수 중 가장 큰 수는 12와 18의 최대공약수 6이다.

- 4. 사생대회 상품으로 학용품을 준비했다. 공책 45 권, 샤프 38 개, 지우개 32 개를 될 수 있는 대로 많은 학생들에게 똑같이 나누어 주었더니 공책 3 권, 샤프 2 개, 지우개 2 개가 남았다. 몇 명의 학생에게 나누어 주었는가?
  - ① 4명 ②6명 ③ 8명 ④ 10명 ⑤ 11명

학생 수는 45 - 3, 38 - 2, 32 - 2,

즉 42, 36, 30 의 최대공약수이므로 6 명

- 5. 사과 26 개와 귤 31 개를 될 수 있는 대로 많은 어린이들에게 똑같이 나누어 주려고 했더니 사과는 2 개가 부족하고, 귤은 5 개가 부족했다. 어린이는 모두 몇 명인가?
  - ① 3명 ②4명 ③6명 ④8명 ⑤ 12명

해설 어린이 수는 26+2=28, 31+5=36 의 최대공약수 4 (명)

- 6. 어떤 자연수로 35 를 나누면 나누어 떨어지고, 72 를 나누면 2 가 남는다고 한다. 이러한 자연수 중에서 가장 큰 자연수를 구하여라.
  - ▶ 답:

➢ 정답: 35

어떤 수는 35, 72 – 2 = 70 의 공약수이다.

이 중 가장 큰 수는 두 수의 최대공약수이므로 35 이다.

7. 공책 27 권, 지우개 38 개, 연필 64 자루를 되도록 많은 학생들에게 똑같이 나누어주려고 하였더니 공책은 3 권 남고, 지우개는 2 개가 남고, 연필은 4 자루가 남았다. 학생은 모두 몇 명인지 구하여라.

<u>명</u>

정답: 12명

--<u>--</u>

▶ 답:

해설

학생 수는 27 - 3 = 24, 38 - 2 = 36, 64 - 4 = 60 의 최대공약수 이므로

최대공약수는 2<sup>2</sup> × 3 = 12 ∴ 12 명

 $24 = 2^3 \times 3, 36 = 2^2 \times 3^2, 60 = 2^2 \times 3 \times 5$ 

.. 12 0

- **8.** 어떤 수로 33 을 나누면 나누어 떨어지고, 25 를 나누면 3이 남고, 51 을 나누면 4 가 모자란다고 한다. 이러한 수 중 가장 큰 수는?
  - ① 3 ② 7 ③ 11 ④ 13 ⑤ 15

어떤 수는 33, 25 - 3 = 22, 51 + 4 = 55 의 공약수이다. 이 중 가장 큰 수는 세 수의 최대공약수이므로 11 이다.

- 9. 사과 62 개와 귤 116 개를 될 수 있는 대로 많은 학생에게 똑같이 나누어 주면, 사과는 2 개가 남고, 귤은 6 개가 남는다고 한다. 이때, 학생 수를 구하면?
  - ① 10 명 ② 12 명 ③ 3 명 ④ 5 명 ⑤ 15 명

해설

학생 수는 62 - 2 = 60, 116 - 6 = 110 의 최대공약수이므로 10 (명) 

 10.
 어떤 수로 35 를 나누면 3 이 남고 118 을 나누면 2 가 모자란다고 한다. 이러한 수 중 가장 큰 수는?

 ① 16
 ②8
 ③6
 ④4
 ④2
 2

32 와 120 의 최대공약수이므로 8 이다.

**11.** 어떤 수로 37 을 나누면 1 이 남고 116 을 나누면 4 가 모자란다고 한다. 이러한 수 중 가장 큰 수를 구하여라.

답:

▷ 정답: 12

해설

36 과 120 의 최대공약수이므로 12 이다.

- 12. 어떤 자연수로 50 을 나누면 2 가 남고, 35 를 나누면 3 이 남고, 87 을 나누면 7 이 남는다고 한다. 이러한 수 중에서 가장 큰 수를 구하여라.

▶ 답: ➢ 정답: 16

해설

구하는 수는 50 - 2 = 48, 35 - 3 = 32, 87 - 7 = 80 의 최대공

약수이다. 그러므로, 이 세수의 최대공약수를 구하면. 16입니다. 13. 어떤 자연수로 38을 나누면 2가 남고, 27을 나누면 3이 남고, 125로 나누면 5가 남는다고 한다. 이러한 자연수 중에서 가장 큰 수를 구하여라.

▷ 정답: 12

▶ 답:

38 - 2 = 36, 27 - 3 = 24, 125 - 5 = 120 에서 어떤 수는 36, 24,

해설

 120의 최대 공약수이다.

 6) 36 24 120

2) 6 4 20

3 2 10 최대공약수:  $6 \times 2 = 12$ 

**14.** 190,315,134 를 어떤 자연수로 나누었더니 나머지가 각각 1,0,8 이었다. 어떤 수를 모두 구하여라.

답:답:

 답:

 ▷ 정답:
 9

▷ 정답: 21

➢ 정답: 63

해설

나머지가 각각 1,0,8 이므로 189,315,126 의 공약수가 어떤 수이다.

그러므로 9,21,63

**15.** 어떤 자연수로 63 을 나누면 3 이 남고 41 을 나누면 5 가 남는다고 한다. 이런 자연수 중 가장 큰 수는?

① 6 ② 8 ③ 12 ④ 15 ⑤ 30

63 - 3 = 60 , 41 - 5 = 36 이므로 구하는 가장 큰 수는 60 과 36 의 최대공약수 12 이다.

**16.** 어떤 수로 35 를 나누면 3 이 남고 118 을 나누면 2 가 모자란다고 한다. 이러한 수 중 가장 큰 수는?

① 16 ②8 ③ 6 ④ 4 ⑤ 2

어떤 자연수를 x 라고 할 때,  $35 = x \times \Delta + 3$ ,  $118 = x \times \Box - 2$   $32 = x \times \Delta$ ,  $120 = x \times \Box$  가장 큰 수 x 는 32 와 120 의 최대공약수

 $32 = 2^5, \ 120 = 2^3 \times 3 \times 5$  $\therefore \ x = 2^3 = 8$ 

 $\therefore x = 2^{\circ} = 8$ 

- 17. 사과 26 개와 귤 31 개를 될 수 있는 대로 많은 어린이들에게 똑같이 나누어 주려고 했더니 사과는 2 개가 남고, 귤은 5 개가 부족했다. 어린이는 모두 몇 명인가?
  - ① 3명 ② 4명 ③ 6명 ④ 8명 ⑤ 12명

해설 어린이 수는 26 - 2 = 24, 31 + 5 = 36 의 최대공약수 12 (명) **18.** 사과 68 개, 귤 111 개, 배 82 개를 될 수 있는대로 많은 학생에게 똑같이 나누어 주면, 사과는 8 개가 남고, 귤은 1 개가 남고 배는 8 개가 모자란다고 한다. 이때, 학생 수를 구하여라.

 답:
 명

 > 정답:
 10명

해설

학생 수는 68-8=60, 111-1=110, 82+8=90 의 최대공 약수이므로 10 (명) **19.** 38 을 나누면 2 가 남고 45 를 나누면 3 이 부족한 수의 합을 구하면?

① 9 ② 12 ③ 16 ④ 18 ⑤ 22

36 과 48 의 최대공약수는 12

12 의 약수 중 나머지 3 보다 큰 수들의 합을 구하면 4+6+12=22이다.

**20.** 43 을 어떤 자연수 n 으로 나누면 나머지가 3 이 된다. 또, 49 를 n 으로 나누면 나머지가 1 이 되고 74 를 n 으로 나누면 2 가 남는다. 이러한 자연수 n 을 모두 구하여라.

답:답:

\_

 ▷ 정답: 4

 ▷ 정답: 8

해설

43 을 어떤 자연수 n 으로 나누면 나머지가 3

→ n 은 40 의 약수이다.(3 < n) 49 를 n 으로 나누면 나머지가 1

→ n 은 48 의 약수이다.

74 를 n 으로 나누면 2

→ *n* 은 72 의 약수이다. 위 세 조건을 만족하는 *n* 을 구하면 *n* = 4,8

21. 사탕 52개, 초콜릿 75개, 껌 103개를 가능한 한 많은 학생들에게 똑같이 나누어 주었더니 사탕은 2개가 부족하고, 초콜릿은 3개가 남았고, 껌은 5개가 부족했다. 몇 명의 학생에게 나누어 주려고 하였는지 구하여라.
답: <u>명</u>

\_

▷ 정답: 18명

사탕은 2개 부족하고, 초콜릿은 3개 남고, 껌은 5개 부족하므로

해설

사탕은 54개, 초콜릿 72개, 껌 108개가 있으면 똑같이 나누어 줄수 있다. 따라서 구하는 학생 수는 54, 72, 108의 최대공약수인 18명이다.

**22.** 어떤 자연수로 45를 나누면 3이 남고, 60을 나누면 4가 남고, 85를 나누면 1이 남는다고 한다. 이를 만족하는 자연수 중 가장 큰 수는?

① 8 ② 10 ③ 12 ④ 14 ⑤ 16

45를 나누면 3이 남고, 60을 나누면 4가 남고, 85를 나누면 1이 남으므로 어떤 자연수는 42, 56, 84 의 공약수이다. 따라서 이

중 가장 큰 자연수는 42, 56, 84의 최대공약수인 14이다.

나누면 4 가 남는다. 자연수 n 은 1 보다 큰 자연수 p 로 나누어 떨어진다. p 를 모두 구하여라.

**23.** 68 을 어떤 두 자리 자연수 n 으로 나누면 5 가 남고, 109 를 n 으로

▶ 답:

답:

▶ 답:

➢ 정답: 3

▷ 정답: 7

➢ 정답: 21

68을 어떤 자연수 n으로 나누면 나머지가  $5 \rightarrow n$ 은 5보다 크고,

해설

약수이다.

63 의 약수이다. 109 를 *n* 으로 나누면 나머지가 4 → *n* 은 4 보다 크고, 105 의

자연수 n은 1 보다 큰 자연수 p 로 나누어 떨어진다는 것은 p 가 1 을 제외한 n 의 약수이다.

위 두 조건을 만족하는 n 의 값은 n=21,

 $\therefore p = 3, 7, 21$ 

24. 서로 맞물려 도는 두 톱니바퀴 A, B 가 있다. A 의 톱니의 수가 36, B 의 톱니의 수가 48 이다. 이 두 톱니바퀴가 처음과 같은 톱니에서 다시 물릴 때에는 B 는 적어도 몇 회전한 후인지 구하여라.

회전 ▶ 답: ➢ 정답: 3<u>회전</u>

 $36 = 2^2 \times 3^2, \, 48 = 2^4 \times 3$  의 최소공배수는  $2^4 \times 3^2 = 144$  이다. ∴ B 의 회전수는  $\frac{144}{48} = 3$  (회전)

- 25. 가로의 길이가  $6\,\mathrm{cm}$ , 세로의 길이가  $8\,\mathrm{cm}$ , 높이가  $12\,\mathrm{cm}$  인 직육면체 모양의 벽돌을 빈틈없이 쌓아서 가장 작은 정육면체 모양을 만들려고 한다. 이때, 정육면체의 한 모서리 길이는?
  - $\bigcirc$  24 cm ②  $32 \,\mathrm{cm}$  ③  $48 \,\mathrm{cm}$  ④  $50 \,\mathrm{cm}$  ⑤  $54 \,\mathrm{cm}$

정육면체의 한 변의 길이는 6, 8, 12 의 공배수이어야 하고, 가장 작은 정육면체를 만들려면 한 변의 길이는  $6,\ 8,\ 12$  의 최소공배 수이어야 한다. 따라서 정육면체의 한 모서리의 길이는  $24\,\mathrm{cm}$ 이다. 2) 6 8 12

- 2) 3 4 6
- 3) 3 2 3

해설

- 1 2 1

**26.**  $\frac{18}{n}$  과  $\frac{24}{n}$  를 자연수로 만드는 n 중에서 가장 큰 수는?

① 1 ② 2 ③ 3 ④6 ⑤ 9

 $\frac{18}{n}$ ,  $\frac{24}{n}$  를 자연수로 만드는 n 중에서 가장 큰 수는18과 24의 최대공약수인 6 이다.

- 27. 남자 70 명, 여자 56 명인 어떤 모임에서 조 대항 장기자랑을 하려고 한다. 조별 인원수가 같고, 각 조에 속하는 남녀의 비가 같도록 최대한 많은 수의 조를 짤 때, 각 조별 남, 녀의 수는?
  - ① 남:7명,여:6명 ② 남:6명,여:5명
  - ③ 남:6명,여:4명 ④ 남:5명,여:5명
  - ⑤남:5명,여:4명

조의 개수는 70 과 56 의 최대공약수이다.

해설

 $70 = 2 \times 5 \times 7$ ,  $56 = 2^3 \times 7$ 따라서 조의 개수는  $2 \times 7 = 14$  (개) 조별 남학생의 수는  $70 \div 14 = 5($  명), 여학생의 수는  $56 \div 14 = 4($ 명)이다.

- 28. 현중이는 가로, 세로의 길이가 각각  $24 \mathrm{cm}$ ,  $36 \mathrm{cm}$  인 직사각형 모양의 대형 초콜릿을 남는 부분 없이 모두 같은 크기의 정사각형 모양으로 잘라 친구들에게 나누어 주려고 한다. 가능한 한 큰 정사각형으로 자르려고 할 때, 정사각형의 한 변의 길이는?
  - $\bigcirc 6\,\mathrm{cm}$ 4 12 cm 2 8 cm 3 10 cm $\bigcirc$  24 cm

자르려고 하는 정사각형의 모양의 초콜릿은 24 와 36 의 공약수 이다. 그런데 가능한 한 큰 정사각형 모양으로 자른다고 했으므로 한

변의 길이는 24 와 36 의 최대공약수이다. 2) 24 36

 $\begin{array}{c|cccc}
\hline
2 & 12 & 18 \\
\hline
 & 2 \times 2 \times 3 = 12 \text{ (cm)}
\end{array}$ 3) 6 9 2 3

- 29. 세 변의 길이가 각각  $66 \, \mathrm{m}, \, 84 \, \mathrm{m}, \, 78 \, \mathrm{m}$  인 삼각형 모양의 목장이 있다. 이 목장의 가장자리를 따라 일정한 간격으로 향나무를 심으려고 한다. 세 모퉁이는 반드시 향나무를 심어야 하며 나무의 개수는 될 수 있는 한 적게 하려고 할 때, 향나무를 최소한 몇 그루를 준비해야 하는지 고르면?

① 6 그루

- ② 18 그루 ③ 24 그루 ③ 38 그루⑤ 41 그루

해설

66, 84, 78 의 최대공약수는 6 이므로

나무의 수는  $(66 \div 6) + (84 \div 6) + (78 \div 6) = 11 + 14 + 13$ 

= 38 (그루)

- 30. 사과 54 개와 귤 19 개를 될 수 있는 대로 많은 어린이들에게 똑같이 나누어 주려고 했더니 사과는 2 개가 남고, 귤은 3 개가 부족했다. 어린이는 모두 몇 명인가?
  - ① 2 명 ② 4 명 ③ 6 명 ④ 8 명 ⑤ 12 명

해설

어린이 수는 54-2=52, 19+3=22 의 최대공약수 2 (명)

- **31.** 서울에서 세 개의 도시로 버스가 각각 10 분, 15 분, 12 분마다 출발한다 고 한다. 오전 8 시 20 분에 이 세 방면으로 버스가 동시에 출발했다면 그 후에 세 버스가 동시에 출발하는 시간은?
  - ① 오전 9 시 ③ 오후 1 시 10 분 ④ 오후 2 시
- ② 오전 10 시 40 분
  - ⑤ 오후 2 시 20 분

해설 버스가 동시에 출발하는 간격은 10, 12, 15 의 최소공배수 60

(분)이다. 즉, 1 시간 간격이므로 매시 20 분에 동시에 출발하므로 오후 2

시 20분이다.

- 32. 톱니의 수가 각각 48 개, 72 개인 두 톱니바퀴 A, B 가 서로 맞물려 돌고 있다. 두 톱니바퀴가 같은 이에서 다시 맞물리는 것은 A 가 적어도 몇 번 회전한 후인가?
  - ① 1번 ② 2번 ③3번 ④ 4번 ⑤ 5번

48 과 72 의 최소공배수는 144 144÷48 = 3

마라서 두 톱니바퀴가 같은 이에서 다시 맞물리는 것은 A가

해설

적어도 3번 회전한 후이다.

**33.** 가로의 길이가 10cm, 세로의 길이가 6cm 인 타일이 있다. 이것을 붙여서 제일 작은 정사각형을 만들 때, 모두 몇 개의 타일이 필요한지 구하여라. 개

▷ 정답: 15 <u>개</u>

▶ 답:

해설

조건을 만족하는 가장 작은 정사각형의 한 변의 길이는 10 과 6

의 최소공배수이므로 10 과 6 의 최소공배수를 구하면 30 이다. 필요한 타일의 개수는

 $(30 \div 10) \times (30 \div 6) = 3 \times 5 = 15$  , 즉 15 개를 붙이면 최소의

정사각형이 된다.

- ${f 34.}$  가로, 세로, 높이가 각각  ${f 18,10,\ 6}$  인 벽돌이 있다. 이 벽돌을 쌓아 가장 작은 정육면체를 만들 때, 필요한 벽돌의 개수는?
- ① 90 개 ② 450 개 ③ 545 개

(4) 675 개 (5) 735 개

정육면체의 한 모서리의 길이는 18, 10, 6 의 최소공배수이므로 90 이다.

해설

필요한 벽돌의 개수는  $(90 \div 18) \times (90 \div 10) \times (90 \div 6) = 5 \times 9 \times 15 = 675$ (개) 이다.

35. 가로의 길이가 8cm, 세로의 길이가 16cm, 높이가 20cm 인 직육면체 모양의 벽돌이 있다. 이것을 같은 방향으로 놓이도록 쌓아서 정육면 체를 만들 때, 이러한 정육면체 중 가장 작은 것의 한 모서리의 길이와 필요한 벽돌의 개수를 옮게 구한 것은?

②  $16 \mathrm{cm}$  , 80 개

③ 36cm , 100 개

- ④ 40cm, 200 개 ⑤ 80cm, 200 개
- , 200 ii

해설 벽돌의 한 모서리의 길이는 8, 16, 20 의 최소공배수이므로 80

① 8cm , 80 개

이다. 한 모서리의 길이는  $80\mathrm{cm}$  이고, 필요한 벽돌의 개수는  $(80 \div 8) \times (80 \div 16) \times (80 \div 20) = 10 \times 5 \times 4 = 200 \ (개) \, \mathrm{이다}.$ 

**36.** 가로의 길이가 16cm, 세로의 길이가 20cm, 높이가 8cm 인 직육 면체 모양의 나무토막을 같은 방향으로 빈틈없이 쌓아서 가장 작은 정육면체를 만들려고 한다. 만들어지는 정육면체의 한 변의 길이를 구하여라.

② 80cm

③ 90cm

 $\textcircled{4} \ 100 \mathrm{cm}$ 

해설

 $\bigcirc$  70cm

 $\bigcirc$  110cm

가장 작은 정육면체 한 모서리의 길이는 16, 20, 8 의 최소공배 수이다. 2) 16 20 8

2) 8 10 4 5 2

2) 4 2 5 1

 $\therefore 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5 = 80 \text{(cm)}$ 

- **37.** 세 자연수 2, 5, 8 의 어느 것으로 나누어도 1 이 남는 가장 작은 자연수를 구하면?
  - ① 2 ② 16 ③ 21 ④ 41 ⑤ 80

- 해설 그리노

구하는 수는 (2, 5, 8 의 공배수)+1 인 수 중 가장 작은 자연수이다. 2, 5, 8 의 최소공배수는 40 이다. ∴ 40+1=41

**38.** 세 수 6, 7, 8 어느 것으로 나누어도 나머지가 2 인 가장 작은 세 자리의 자연수는?

① 101 ② 113 ③ 122 ④ 164 ⑤ 170

구하는 수를 A 라 하면

해설

A = (6, 7, 8의 공배수) + 2 인 수 중 가장 작은 세 자리 자연수 이다. 6, 7, 8 의 최소공배수는 168 이다.

따라서 A = 168 + 2 = 170 이다.

**39.** 두 자연수 24, 30 중 어떤 수로 나누어도 나머지가 5인 세 자리의 자연수 중 가장 큰 자연수와 가장 작은 자연수의 차는?

① 360 ② 480 ③ 600 ④ 720 ⑤ 840

- 해설 24 양 3

24 와 30 의 최소공배수를 구하면 120 이다. 가장 작은 자연수 120 + 5 = 125, 가장 큰 수 960 + 5 = 965 이다. 따라서 두 수의 차는 965 - 125 = 840 이다.

- **40.** 어떤 수를 15, 24로 나누면 모두 2가 남는다고 한다. 이러한 수 중에서 가장 작은 세 자리의 수는?
  - ① 120 ② 121 ③ 122 ④ 123 ⑤ 124

15, 24로 나누면 모두 2가 남는 수 중 가장 작은 수는 24와 15

해설

의 최소공배수보다 2가 더 큰 수이다. 따라서 24, 15 의 최소공배수는 120 이므로 구하는 수는 122 이다.

- **41.** 자연수 N 과 24 의 최대공약수는 6 이고 최소공배수는 120 일 때, 자연수 N 을 구하여라.
  - 답:

➢ 정답: 30

N 과 24 의 최대공약수가 6 이므로

해설

N = 6n 이라 하면

 $6 \times n \times 4 = 120, \ n = 5$ 

 $\therefore N = 6 \times 5 = 30$ 

- **42.** 두 수의 곱이  $2^3 \times 3^5 \times 7^2$  이고, 최대공약수가  $2 \times 3^2 \times 7$  일 때, 두 수의 최소공배수는?

  - ①  $2 \times 3 \times 7$  ②  $2^2 \times 3^3 \times 7$  ③  $2 \times 3^2 \times 7$

해설

(두 수의 곱)=(최대공약수)×(최소공배수)이므로  $2^3 \times 3^5 \times 7^2 = 2 \times 3^2 \times 7 \times ($ 최소공배수) 최소공배수는  $2^2 \times 3^3 \times 7$  이다.

**43.** 두 수  $2^2 \times 5$ , A 의 최대공약수가  $2 \times 5$ , 최소공배수가  $2^2 \times 3^2 \times 5$  일 때, A 를 구하여라.

답:▷ 정답: 90

 $\overline{\phantom{a}}$  두 수 A, B 의 최대공약수를 G, 최소공배수를 L 이라 하면

 $A \times B = L \times G$  이므로  $(2^2 \times 5) \times A = (2 \times 5) \times (2^2 \times 3^2 \times 5) = 2^3 \times 3^2 \times 5^2$  이다.  $\therefore A = 2 \times 3^2 \times 5 = 90$ 

44. 1부터 200까지의 자연수 중에서 3의 배수이거나 5의 배수인 수는 모두 몇 개인지 구하여라.

개

정답: 93 <u>개</u>

1부터 200까지의 자연수 중 3의 배수의 개수는 66개

해설

▶ 답:

1부터 200까지의 자연수 중 5의 배수의 개수는 40개 1부터 200까지의 자연수 중 3의 배수이면서 5의 배수인 것의 개수는 13개 1부터 200까지의 자연수 중 3의 배수이거나 5의 배수인 것의 개수는 66+40-13=93

- **45.**  $\frac{24}{n}$  와  $\frac{40}{n}$  을 자연수로 만드는 자연수 n 들을 모두 합하면?
  - ① 8 ② 12 ③ 15 ④ 20 ⑤ 25

n 은 24, 40 의 공약수이고, 공약수는 최대공약수의 약수이다. 24 와 40 의 최대공약수는 8 이고, 8 의 약수는 1, 2, 4, 8 이므로 따라서 합은 1+2+4+8=15 이다.

때다가 함는 1 + 2 + 4 + 0 = 10 기대

- 46. 두 분수  $\frac{7}{26}$ ,  $1\frac{17}{39}$ 의 어느 것에 곱하여도 그 결과가 자연수가 될 때, 곱하는 분수 중 가장 작은 분수를  $\frac{a}{b}$ 라 할 때, a-b 의 값은?
  - ① 33 ② 40 ③ 51 ④ 65 ⑤ 71

 $\frac{7}{26}$   $1\frac{17}{39} = \frac{56}{39}$  이므로

  $\frac{a}{b} = \frac{(26 \text{과 } 39 \text{의 최소공배수})}{(7 \text{과 } 56 \text{의 최대공약수})} = \frac{78}{7}$  

 ∴ a - b = 78 - 7 = 71

47. 어느 반의 여학생 수는 36 명이고 남학생 수는 45 명이다. 봉사활동을 하기 위해 여학생 a 명과 남학생 b 명씩을 한 조로 나누려고 한다. 이때 되도록 많은 조로 나누어서 나누어진 조의 수를 c 라 할 때, 2a-b+c의 값을 구하여라.

답:

➢ 정답: 12

c 는 36 과 45 의 최대공약수이므로 c=9 ,

해설

 $a=36 \div 9=4$  ,  $b=45 \div 9=5$ 따라서 2a-b+c=8-5+9=12

48. 가로의 길이, 세로의 길이, 높이의 길이가 각각 45cm, 60cm, 90cm 인 상자 속에 정육면체 모양의 과자 상자가 빈틈없이 들어있다. 과자 상자가 가장 적을 때의 개수는?

① 180 개 ② 72 개 ③ 36 개 ④ 24 개 ⑤ 15 개

해설

과자 상자가 가장 적을 때 과자 상자 한 모서리의 길이가 가장 크므로 상자 한 모서리의 길이는 45, 60, 90 의 최대공약수인 15cm 이다. 따라서 상자의 개수는  $(45 \div 15) \times (60 \div 15) \times (90 \div 15) = 72$  (개)

49. 한 개의 원주 위를 같은 방향으로 일정한 속도로 움직이는 세 점 A, B, C 가 있다. 점 A 는 한 바퀴 도는 데 8초 걸리고, 점 B 는 1 분에 20 바퀴, 점 C 는 1 분에 30 바퀴를 돈다고 한다. 어떤 시각에 A, B, C 가 동시에 점 P 를 통과했을 때, 이 시각에서 15 분 후 사이에는 점 P 를 동시에 몇 번 통과하는지 구하여라.

<u>번</u> ▶ 답:

정답: 37번

한 바퀴 도는 데 A 는 8 초, B 는 3 초, C 는 2 초가 걸리므로

해설

 $8,\ 3,\ 2$  의 최소공배수인 24 초마다 점 P 를 동시에 통과한다. 15×60 = 900(초) 에서 900÷24 = 37.5 이므로 37 번 통과한다. **50.** 7로 나누면 나머지가 6, 6으로 나누면 나머지가 5, 5로 나누면 나머지가 4, 4로 나누면 나머지가 3, 3으로 나누면 나머지가 2가 되는 최소의 자연수에서 각자리 숫자의 합을 구하여라.

V 0H:

해설

조건을 만족하는 수는 (7, 6, 5, 4, 3 의 공배수)-1 의 꼴이고

7, 6, 5, 4, 3 의 최소공배수는 420 이다. 따라서 최소의 자연수는 420 - 1 = 419 이다. ∴ 4+1+9=14

.. 4 + 1 + 3 - 14

51. 두 자리의 두 정수의 최소공배수가 792 이고 최대공약수가 11 이라고 한다. 이때, 이를 만족하는 두 정수의 합을 구하면?

① 87 ② 99 ③ 175 ④ 183

**⑤**187

해설  $792 = 2^3 \times 3^2 \times 11$  이고, 두 수는 최대공약수 11 의 배수이고,

두 자리 수이므로  $11 \times 2^3 = 88$  과  $11 \times 3^2 = 99$  가 된다.  $\therefore 88 + 99 = 187$ 

**52.** a,b 의 최대공약수는 7 , 두 수의 곱이 588일 때, (a,b)의 개수는?

① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

a, b 의 최대공약수가 7 이므로

a=7x,b=7y (x,y)는 서로소, x<y) 라 하면  $7x\times7y=588$ 이다. 따라서  $x\times y=12$  즉, (x,y)는 (1,12),(3,4) 이므로 (a,b)는 (7,84),(21,28) 이다. 따라서 2 개이다.

**53.** 어떤 분수를 두 분수  $\frac{21}{8}$  과  $\frac{35}{12}$  에 각각 곱하였더니 그 결과가 모두 자연수가 되었다. 곱한 수 중에서 가장 작은 분수를 구하여라.

▶ 답:

ightharpoonup 정답:  $\frac{24}{7}$