

# 1. 다음 중 다항식의 전개가 잘못된 것은?

- ①  $(x + 1)(x^2 - x + 1) = x^3 + 1$
- ②  $(a + 2b - 3c)^2 = a^2 + 4b^2 + 9c^2 + 4ab - 12bc - 6ac$
- ③  $(x + 2)(x^2 - 2x + 4) = x^3 + 8$
- ④  $(x^2 - xy + y^2)(x^2 + xy + y^2) = x^4 - x^2y^2 + y^4$
- ⑤  $(x - 1)^2(x + 1)^2 = x^4 - 2x^2 + 1$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{4} \quad & (x^2 - xy + y^2)(x^2 + xy + y^2) \\ &= (x^2 + y^2)^2 - (xy)^2 \\ &= x^4 + x^2y^2 + y^4 \end{aligned}$$

2. 등식  $2x^2 - 3x - 2 = a(x-1)(x-2) + bx(x-2) + cx(x-1)$  이  $x$ 에 관한 항등식이 되도록 할 때,  $2ab$ 의 값은?

① -6

② -4

③ -2

④ 2

⑤ 4

해설

양변에  $x = 0$ 을 대입하면,  $-2 = 2a \quad \therefore a = -1$

양변에  $x = 1$ 을 대입하면,  $-3 = -b \quad \therefore b = 3$

$$\therefore 2ab = -6$$

3.  $x$ 에 대한 다항식  $(4x^2 - 3x + 1)^5$ 을 전개하였을 때, 모든 계수들(상수항 포함)의 합은?

- ① 0      ② 16      ③ 32      ④ 64      ⑤ 1024

해설

$(4x^2 - 3x + 1)^5$ 을 전개하여  $x$ 에 대한 내림차순으로 정리하면  
 $(4x^2 - 3x + 1)^5 = a_0x^{10} + a_1x^9 + a_2x^8 + \cdots + a_9x + a_{10}$ 과 같아  
된다.

여기서 모든 계수들의 합

$a_0 + a_1 + a_2 + \cdots + a_{10}$ 을 구하려면

$x = 1$ 을 대입하면 된다.

즉,  $(4 - 3 + 1)^5 = a_0 + a_1 + a_2 + \cdots + a_{10}$

모든 계수들의 합은  $2^5 = 32$

4. 다항식  $f(x)$ 를 두 일차식  $x - 1$ ,  $x - 2$ 로 나눌 때의 나머지는 각각 2, 1이다. 이때,  $f(x)$ 를  $x^2 - 3x + 2$ 로 나눌 때 나머지는?

①  $x + 3$

②  $-x + 3$

③  $x - 3$

④  $-x - 3$

⑤  $-x + 1$

해설

$f(x)$ 를  $x - 1$ ,  $x - 2$ 로 나눈 나머지는 각각 2, 1이므로  
 $f(1) = 2$ ,  $f(2) = 1$ , 구하는 나머지를  $ax + b$ 라 하자.

$$\begin{aligned}f(x) &= (x^2 - 3x + 2)Q(x) + ax + b \\&= (x - 1)(x - 2)Q(x) + ax + b\end{aligned}$$

양변에 각각  $x = 1$ ,  $x = 2$ 를 대입하면

$$f(1) = a + b = 2, f(2) = 2a + b = 1$$

두 식을 연립하여 구하면  $a = -1, b = 3$

$\therefore$  구하는 나머지는  $-x + 3$

5. 다항식  $f(x) = x^3 + 2x^2 - x + k$  가 일차식  $x - 1$  을 인수로 가질 때, 이 다항식  $f(x)$  를 인수분해 하면?

①  $(x - 2)(x - 1)(x + 1)$

②  $(x - 1)x(x + 2)$

③  $(x + 1)(x - 1)(x + 2)$

④  $(x - 2)(x - 1)(x + 2)$

⑤  $(x - 2)(x + 1)(x + 2)$

해설

$$f(x) = (x - 1)Q(x) \Rightarrow f(1) = 0$$

$$\therefore f(1) = 2 + k = 0, \quad \therefore k = -2$$

$$\begin{aligned} \therefore f(x) &= x^3 + 2x^2 - x - 2 \\ &= (x - 1)(x + 1)(x + 2) \end{aligned}$$

6. 등식  $3x^2 + 2x + 1 = a(x - 1)^2 + b(x - 1) + c$  o]  $x$ 에 관한 항등식일 때, 상수  $b$ 의 값은?

① 3

② -4

③ 2

④ 8

⑤ 6

해설

$$3x^2 + 2x + 1 = a(x - 1)^2 + b(x - 1) + c \\ = (x - 1) \{a(x - 1) + b\} + c$$

$$\begin{array}{r|ccc} 1 & 3 & 2 & 1 \\ & & 3 & 5 \\ \hline 1 & 3 & 5 & 6 & \leftarrow c \\ & & 3 & & \\ \hline & 3 & 8 & & \leftarrow c \\ & \uparrow & & & \\ & a & & & \end{array}$$

해설

$x = 1$  을 대입하면  $c = 6$

$$3x^2 + 2x + 1 = a(x - 1)^2 + b(x - 1) + 6$$

$$\rightarrow 3x^2 + 2x - 5 = a(x - 1)^2 + b(x - 1)$$

$$\rightarrow (x - 1)(3x + 5) = a(x - 1)^2 + b(x - 1)$$

→ 양변을  $x - 1$ 로 나누면

$$3x + 5 = a(x - 1) + b = ax - a + b$$

$$\therefore a = 3, b = 8$$

※ 준식의 우변을 모두 전개해서 계수비교하여 구할 수도 있다.

7. 다음 세 다항식에서 최대공약수를 구하면?

$$2x^2 - 3x + 1, \quad 3x^2 - x - 2, \quad x^2 + 3x - 4$$

- ①  $x - 1$       ②  $2x - 1$       ③  $x - 2$   
④  $x + 3$       ⑤  $x + 1$

해설

$$2x^2 - 3x + 1 = (2x - 1)(x - 1)$$

$$3x^2 - x - 2 = (3x + 2)(x - 1)$$

$$x^2 + 3x - 4 = (x + 4)(x - 1)$$

따라서 최대 공약수는  $x - 1$ 이다.

8.  $x = 1 + 2i$ ,  $y = \frac{1+2i}{1-i}$ ,  $z = \frac{1-2i}{1-i}$  일 때,  $xy + xz$  의 값을 구하면?

①  $-1 + 3i$

②  $-1 - 2i$

③  $-1 + 2i$

④  $-1 - i$

⑤  $-1 + i$

해설

$$x = 1 + 2i, y = \frac{1+2i}{1-i}, z = \frac{1-2i}{1-i}$$

$$\begin{aligned}\therefore xy + xz &= \frac{(1+2i)^2}{1-i} + \frac{(1-2i)(1+2i)}{1-i} \\&= \frac{-3+4i+5}{1-i} \\&= \frac{2+4i}{1-i} \\&= -1+3i\end{aligned}$$

9.  $j^2 = -\sqrt{-1}$  라 할 때,  $j^{2012}$ 의 값은?

① 1

② -1

③  $\sqrt{-1}$

④  $-\sqrt{-1}$

⑤ 두 개의 값을 갖는다.

해설

$$j^4 = (-\sqrt{-1})^2 = (\sqrt{-1})^2 = -1$$

$$\therefore j^{2012} = (j^4)^{503} = (-1)^{503} = -1$$

10.  $z = \frac{2}{1-i}$  일 때,  $2z^2 - 4z - 1$  의 값을 구하면?

① -1

② 2

③ -3

④ 4

⑤ -5

해설

$$z = \frac{2}{1-i} = 1+i$$

$$\begin{aligned}\therefore 2z^2 - 4z - 1 &= 2(1+i)^2 - 4(1+i) - 1 \\&= 4i - 4 - 4i - 1 \\&= -5\end{aligned}$$

해설

$$z = 1+i, z-1 = i$$

양변을 제곱하고 정리하면

$$z^2 - 2z = -2$$

$$\begin{aligned}2z^2 - 4z - 1 &\\&= 2(z^2 - 2)z - 1 \\&= -4 - 1 = -5\end{aligned}$$

11. 두 다항식  $A, B$ 에 대하여 연산  $\Delta, \blacktriangledown$ 를  $A\Delta B = 2A + B, A\blacktriangledown B = A - 3B$ 로 정의한다.

$A = 2 + 3x^2 - x^3, B = x^2 + 3x + 1$  일 때  $A\blacktriangledown(B\Delta A)$ 를 구하면?

①  $2x^3 - 18x - 10$

②  $2x^3 - 12x^2 - 18x - 10$

③  $2x^3 + 12x^2 + 18x + 10$

④  $2x^3 + 12x^2 + 18x - 10$

⑤  $2x^3 - 12x^2 + 18x + 10$

해설

$$\begin{aligned}A\blacktriangledown(B\Delta A) &= A\blacktriangledown(2B + A) \\&= A - 3(2B + A) = -2A - 6B\end{aligned}$$

위와 같이 식을 간단히 정리한 후  $A, B$ 에 대입하여 정리한다.

12. 다음은 연산법칙을 이용하여  $(x + 3)(x + 2)$ 를 계산한 식이다.

$$\begin{aligned}(x + 3)(x + 2) &= (x + 3)x + (x + 3) \times 2 \\&= (x^2 + 3x) + (2x + 6) \\&= x^2 + (3x + 2x) + 6 \\&= x^2 + 5x + 6\end{aligned}$$

위의 연산과정에서 사용한 연산법칙을 바르게 고른 것은?

- ① 교환법칙, 결합법칙
- ② 교환법칙, 분배법칙
- ③ 분배법칙, 결합법칙
- ④ 결합법칙, 분배법칙, 교환법칙
- ⑤ 연산법칙을 사용하지 않았다.

해설

$$\begin{aligned}(x + 3)(x + 2) &= (x + 3)x + (x + 3) \times 2 \quad (\text{분배}) \\&= (x^2 + 3x) + (2x + 6) \quad (\text{분배}) \\&= x^2 + (3x + 2x) + 6 \quad (\text{결합}) \\&= x^2 + 5x + 6\end{aligned}$$

13.  $a+b+c = 0$ ,  $a^2+b^2+c^2 = 1$  일 때,  $4(a^2b^2+b^2c^2+c^2a^2)$ 의 값은?

- ①  $\frac{1}{4}$       ②  $\frac{1}{2}$       ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

$$(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca)$$

$$\therefore ab + bc + ca = -\frac{1}{2}$$

$$4(a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2)$$

$$= 4\{(ab + bc + ca)^2 - 2abc(a + b + c)\}$$

$$= 4 \times \left(-\frac{1}{2}\right)^2 = 1$$

14.  $a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$ 의 인수가 아닌 것은?

- ①  $a - b + c$       ②  $a + b - c$       ③  $-a + b - c$   
④  $-a + b + c$       ⑤  $-a - b + c$

해설

$$\begin{aligned}a^2 - b^2 - c^2 + 2bc &= a^2 - (b^2 + c^2 - 2bc) \\&= a^2 - (b - c)^2 \\&= (a + b - c)(a - b + c)\end{aligned}$$

인수 :  $(a + b - c)$ ,  $(a - b + c)$ (단, 복부호 동순)

15. 다음 중 다항식  $x^2 + 3xy + 2y^2 - x - 3y - 2$ 의 인수인 것은?

①  $x + y + 2$

②  $x - y + 2$

③  $x + 2y + 1$

④  $x - 2y + 1$

⑤  $x + y + 1$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + 3xy + 2y^2 - x - 3y - 2 \\&= x^2 + (3y - 1)x + 2y^2 - 3y - 2 \\&= x^2 + (3y - 1)x + (2y + 1)(y - 2) \\&= (x + 2y + 1)(x + y - 2)\end{aligned}$$

16. 삼각형의 세 변의 길이  $a$ ,  $b$ ,  $c$ 에 대하여  $a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca$ 가 성립할 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

① 직각삼각형

② 이등변삼각형

③ 정삼각형

④ 직각이등변삼각형

⑤ 둔각삼각형

해설

$$a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca \text{에서}$$

$$a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca = 0$$

$$\frac{1}{2}(2a^2 + 2b^2 + 2c^2 - 2ab - 2bc - 2ca) = 0$$

$$\frac{1}{2}(a^2 - 2ab + b^2 + b^2 - 2bc + c^2 + c^2 - 2ca + a^2) = 0$$

$$\frac{1}{2} \{(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2\} = 0$$

$a$ ,  $b$ ,  $c$ 는 실수이므로

$$a - b = 0, b - c = 0, c - a = 0$$

$$\therefore a = b = c$$

따라서, 주어진 삼각형은 정삼각형이다.

17.  $(2^{48} - 1)$ 은 60 과 70 사이의 어떤 두 수로 나누어 떨어진다. 이 두 수는?

① 61, 63

② 61, 65

③ 63, 65

④ 63, 67

⑤ 67, 69

해설

$$\begin{aligned}2^{48} - 1 &= (2^6 - 1)(2^6 + 1)(2^{12} + 1)(2^{24} + 1) \\&= 63 \cdot 65 \cdot (2^{12} + 1)(2^{24} + 1)\end{aligned}$$

따라서  $2^{48} - 1$ 은 63과 65로 나누어 떨어진다.

18.  $x$ 에 관한 3차식  $x^3 + px^2 - q^2$ ,  $x^3 - (3q-p)x + 2(q-1)$ 의 최대공약수가  $x-1$ 일 때,  $pq$ 의 값을 구하면?

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

$$f(x) = x^3 + px^2 - q^2,$$

$g(x) = x^3 - (3q-p)x + 2(q-1)$  라 놓으면

최대공약수가  $x-1$ 이므로

$$f(1) = 1 + p - q^2 = 0 \cdots \textcircled{\text{⑦}}$$

$$g(1) = 1 - (3q-p) + 2(q-1) = 0 \text{에서}$$

$$p - q - 1 = 0 \cdots \textcircled{\text{⑧}}$$

$$\textcircled{\text{⑦}}, \textcircled{\text{⑧}} \text{에서 } q^2 - q - 2 = 0, (q-2)(q+1) = 0$$

(i)  $q = 2$  일 때,  $\textcircled{\text{⑧}} p = 3$

$$f(x) = (x-1)(x+2)^2, g(x) = (x-1)^2(x+2)$$

$\therefore G.C.D$ 가  $x-1$ 이라는 것에 모순

(ii)  $q = -1$  일 때,  $\textcircled{\text{⑧}} p = 0$

$$f(x) = (x-1)(x^2 + x + 1),$$

$$g(x) = (x-1)(x^2 + x + 4)$$

$\therefore G.C.D \equiv x-1$

$$\therefore pq = 0$$

19.  $\frac{1}{\sqrt{-2} - \sqrt{-1}}$ 의 값은 ?

- ①  $1 - \sqrt{2}$       ②  $-1 - \sqrt{2}$       ③  $(1 + \sqrt{2})i$   
④  $-(1 + \sqrt{2})i$       ⑤  $(1 - \sqrt{2})i$

해설

$$\begin{aligned}\frac{1}{\sqrt{-2} - \sqrt{-1}} &= \frac{1}{\sqrt{2} - 1} \times \frac{1}{i} \\ &= (\sqrt{2} + 1) \times (-i) \\ &= -(1 + \sqrt{2})i\end{aligned}$$

20. 실수  $a, b, c, d$  에 대하여  $\sqrt{a} \sqrt{b} = -\sqrt{ab}$ ,  $\frac{\sqrt{c}}{\sqrt{d}} = -\sqrt{\frac{c}{d}}$  을 만족할 때,  
다음 중 옳은 것은? (단,  $ab \neq 0, cd \neq 0$ )

- ①  $ab < 0$       ②  $ad > 0$       ③  $bc > 0$   
④  $bd < 0$       ⑤  $cd > 0$

해설

$$\sqrt{a} \sqrt{b} = -\sqrt{ab}, \quad (a < 0, b < 0)$$

$$\frac{\sqrt{c}}{\sqrt{d}} = -\sqrt{\frac{c}{d}}, \quad (c > 0, d < 0)$$

- ①  $ab > 0$   
②  $ad > 0$   
③  $bc < 0$   
④  $bd > 0$   
⑤  $cd < 0$