

1. 다음 중 x 에 대한 이차다항식은?

① $2x + 2$

④ $x^3 - x$

② $x^2y + x - y$

⑤ $xy^2 + y^2$

해설

①, ⑤는 x 에 대한 일차식

③, ④는 x 에 대한 삼차식

2. $\{x - (y - z)\} - \{(x - y) - z\}$ 를 간단히 하면?

- ① $2y$ ② $2z$ ③ $-2y$ ④ $-2z$ ⑤ 0

해설

$$\begin{aligned}\{x - (y - z)\} - \{(x - y) - z\} \\= (x - y + z) - (x - y - z) \\= x - y + z - x + y + z \\= 2z\end{aligned}$$

해설

3. $x^2y(-xy)^3$ 을 간단히 하면?

- ① $-x^4y^5$ ② xy^5 ③ $-x^5y^4$ ④ $-xy^5$ ⑤ x^2y^5

해설

$$x^2y(-xy)^3 = x^2y(-x^3y^3) = -x^5y^4$$

4. 다항식 $f(x) = 3x^3 - 7x^2 + 5x + 2$ 를 $3x - 1$ 로 나눌 때의 몫과 나머지를 구하면?

① 몫 : $x^2 - 2x + 1$, 나머지 : 3

② 몫 : $x^2 - 2x + 1$, 나머지 : 2

③ 몫 : $x^2 + 2x + 1$, 나머지 : 3

④ 몫 : $x^2 + 2x + 1$, 나머지 : 2

⑤ 몫 : $x^2 + 2x + 1$, 나머지 : 1

해설

직접나누는 방법과 조립제법을 이용하여 구하는 방법이 있다.

$$f(x) = (3x - 1)(x^2 - 2x + 1) + 3$$

$$\therefore \text{몫} : x^2 - 2x + 1, \text{나머지} : 3$$

5. $(x - 2y - 3z)^2$ 을 전개하여 x 에 대한 내림차순으로 정리하면?

- ① $x^2 + 4y^2 + 9z^2 - 4xy + 12yz - 6zx$
- ② $x^2 - 4xy + 4y^2 - 9z^2 + 12yz - 6zx$
- ③ $x^2 - (4y + 6z)x + 4y^2 + 12yz + 9z^2$
- ④ $4y^2 + 12yz + 9z^2 + (-4y - 6z)x + x^2$
- ⑤ $9z^2 + 4y^2 + x^2$

해설

$$(x - 2y - 3z)^2 = x^2 - (4y + 6z)x + 4y^2 + 12yz + 9z^2$$

6. $x + y = 4$, $xy = 3$ 일 때, $x^2 - xy + y^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 7

해설

$$x^2 - xy + y^2 = (x + y)^2 - 3xy = 7$$

7. 다항식 $f(x)$ 를 $2x^2 + 3x + 2$ 로 나누었더니 몫이 $3x - 4$ 이고, 나머지가 $2x + 5$ 이었다. 이 때, $f(1)$ 의 값은?

① -1 ② 0 ③ 1 ④ 3 ⑤ 5

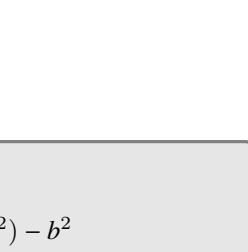
해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\&= 6x^3 + 9x^2 + 6x - 8x^2 - 12x - 8 + 2x + 5 \\&= 6x^3 + x^2 - 4x - 3 \\∴ f(1) &= 6 + 1 - 4 - 3 = 0\end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\f(1) &= (2 + 3 + 2)(3 - 4) + (2 + 5) = -7 + 7 = 0\end{aligned}$$

8. 다음 그림의 사각형 AGHE, 사각형 EFCD는 정사각형이고, $\overline{AD} = a$, $\overline{AB} = b$ 일 때, 사각형 GBFH의 넓이는?



- ① $a^2 - 2ab - b^2$ ② $a^2 + 3b^2 - 2ab$
③ $-a^2 + 3ab - 2b^2$ ④ $-a^2 + 3ab - b^2$
⑤ $-a^2 + 2ab - b^2$

해설

$$\begin{aligned}\square GBFH &= \square ABCD - \square AGHE - \square EFCD \\ &= ab - (a-b)^2 - b^2 = ab - (a^2 - 2ab + b^2) - b^2 \\ &= -a^2 + 3ab - 2b^2\end{aligned}$$

9. $(x+y)^n$ 을 전개할 때 항의 개수는 $n+1$ 개이다. 다항식 $(2a-3b)^3(2a+3b)^3$ 을 전개할 때, 항의 개수를 구하면 ?

- ① 7개 ② 8개 ③ 12개 ④ 13개 ⑤ 64개

해설

$$\begin{aligned} & (2a - 3b)^3(2a + 3b)^3)^4 \\ &= ((4a^2 - 9b^2)^3)^4 \\ &= (4a^2 - 9b^2)^{12} \\ \therefore & (4a^2 - 9b^2)^{12} \text{의 항의 개수는 } 13 \text{개이다.} \end{aligned}$$

10. $a^2 + b^2 + c^2 = 9$, $ab + bc + ca = 9$, $a + b + c$ 의 값은?

- ① $-3\sqrt{2}$ ② $-2\sqrt{3}$ ③ $\pm 3\sqrt{3}$
④ $\pm 3\sqrt{2}$ ⑤ $\sqrt{6}$

해설

$$\begin{aligned}(a+b+c)^2 &= a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \\&= 9 + 18 = 27\end{aligned}$$

$$\therefore a+b+c = \pm 3\sqrt{3}$$

11. 두 다항식 A , B 에 대하여 $A + B = -x^3 - 2x^2 + 4x + 5$, $2A - B = 4x^3 - x^2 - x + 1$ 일 때, 두 다항식 A , B 를 구하면?

① $A = x^3 + x^2 + x + 2$, $B = -2x^3 - 3x^2 + 3x + 3$

② $\textcircled{A} A = x^3 - x^2 + x + 2$, $B = -2x^3 - x^2 + 3x + 3$

③ $A = x^3 - x^2 + x - 2$, $B = -2x^3 - x^2 + 3x + 7$

④ $A = x^3 - x^2 - x + 2$, $B = -2x^3 - x^2 + 5x + 3$

⑤ $A = 3x^3 - 3x^2 + 3x + 6$, $B = -4x^3 + x^2 + x - 1$

해설

$$A + B = -x^3 - 2x^2 + 4x + 5 \cdots \textcircled{\text{1}}$$

$$2A - B = 4x^3 - x^2 - x + 1 \cdots \textcircled{\text{2}}$$

$$(\textcircled{\text{1}} + \textcircled{\text{2}}) \div 3 : A = x^3 - x^2 + x + 2$$

$$(2\textcircled{\text{1}} - \textcircled{\text{2}}) \div 3 : B = -2x^3 - x^2 + 3x + 3$$

12. 두 다항식 $A = a + 2b$, $B = 2a + 3b$ 일 때, $2A + B$ 를 구하는 과정에서 사용된 연산법칙 중 옳지 않은 것을 골라라.

$$\begin{aligned}2A + B &= 2(a + 2b) + (2a + 3b) \\&= (2a + 4b) + (2a + 3b) \text{ ⑦ 분배법칙} \\&= 2a + (4b + 2a) + 3b \text{ ⑧ 결합법칙} \\&= 2a + (2a + 4b) + 3b \text{ ⑨ 교환법칙} \\&= (2a + 2a) + (4b + 3b) \text{ ⑩ 교환법칙} \\&= (2+2)a + (4+3)b \text{ ⑪ 분배법칙} \\&= 4a + 7b\end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: ⑩

해설

⑩ $2a + (2a + 4b) + 3b = (2a + 2a) + (4b + 3b)$: 결합법칙

13. 다항식 $f(x)$ 를 $x+1$ 로 나눈 몫을 $Q(x)$, 나머지를 R 이라고 할 때,
 $xf(x) - 3$ 을 $x+1$ 로 나눈 몫과 나머지는?

- ① $xQ(x), -R - 3$
② $xQ(x), -R + 3$
③ $xQ(x), -R - 6$
④ $xQ(x) + R, -R - 3$
⑤ $xQ(x) + R, -R + 3$

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (x+1)Q(x) + R \\ \therefore xf(x) &= x(x+1)Q(x) + xR \\ \therefore xf(x) - 3 &= x(x+1)Q(x) + xR - 3 \\ &= (x+1)\{xQ(x)\} + (x+1)R - R - 3 \\ &= (x+1)\{xQ(x) + R\} - R - 3\end{aligned}$$

14. 다음 $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 수를 차례대로 써 넣어라.

$$(x^3 + 4x^2 + 3x - 2) \div (\boxed{\quad}x^2 + \boxed{\quad}x + \boxed{\quad}) = x + 2$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 1

▷ 정답: 2

▷ 정답: -1

해설

$$\boxed{\quad}x^2 + \boxed{\quad}x + \boxed{\quad} = A \text{ 라 하면}$$

$$(x^3 + 4x^2 + 3x - 2) \div A = x + 2$$

$$\therefore A = (x^3 + 4x^2 + 3x - 2) \div (x + 2)$$

$$\therefore A = x^2 + 2x - 1 \text{ 이므로}$$

$\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 수는 차례대로 1, 2, -1이다.

15. $x + y + z = 1$, $xy + yz + zx = 2$, $xyz = 3$ 일 때, $(x+y)(y+z)(z+x)$ 의 값을 구하면?

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned}x + y + z &= 1 \quad | \cdot xyz \\x + y &= 1 - z \\y + z &= 1 - x \\z + x &= 1 - y \\(x + y)(y + z)(z + x) &= (1 - z)(1 - x)(1 - y) \\&= 1 - (x + y + z) + (xy + yz + zx) - xyz \\&= 1 - 1 + 2 - 3 = -1\end{aligned}$$

16. 다음 중 식의 전개가 바르지 않은 것을 고르면?

- ① $(1 - x)(1 + x + x^2) = 1 - x^3$
② $(x^2 + xy + y^2)(x^2 - xy + y^2) = x^4 + x^2y^2 + y^4$
③ $(x - 3)(x - 2)(x + 1)(x + 2) = x^4 - 8x^2 + 12$
④ $(a - b)(a + b)(a^2 + b^2)(a^4 + b^4) = a^8 - b^8$
⑤ $(a + b - c)(a - b + c) = a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$

해설

$$\begin{aligned}(x - 3)(x - 2)(x + 1)(x + 2) \\&= (x^2 - x - 6)(x^2 - x - 2) \\&x^2 - x = Y \text{ 라 놓자.} \\(Y - 6)(Y - 2) &= Y^2 - 8Y + 12 \\&= (x^2 - x)^2 - 8(x^2 - x) + 12 \\&= x^4 - 2x^3 - 7x^2 + 8x + 12\end{aligned}$$

17. 다음 식을 전개한 것 중 옳은 것을 고르면?

- ① $(x - y - z)^2 = x^2 - y^2 - z^2 - 2xy + 2yz - 2zx$
- ② $(3x - 2y)^3 = 27x^3 - 54x^2y + 18xy^2 - 8y^3$
- ③ $(x + y)(x - y)(x^2 + xy - y^2)(x^2 - xy + y^2) = x^9 - y^9$
- ④ $(x^2 - 2xy + 2y^2)(x^2 + 2xy + 2y^2) = x^4 + 4y^4$
- ⑤ $(x + y - 1)(x^2 + y^2 - xy + 2x + 2y + 1) = x^3 + y^3 - 3xy - 1$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad & (x - y - z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 - 2xy - 2yz - 2zx \\ \textcircled{2} \quad & (3x - 2y)^3 = 27x^3 - 54x^2y + 36xy^2 - 8y^3 \\ \textcircled{3} \quad & (x + y)(x - y)(x^2 + xy + y^2)(x^2 - xy + y^2) \\ & \quad = x^6 - y^6 \\ \textcircled{5} \quad & (x + y - 1)(x^2 + y^2 - xy + x + y + 1) \\ & \quad = x^3 + y^3 - 3xy - 1 \end{aligned}$$

18. $(1 + 2x - 3x^2 + 4x^3 - 5x^4 + 6x^5 + 7x^6)^2$ 의 전개식에서 x^3 의 계수는?

- ① 0 ② 2 ③ -2 ④ 4 ⑤ -4

해설

x^3 을 만들 수 있는 것은
(3차항) \times (상수항), (2차항) \times (1차항)
2쌍씩이다.

$$4 \times 1 \times 2 + (-3) \times 2 \times 2 = 8 + (-12) = -4$$

19. $(-2x^3 + x^2 + ax + b)^2$ 의 전개식에서 x^3 의 계수가 -8 일 때, $a - 2b$ 의 값은?

- ① -6 ② -4 ③ -2 ④ 0 ⑤ 2

해설

전개할 때 삼차항은 일차항과 이차항의 곱, 삼차항과 상수항의 곱이 각각 2개씩 나온다.

$$(-2x^3 \times b) \times 2 + (x^2 \times ax) \times 2 = (-4b + 2a)x^3$$

$$2a - 4b = -8$$

$$\therefore a - 2b = -4$$

20. 세 실수 a, b, c 가 다음 세 조건을 만족한다.

$$a + b + c = 1, ab + bc + ca = 1, abc = 1$$

○] 때, $(a + b)(b + c)(c + a)$ 의 값은?

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 4

해설

$$\begin{aligned} a + b + c &= 1 \text{에서} \\ a + b &= 1 - c, b + c = 1 - a, c + a = 1 - b \\ (a + b)(b + c)(c + a) &= (1 - c)(1 - a)(1 - b) \\ &= 1 - (a + b + c) + (ab + bc + ca) - abc \\ &= 1 - 1 + 1 - 1 = 0 \end{aligned}$$

21. $(x - 1)(x - 3)(x - 5)(x - 7) + a$ 가 이차식의 완전제곱이 되도록 a 의 값을 정하면?

- ① 4 ② 8 ③ 12 ④ 15 ⑤ 16

해설

$$(준식) = (x^2 - 8x + 7)(x^2 - 8x + 15) + a$$

여기서, $x^2 - 8x + 7 = X$ 로 놓으면

$$(준식) = X(X + 8) + a$$

$$= X^2 + 8X + a = (X + 4)^2 + a - 16$$

따라서 $a = 16$

22. 다음 식의 분모를 0으로 만들지 않는 모든 실수 x 에 대하여 다음 식이 성립할 때, $a_1 + a_2 + \dots + a_{10}$ 의 값은?

$$\frac{1}{(x-1)(x-2)\cdots(x-10)} = \frac{a_1}{x-1} + \frac{a_2}{x-2} + \cdots + \frac{a_{10}}{x-10}$$

- ① 0 ② -1 ③ 1 ④ -10 ⑤ 10

해설

우변을 통분하여 x 에 대한 내림차순으로 정리하면,

$$(우변) = \frac{(a_1 + a_2 + \cdots + a_{10})x^9 + \cdots}{(x-1)(x-2)\cdots(x-10)}$$

양변의 계수를 비교하면

$$a_1 + a_2 + \cdots + a_{10} = 0$$

23. 삼각형의 세 변의 길이 a , b , c 에 대하여 $a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca$ 이 성립할 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

- ① 직각삼각형 ② 이등변삼각형
③ 정삼각형 ④ 직각이등변삼각형
⑤ 둔각삼각형

해설

$$a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca \text{에서 } a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca = 0$$

$$\frac{1}{2}(2a^2 + 2b^2 + 2c^2 - 2ab - 2bc - 2ca) = 0$$

$$\frac{1}{2}(a^2 - 2ab + b^2 + b^2 - 2bc + c^2 + c^2 - 2ca + a^2) = 0$$

$$\frac{1}{2}\{(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2\} = 0 \text{이므로,}$$

a, b, c 는 실수이므로, $a-b=0, b-c=0, c-a=0$

$$\therefore a=b=c$$

따라서, 주어진 삼각형은 정삼각형이다.

24. 실수 a, b, c 에 대하여 $a + b + c = 6$, $a^2 + b^2 + c^2 = 12$ 를 만족할 때,
 $a^3 + b^3 + c^3$ 의 값을 구하면?

- ① 8 ② 16 ③ 24 ④ 36 ⑤ 42

해설

공식 $a^2 + b^2 + c^2 = (a + b + c)^2 - 2(ab + bc + ca)$ 에 주어진
수를 대입하여

$(ab + bc + ca)$ 의 값을 구하면 $(ab + bc + ca) = 12$

$a^3 + b^3 + c^3 - 3abc = (a + b + c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca)$

에서

$a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca = 0$ 으로

$$\frac{1}{2} \{(a - b)^2 + (b - c)^2 + (c - a)^2\} = 0$$

$$\therefore a = b = c = 2$$
으로 $a^3 + b^3 + c^3 = 24$

25. $a + b = 4$, $a^2 + b^2 = 10$ 일 때, $a^5 + b^5$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 244

해설

$$\begin{aligned} a + b &= 4, a^2 + b^2 = 10 \\ ab &= \frac{1}{2}[(a + b)^2 - (a^2 + b^2)] = 3 \\ a^3 + b^3 &= (a + b)^3 - 3ab(a + b) = 28 \\ \therefore a^5 + b^5 &= (a^3 + b^3)(a^2 + b^2) - a^2b^2(a + b) \\ &= 28 \times 10 - 9 \times 4 \\ &= 244 \end{aligned}$$