

1.  $3^2 \times 5^2 \times 7^3$ ,  $2^4 \times 3^2 \times 5^2$  의 최대공약수는?

①  $2^2 \times 3^2$

②  $5 \times 7^2$

③  $2^3 \times 3^2 \times 7$

④  $2^2 \times 3 \times 7^2$

⑤  $3^2 \times 5^2$

해설

공통인 소인수를 모두 곱하는데 지수가 같으면 그대로, 다르면 작은 쪽을 택하여 곱한다.

$\therefore 3^2 \times 5^2 \times 7^3$ ,  $2^4 \times 3^2 \times 5^2$  의 최대공약수:  $3^2 \times 5^2$

2. 두 수  $2^4 \times 5^4$ ,  $2^3 \times 5^m \times 7$  의 최대공약수가  $2^3 \times 5^3$  일 때,  $m$  의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

최대공약수가  $2^3 \times 5^3$  이고

$2^4 \times 5^4$  에서 5 의 지수가 4 이므로

$2^3 \times 5^m \times 7$  에서 5 의 지수가 3 이어야 한다.

따라서  $m = 3$

3. 두 수  $4 \times x$ ,  $5 \times x$  의 최소공배수가 80 일 때,  $x$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$4 \times x$ ,  $5 \times x$  의 최소공배수는  $2^2 \times 5 \times x = 80$   
따라서  $x = 4$  이다.

4. 다음 수의 절댓값이 작은 수부터 차례로 쓰면?

$$-\frac{15}{7}, -\frac{11}{5}, \frac{7}{3}, -1$$

①  $-\frac{15}{7}, -1, \frac{7}{3}, -\frac{11}{5}$

③  $-1, -\frac{11}{5}, -\frac{15}{7}, \frac{7}{3}$

⑤  $-\frac{11}{5}, -\frac{15}{7}, -1, \frac{7}{3}$

②  $-1, -\frac{15}{7}, -\frac{11}{5}, \frac{7}{3}$

④  $-\frac{15}{7}, -\frac{11}{5}, -1, \frac{7}{3}$

해설

각각의 절댓값을 구해 보면  $\frac{15}{7}, \frac{11}{5}, \frac{7}{3}, 1$

따라서 절댓값이 작은 수부터 차례로 쓰면  $-1, -\frac{15}{7}, -\frac{11}{5}, \frac{7}{3}$ 이다.

5. 다음 수들에 대한 설명으로 옳은 것을 모두 고르면?

$$1.2, -\frac{3}{2}, -0.1, 5, 1\frac{2}{5}, \frac{10}{3}$$

- ① 세 번째로 작은 수는 1.2 이다.
- ② 가장 작은 수는  $-0.1$  이다.
- ③ 가장 작은 양수는 1.2 이다.
- ④ 1.2 보다 작은 수는 2개이다.
- ⑤ 절댓값이 가장 큰 수는  $1\frac{2}{5}$  이다.

### 해설

작은 수부터 차례로 나열하면

$$-\frac{3}{2}, -0.1, 1.2, 1\frac{2}{5}, \frac{10}{3}, 5 \text{ 이므로}$$

- ① 세 번째로 작은 수는 1.2 이다.
- ② 가장 작은 수는  $-\frac{3}{2}$  이다.
- ③ 가장 작은 양수는 1.2 이다.
- ④ 1.2 보다 작은 수는 2 개이다.
- ⑤ 절댓값이 가장 큰 수는 5 이다.

6. 수직선 위에 나타낸 두 수  $-7$ 와  $4$ 의 가운데 수를  $A$ ,  $-12$ 과  $-7$ 의 가운데 수를  $B$ 라 할 때, 두 수  $A$ ,  $B$  사이의 거리를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 8

해설

$$A = \frac{-7 + 4}{2} = -\frac{3}{2}, B = \frac{-12 - 7}{2} = -\frac{19}{2}$$

$$\begin{aligned}\therefore (A, B \text{ 사이의 거리}) &= \left| -\frac{19}{2} - \left(-\frac{3}{2}\right) \right| \\ &= \left| -\frac{19}{2} + \frac{3}{2} \right| \\ &= 8\end{aligned}$$

7. 두 수 A 와 B 의 최소공배수는 12 이고, 12 와 C 의 최소공배수는 24 이다. 세 수 A , B , C 의 공배수로 알맞은 것을 모두 고르면?(정답 2 개)

① 12

② 24

③ 36

④ 48

⑤ 60

### 해설

A 와 B 의 최소공배수는 12 이고, 두 수의 최소공배수인 12 과 C 의 최소공배수가 24 이므로, 세 수 A , B , C 의 최소공배수는 24 이다. 따라서 A , B , C , D 의 공배수는 24 의 배수이다.

8. 다음은 성영이가 다솔이에게 제시한 문제이다.

안에 들어갈 알맞은 숫자는 표에서 정수가 아닌 유리수를 모두 찾아 색칠하면 나타난다. 다솔이가 푼 문제의 답을 구하여라.

$\frac{11}{3}$	0	$\frac{18}{7}$	-9.5	$\frac{15}{10}$
$-\frac{12}{5}$	8	$\frac{15}{5}$	+2	1010.1
0.6	-5	$\frac{7}{8}$	$\frac{11}{3}$	2.5
$-\frac{9}{8}$	$\frac{9}{9}$	7	-8	$-\frac{5}{3}$
$-\frac{1}{15}$	4	0.5	7.1	9.5

- 15를 계산하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -2

### 해설

정수가 아닌 유리수를 모두 찾아 색칠하면 다음과 같다.

$\frac{11}{3}$	0	$\frac{18}{7}$	-9.5	$\frac{15}{10}$
$-\frac{12}{5}$	8	$\frac{15}{5}$	+2	1010.1
0.6	-5	$\frac{7}{8}$	$\frac{11}{3}$	2.5
$-\frac{9}{8}$	$\frac{9}{9}$	7	-8	$-\frac{5}{3}$
$-\frac{1}{15}$	4	0.5	7.1	9.5

따라서 안에 들어갈 숫자는 13이므로 다솔이가 푼 문제는  $13 - 15 = -2$ 이다.

9. 다음 수 중에서 음의 정수의 개수를  $a$ , 양의 정수의 개수를  $b$  라 할 때  $a - b$  를 구하여라.

$$-1\frac{1}{3}, \frac{12}{2}, 1\frac{3}{3}, -2, 5, 0.09, -\frac{6}{9}, 5\frac{2}{3}$$

$$-\frac{4}{4}, \frac{8}{6}, -5.69, -3, 1, -\frac{2}{15}, -\frac{10}{5}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

### 해설

양의 정수는 자연수에 + 부호를 붙인 수이고, 음의 정수는 자연수에 - 부호를 붙인 수이다.

$\frac{12}{2} = 6$  이므로 양의 정수이다.  $-\frac{4}{4} = -1$ ,  $-\frac{10}{5} = -2$  이므로

음의 정수에 속한다.

음의 정수는  $-2$ ,  $-\frac{4}{4}$ ,  $-3$ ,  $-\frac{10}{5}$  으로 4 개이므로  $a = 4$ , 양의

정수는  $\frac{12}{2}$ ,  $1\frac{3}{3}$ ,  $5$ ,  $1$  으로 4 개이므로  $b = 4$  이다.

따라서  $a - b = 0$  이다.

10. 다음 수 중에서 자연수가 아닌 정수의 개수는?

㉠ -6

㉡ +0.5

㉢  $-\frac{12}{3}$

㉣ 0

㉤  $+\frac{7}{4}$

㉥ 8

㉦ -2

① 1개

② 2개

③ 3개

④ 4개

⑤ 5개

해설

정수는 양의 정수, 0, 음의 정수로 나뉘어진다.

양의 정수 : 8

0

음의 정수 :  $-6, -\frac{12}{3} = -4, -2$

따라서 자연수가 아닌 정수는  $-6, -\frac{12}{3}, 0, -2$  의 4개이다.

11. 다음 보기의 수 중에서 그림의 색칠한 부분에 해당하는 수의 개수를 구하여라.



보기

㉠ 0

㉡ 1

㉢ -3

㉣  $+\frac{3}{4}$

㉤ +8

㉥  $-\frac{42}{7}$

▶ 답:            개

▷ 정답: 3 개

해설

그림의 색칠한 부분은 자연수가 아닌 정수이다.

따라서,  $-\frac{42}{7} = -6$  이므로 색칠한 부분에 해당하는 수는

0, -3,  $-\frac{42}{7}$  의 3 개이다.

12. 다음 보기를 보고 옳지 않은 것을 모두 고르면?

보기

- ㉠  $-4.3$     ㉡  $9$     ㉢  $+\frac{2}{7}$     ㉣  $-\frac{18}{3}$     ㉤  $0$   
㉥  $-2$

- ① 정수는 모두 4개이다.  
② 유리수는 모두 4개이다.  
③ 양수는 모두 2개이다.  
④ 음수는 모두 3개이다.  
⑤ 정수가 아닌 유리수는 3개이다.

해설

- ① 정수는  $9, -\frac{18}{3}, 0, -2$  의 4개이다.  
② 유리수는  $-4.3, 9, +\frac{2}{7}, -\frac{18}{3}, 0, -2$  의 6개이다.  
③ 양수는  $9, +\frac{2}{7}$  의 2개이다.  
④ 음수는  $-4.3, -\frac{18}{3}, -2$  의 3개이다.  
⑤ 정수가 아닌 유리수는  $-4.3, +\frac{2}{7}$  의 2개이다.

13. 다음 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 정수는 음의 정수, 0, 양의 정수로 이루어져 있다.
- ② 제일 큰 음의 정수는  $-1$  이다.
- ③ 절댓값이 가장 작은 정수는  $0$  이다.
- ④ 수직선에 나타낼 수 없는 유리수도 있다.
- ⑤ 두 정수 사이에는 무수히 많은 유리수가 존재한다.

해설

④ 모든 유리수는 수직선에 나타낼 수 있다.

14.  $-4\frac{1}{3}$  보다 작은 수 중에서 가장 큰 정수를  $a$ ,  $\frac{7}{2}$  보다 큰 수 중에서 가장 작은 정수를  $b$  라 할 때,  $b - a$  의 값은?

①  $-9$

②  $-7$

③  $2$

④  $6$

⑤  $9$

해설

$-4\frac{1}{3}$  보다 작은 수 중에서 가장 큰 정수  $a = -5$

$\frac{7}{2}$  보다 큰 수 중에서 가장 작은 정수  $b = 4$

$$\therefore b - a = 4 - (-5) = 9$$

15. 가로 10 cm, 세로 18 cm 인 직사각형 모양의 타일로 한 변의 길이가 1 m 보다 큰 정사각형을 만들 때, 최소한 몇 장의 타일이 필요한지 구하여라.

▶ 답: 장

▷ 정답: 180장

### 해설

정사각형의 한 변의 길이는 10 과 18 의 공배수 중 세 자리의 가장 작은 자연수이다. 10 과 18 의 최소공배수는 90 이고, 90 의 배수 중 세 자리의 가장 작은 수는 180 이므로 정사각형의 한 변의 길이는 180 cm 이다.

따라서 필요한 타일의 개수는  $(180 \div 10) \times (180 \div 18) = 18 \times 10 = 180$  (장) 이다.

16. 어떤 자연수를 5로 나누면 3 이 남고, 6 으로 나누면 4 가 남고, 7 로 나누면 5 가 남는다고 한다. 이러한 조건을 만족하는 자연수 중에서 가장 작은 수는?

① 207

② 208

③ 209

④ 210

⑤ 211

### 해설

5, 6, 7 로 나누면 항상 2 가 부족하므로 구하는 수를  $x$  라 하면  $x + 2$  는 5, 6, 7 의 공배수이다.

5, 6, 7 의 최소공배수는 210 이므로 210 의 배수 중 가장 작은 수는 210 이다.

따라서  $x + 2 = 210$  이므로  $x = 208$  이다.

17. 두 유리수  $a, b$  에 대하여  $|a| = |b|$ ,  $a - b = \frac{12}{5}$  일 때,  $b$  의 값을 구하여라.

①  $\frac{12}{5}$

②  $-\frac{12}{5}$

③  $\frac{6}{5}$

④  $-\frac{6}{5}$

⑤  $-\frac{18}{5}$

해설

절댓값이 같으므로  $a, b$  는 원점에서 같은 거리만큼 떨어진 수이다.  $a - b = \frac{12}{5}$  이므로 두 수 사이의 거리가  $\frac{12}{5}$  이고  $a = -b$

이므로  $a = \frac{12}{5} \div 2 = \frac{12}{5} \times \frac{1}{2} = \frac{6}{5}$  이다.

$$\therefore b = -\frac{6}{5}$$

18.  $A = \{x \mid \text{는 } -6 \text{보다 작지 않고 } 3 \text{ 미만인 정수}\}$  일 때,  $n(A)$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

$A = \{-6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2\}$  이므로  
 $n(A) = 9$  이다.

19. 분모가 24 인 기약분수 중 2 보다 크고 3 보다 작은 수의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 20

해설

$$\frac{48}{2} < \frac{x}{24} < \frac{72}{24}, 24 = 2^3 \times 3$$

→  $x$  는 48 보다 크고 72 보다 작은 수 중  $2 \times 3$  과 서로소인 수이다.

$$\rightarrow x = 49, 53, 55, 59, 61, 65, 67, 71$$

∴ 분모가 24 인 기약분수 중 2 보다 크고 3 보다 작은 수의

$$\text{합} = \frac{(49 + 53 + 55 + 59 + 61 + 65 + 67 + 71)}{24} = 20$$

20. 세 자연수  $a, b, c$  의 최대공약수를  $[a, b, c]$  로 정의한다.  $x$  는 100 이하의 자연수라 할 때,  $[x, 105] = k, k = [a, b, c]$  이고,  $[a, b] = 6, [b, c] = 9, [c, a] = 21$  이다. 이 때,  $x$  의 개수를 구하여라.

▶ 답:            개

▷ 정답: 23개

### 해설

$[a, b] = 6, [b, c] = 9, [c, a] = 21$  이므로,  $[a, b, c] = 3$  이다.

$[x, 105] = 3$  이 되려면  $x$  는 3 의 인수를 가지면서 5 와 7 의 인수를 가지면 안 된다.

따라서  $x$  는 100 이하의 수 중 3 의 배수이면서 5 의 배수이거나 7 의 배수가 아닌 수이다.

이것은 3 의 배수의 개수를 구한 후 15 의 배수와 21 의 배수를 빼면 된다.

$$\therefore 33 - 6 - 4 = 23$$