

1. 연립부등식  $\begin{cases} 10 - 2x \geq 3x \\ x - a > -3 \end{cases}$  이 해를 갖지 않도록 하는 상수  $a$ 의 값의 범위는?

- ①  $a > 2$       ②  $a \leq 2$       ③  $a \geq 5$   
④  $a \leq 5$       ⑤  $2 < a < 5$

해설

$$\begin{aligned} \begin{cases} 10 - 2x \geq 3x \\ x - a > -3 \end{cases} &\rightarrow \begin{aligned} 2 \geq x \\ x > a - 3 \end{aligned} \\ a - 3 \geq 2 \\ \therefore a \geq 5 \end{aligned}$$

2.  $2x + y = 3$  일 때,  $x^2 + xy + 1$  의 최댓값을 구하면?

- ①  $\frac{11}{4}$       ② 3      ③  $\frac{13}{4}$       ④  $\frac{7}{2}$       ⑤  $\frac{15}{4}$

해설

$2x + y = 3$ 에서  $y = -2x + 3$ 이다.

$$x^2 + xy + 1 = x^2 + x(-2x + 3) + 1$$

$$= -x^2 + 3x + 1$$

$$= -\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{13}{4}$$

따라서 최댓값은  $\frac{13}{4}$ 이다.

3. 연립이차방정식  $\begin{cases} 3x^2 + y = 6 \\ 9x^2 - y^2 = 0 \end{cases}$  를 만족시키는  $x$  값을 모두 더하면?

① 0      ② 15      ③ 10      ④ -10      ⑤ -15

해설

$$\begin{aligned} 9x^2 - y^2 &= 0 \quad || \quad 3x^2 + y = 6 \text{ 대입}. \\ 9x^2 - (3x^2 - 6)^2 &= -9x^4 + 45x^2 - 36 = 0 \\ x^4 - 5x^2 + 4 &= (x^2 - 4)(x^2 - 1) = 0 \\ x = \pm 1, \pm 2 & \\ x \text{의 합} : +1 - 1 + 2 - 2 &= 0 \end{aligned}$$

4.  $(4+3)(4^2+3^2)(4^4+3^4)(4^8+3^8)$  을 간단히 하면?

- ①  $4^8 + 3^8$       ②  $4^{15} - 3^{15}$       ③  $4^{15} + 3^{15}$   
④  $4^{16} - 3^{16}$       ⑤  $4^{16} + 3^{16}$

해설

$$\begin{aligned}(4+3)(4^2+3^2)(4^4+3^4)(4^8+3^8) \\&= (4-3)(4+3)(4^2+3^2)(4^4+3^4)(4^8+3^8) \\&= (4^2-3^2)(4^2+3^2)(4^4+3^4)(4^8+3^8) \\&= (4^4-3^4)(4^4+3^4)(4^8+3^8) \\&= (4^8-3^8)(4^8+3^8) \\&= 4^{16}-3^{16}\end{aligned}$$

5. 두 다항식  $f(x) = x^3 + x^2 + ax - 3$ ,  $g(x) = x^3 - x^2 + bx + 3$ 의 최대공약수  $G(x)$ 가  $x$ 의 이차식일 때,  $ab$ 를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= x^3 + x^2 + ax - 3 \\g(x) &= x^3 - x^2 + bx + 3 \\f(x) - g(x) &= 2x^2 + (a - b)x - 6 \\f(x) + g(x) &= 2x^3 + (a + b)x \\&= x\{2x^2 + (a + b)\} \\G(x) &\vdash f(x) - g(x), f(x) + g(x) \text{ 의 공약수이}\} \text{다.} \\\therefore 2x^2 + (a - b)x - 6 &= 2x^2 + (a + b) \\a - b = 0, a + b &= -6 \\\therefore a = -3, b = -3, ab &= 9\end{aligned}$$