- 1. x 에 대한 다항식  $4x^3 3x^2 + ax + b$  가(x+1)(x-3)을 인수로 갖도록 a+b의 값을 정하여라. ▶ 답:

▷ 정답: -37

해설  $P(x) = 4x^3 - 3x^2 + ax + b$ 라 하고 P(x) 가

(x+1)(x-3)을 인수로 가지려면 P(-1) = P(3) = 0

P(-1) = -4 - 3 - a + b = 0 : a - b = -7

P(3) = 108 - 27 + 3a + b = 0 : 3a + b = -81 $\therefore a = -22, b = -15$ 

2.  $\frac{k}{3}(k+1)(k+2) + (k+1)(k+2)$  와 같은 것은?

① 
$$\frac{1}{6}(k+1)(k+3)(k+4)$$
 ②  $\frac{1}{3}k(k+1)(k+2)$  ③  $\frac{1}{3}(k+1)(k+2)(k+3)$  ④  $\frac{1}{3}k(k+1)(k+2)(k+3)$  ⑤  $\frac{1}{4}(k+1)(2k+1)(3k+2)$ 

 $(k+1)(k+2) = \frac{3}{3}(k+1)(k+2)$ 이므로 공통인수  $\frac{1}{3}(k+1)(k+2)$  로 묶으면 (준 식)=  $\frac{1}{3}(k+1)(k+2)(k+3)$  **3.**  $\frac{2x+3a}{4x+1}$ 가 x에 관계없이 일정한 값을 가질 때, 12a의 값을 구하시오.

➢ 정답: 12a = 2

▶ 답:

 $\frac{2x+3a}{4x+1} = k \ (일정값 = k \ ) 라 놓으면 \ 2x+3a = k(4x+1) 에서$  (2-4k)x+3a-k=0 이 식은 x에 대한 항등식이므로,  $2-4k=0, \ 3a-k=0$   $k=\frac{1}{2} 이므로 \ 3a=k 에서 \ a=\frac{1}{6}$   $\therefore \ 12a=2$ 

 $\therefore 12a = 2$ 

**4.**  $\frac{2x + ay - b}{x - y - 1}$ 가  $x - y - 1 \neq 0$ 인 어떤 x, y의 값에 대하여도 항상 일정한 값을 가질 때, a - b의 값을 구하여라.

답:▷ 정답: -4

 $\frac{2x + ay - b}{x - y - 1} = k 라 놓으면$ 

2x + ay - b = k(x - y - 1)x, y에 대하여 정리하면,

(2-k)x + (a+k)y - b + k = 0위의 식이 x, y에 대한 항등식이어야 하므로

 $2 - k = 0, \ a + k = 0, \ -b + k = 0$  $\therefore k = 2, \ a = -2, \ b = 2$ 

 $\therefore a-b=-4$ 

- **5.** x에 대한 다항식  $x^3 + ax^2 x + b = x 3$ 로 나누었을 때 몫과 나머지를 다음과 같은 조립제법으로 구하려고 한다. a+b+c+d+k의 값을 구하면?
  - $k \mid 1 \quad a \quad -1 \quad b$ c d 33 1 4 11 37
- ① 19 ② 20 ③ 21 ④ 22
- **(5)** 23

다항식  $x^3 + ax^2 - x + b$ 를 x - 3로 나누었을 때의 몫과 나머지를

해설

조립제법을 이용하여 구하면 다음과 같다.  $3 \mid 1 \qquad a \qquad -1$ 

이므로 k = 3, c = 3, a = 1, d = 12, b = 4따라서 a+b+c+d+k=1+4+3+12+3=23

- 다항식  $2x^2 + xy + 5x y^2 + 2y + 3$ 가 (2x + ay + b)(x + cy + d)로 인수분해 될 때, a, b, c, d의 값을 차례로 적은 것은? **6.** 

  - ① 1, 3, 1, 1 ② 1, 3, -1, 1

 $= \{2x - (y-3)\}\{x + (y+1)\}$ = (2x - y + 3)(x + y + 1)

 $\therefore a = -1, b = 3, c = 1, d = 1$ 

- **3**-1, 3, 1, 1
- 4 -1, 3, -1, 1 5 -1, -3, 1, 1

(준식) =  $2x^2 + (y+5)x - (y^2 - 2y - 3)$ 

해설

- 7. 다항식  $P(x) = x^4 + 2x^3 + kx^2 2x + 8$ 가 x 1로 나누어 떨어지도록 상수 k의 값을 정할 때 다음 중 P(x)의 인수가 <u>아닌</u> 것은?
  - (4) x + 2 (5) x + 4① x-1 ② x+1 ③ x-2

P(x) = (x-1) Q(x)

- $\therefore P(1) = 1 + 2 + k 2 + 8 = 0$  $\therefore k = -9$
- $\therefore P(x) = x^4 + 2x^3 9x^2 2x + 8$

해설

- = (x-1)(x-2)(x+1)(x+4)

- **8.** 다항식  $x^{51} + 30$ 을 x + 1로 나누었을 때의 몫을 Q(x)라 하자. 이때, Q(x)를 x-1로 나눈 나머지를 구하면?
  - **③**1 ① -3 ② -2 ③ -1 ④ 0

 $x^{51}+30=(x+1)Q(x)+R$  이라 하면 x = -1을 대입하면 R = 29

 $x^{51} + 30 = (x+1)Q(x) + 29$ 

Q(x)를 x-1로 나눈 나머지는

Q(1), x = 1식에 대입

31 = 2Q(1) + 29 $\therefore Q(1) = 1$ 

해설

 $f(x) = 3x^3 - x + 2$  일 때,  $f(x+1) = Ax^3 + Bx^2 + Cx + D$ 이다. 이 9. 때, A + B + C + D의 값을 구하면 ?

③ 24 ④ 34 ⑤ 44 ① 4 2 14

 $f(x+1) = Ax^3 + Bx^2 + Cx + D$  에 x = 1 을 대입하면

f(2) = A + B + C + D이므로 f(2)를 구하기 위해서는

 $f(x) = 3x^3 - x + 2$  에 x = 2 를 대입하면  $f(2) = 3 \times 2^3 - 2 + 2 = 24$ 

해설

해설

x+1=t 라 하면,  $f(t) = A(t-1)^3 + B(t-1)^2 + C(t-1) + D$ 1 3 0 -1 2 1 3 3 2 4 1 3 6 8

 $\therefore A + B + C + D = 24$ 

 $\therefore A = 3, B = 9, C = 8, D = 4$ 

3 | 9

**10.**  $x^4 - 11x^2 + 1$  이  $(x^2 + ax + b)(x^2 + 3x + b)$ 로 인수분해될 때, a + b의 값은?

해설

① -1 ② -2 ③ -3 ④ -4 ⑤ -5

 $x^4 - 11x^2 + 1 = (x^2 - 1)^2 - 9x^2$  $= (x^2 - 1)^2 - (3x)^2$  $= (x^2 - 3x - 1)(x^2 + 3x - 1)$  $= (x^2 + ax + b)(x^2 + 3x + b)$  $\therefore a = -3, b = -1$  $\therefore a+b=-4$ 

- **11.**  $x^{100}$  을 x+2 로 나눈 몫을  $a_{0+}a_1x+a_2x^2+\cdots+a_{99}x^{99}$  라 할 때,  $a_0+a_1+a_2+\cdots+a_{99}$  의 값을 구하면? ①  $\frac{1}{5}(1-2^{100})$  ②  $\frac{1}{6}(1-2^{100})$  ③  $\frac{1}{4}(1-2^{100})$  ④ 3  $\frac{1}{4}(1-2^{100})$

- ( i )  $f(x) = x^{100} = (x+2)Q(x) + R$  라 하면  $f(-2) = 2^{100} = R$ 
  - $R = 2^{100}$
  - f(1) = 3Q(1) + R
- $\therefore Q(1) = \frac{1}{3}(1 R) = \frac{1}{3}(1 2^{100})$ (ii)  $Q(x) = a_0 + a_1 x + \dots + a_{99} x^{99}$   $\therefore Q(1) = a_0 + a_1 + \dots + a_{99}$
- - $\therefore a_0 + a_1 + \dots + a_{99} = Q(1) = \frac{1}{3}(1 2^{100})$

- **12.** x에 대한 항등식 $x^{1997}+x+1$ 을 $x^2-1$ 로 나누었을 때의 몫을 Q(x)라 할 때, Q(x)의 모든 계수와 상수항의 합을 구하면?
  - ① 997 ② 998 ③ 1997 ④  $\frac{1997}{2}$  ⑤  $\frac{1997}{3}$

 $x^{1997} + x + 1 = (x^2 - 1)Q(x) + ax + b$ 라 하면 x = 1일 때, 3 = a + b x = -1일 때, -1 = -a + b  $\therefore a = 2, b = 1$   $\therefore x^{1997} + x + 1 = (x^2 - 1)Q(x) + 2x + 1$   $x^{1997} - x = (x^2 - 1)Q(x)$   $x(x - 1)(x^{1995} + x^{1994} + \dots + x + 1)$ 

= (x-1)(x+1)Q(x)  $\therefore x(x^{1995} + x^{1994} + \dots + x+1) = (x+1)Q(x)$  $Q(1) \circ Q(x) \circ Q(x) \circ Q(x)$  모든 계수의 합이므로 x=1을 대입하면

2Q(1) = 1996 :  $Q(1) = \frac{1996}{2} = 998$