

1. 다음 그림에서 두 점을 지나는 직선을 그었을 때, 만들 수 있는 직선의 개수는?

A
•

•D

B•

•C

① 4개

② 5개

③ 6개

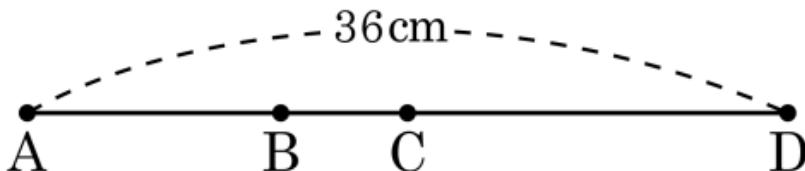
④ 7개

⑤ 8개

해설

직선을 그어보면 6개이다.

2. 다음 그림에서 $3\overline{AB} = \overline{AD}$, $4\overline{BC} = \overline{BD}$, $\overline{AD} = 36\text{ cm}$ 일 때, \overline{CD} 의 길이는?



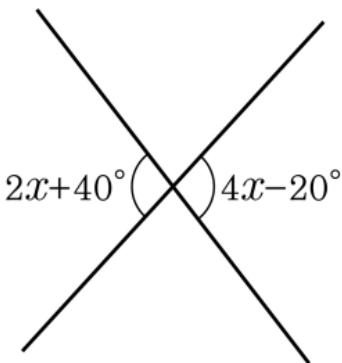
- ① 16cm ② 18cm ③ 20cm ④ 22cm ⑤ 24cm

해설

$$\overline{AB} = 12\text{ cm}, \overline{BD} = 36 - 12 = 24(\text{ cm})$$

따라서 $\overline{CD} = 18\text{ cm}$ 이다.

3. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

—[°]

▷ 정답 : 30°

해설

$$2x + 40^\circ = 4x - 20^\circ$$

$$\therefore \angle x = 30^\circ$$

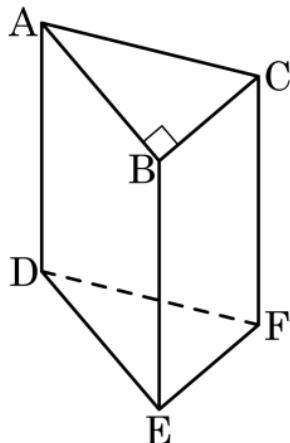
4. 공간에 있는 두 직선의 위치가 다음과 같을 때, 서로 평행한 것은?

- ① 한 평면 위에 있는 두 직선
- ② 한 평면에 평행한 두 직선
- ③ 꼬인 위치에 있는 두 직선
- ④ 한 직선에 수직인 두 직선
- ⑤ 한 평면에 수직인 두 직선

해설

나머지는 공간에서 평행하지 않은 위치로도 존재할 수 있다.

5. 다음 도형에서 면 ABC 와 평행인 모서리의 개수를 구하여라.



▶ 답 : 개

▷ 정답 : 3 개

해설

면 ABC 와 평행인 모서리는 \overline{DE} , \overline{DF} , \overline{EF} 이다.

6. 다음 그림은 점 P를 지나며 직선 l 과 평행한
직선 m 을 작도한 것이다. 작도하는 순서로
바른 것은?

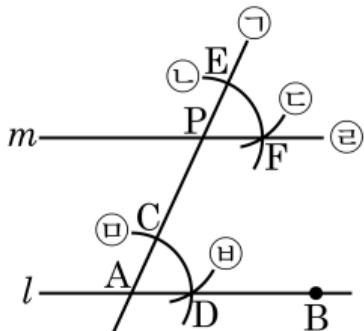
① ㉠ → ㅁ → ㄴ → ㅂ → ㄷ → ㄹ

② ㉠ → ㄴ → ㅁ → ㅂ → ㄷ → ㄹ

③ ㉠ → ㄴ → ㅁ → ㄷ → ㅂ → ㄹ

④ ㉠ → ㅁ → ㄴ → ㄷ → ㅂ → ㄹ

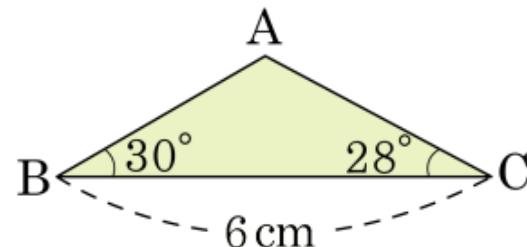
⑤ ㉠ → ㅂ → ㄴ → ㄷ → ㅁ → ㄹ



해설

‘동위각의 크기가 같으면 두 직선은 서로 평행하다.’는 성질을
이용하여 작도하면 ㉠ → ㅁ → ㄴ → ㅂ → ㄷ → ㄹ

7. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\angle A$ 의 대변의 길이를 a cm, \overline{AC} 의 대각의 크기를 b° 라 할 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 36

해설

$$a = 6, b = 30$$

$$\therefore a + b = 6 + 30 = 36$$

8. 다음 중 삼각형이 하나로 결정되는 것은?

보기

- ㉠ 세 각의 크기를 알 때
- ㉡ 한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기를 알 때
- ㉢ 세 변의 길이를 알 때
- ㉣ 두 변의 길이와 한 각의 크기를 알 때

- ① ㉠, ㉡ ② ㉠, ㉢ ③ ㉡, ㉢ ④ ㉡, ㉣ ⑤ ㉢, ㉣

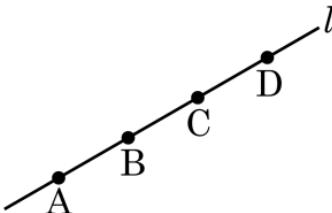
해설

삼각형이 하나로 결정되는 조건

- 세 변의 길이가 주어질 때
- 두 변의 길이와 그 끝각의 크기가 주어질 때
- 한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기가 주어질 때

삼각형의 세 각만 주어지거나, 두 변과 그 끝각이 아닌 다른 각이 주어진 경우, 삼각형이 하나로 결정되지 않는다.

9. 다음 그림과 같이 직선 l 위에 4 개의 점이 차례로 있다. 옳지 않은 것은?

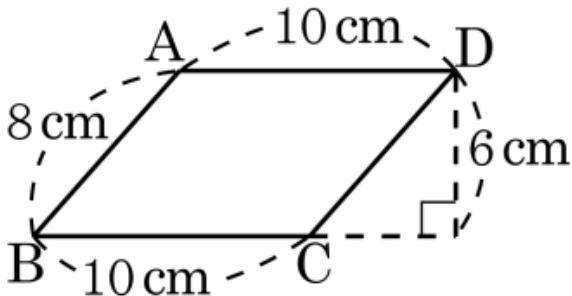


- ① $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AC}$
- ② $\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{CB}$
- ③ \overrightarrow{BC} 와 \overrightarrow{CA} 의 공통부분은 \overrightarrow{BC} 이다.
- ④ $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AD}$
- ⑤ \overrightarrow{BC} 와 \overrightarrow{DA} 의 합친부분은 l 이다.

해설

- ③ 시작점과 방향이 다르므로 $\overrightarrow{BC} \neq \overrightarrow{CB}$

10. 다음 그림에서 점 D와 \overline{BC} 사이의 거리는?

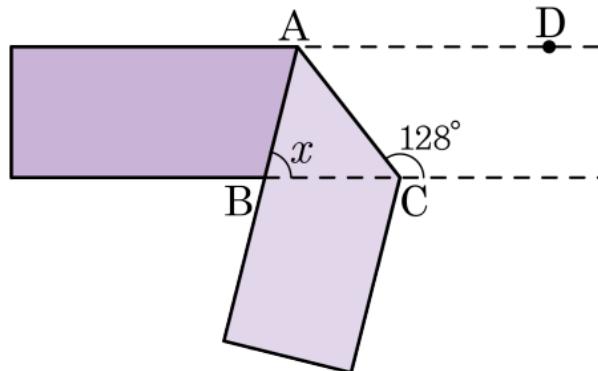


- ① 3cm ② 6cm ③ 8cm ④ 10cm ⑤ 16cm

해설

수직인 거리이므로 6 cm 이다.

11. 다음 그림과 같이 직사각형 모양의 종이를 접었을 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 72° ② 74° ③ 76° ④ 78° ⑤ 80°

해설

$$\angle ACB = 180^\circ - 128^\circ = 52^\circ = \angle DAC \text{ (엇각)}$$

$$\angle BAC = \angle DAC = 52^\circ \text{ (접은 각)}$$

$$\triangle ABC \text{에서 } \angle x = 180^\circ - (52^\circ + 52^\circ) = 76^\circ$$

12. 다음 그림과 같이 한 직선과 한 점이 있다. 점 P를 지나는 직선을 그을 때, 직선 l 과 평행한 직선의 개수를 a , 수직인 직선의 개수를 b 라고 할 때, $a + b$ 의 값은?

P
•



- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설

각각 1 개이므로 합은 2 이다.

13. 다음 중 한 평면 위의 두 직선의 위치 관계를 모두 고르면?

보기

- ㉠ 한 점에서 만난다.
- ㉡ 두 점에서 만난다.
- ㉢ 서로 평행하다.
- ㉣ 세 점에서 만난다.
- ㉤ 무수히 많은 점에서 만난다.

① ㉠, ㉢, ㉣

② ㉠, ㉢, ㉤

③ ㉡, ㉢, ㉤

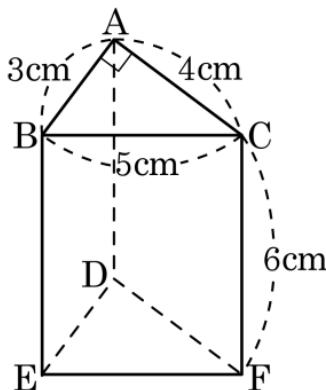
④ ㉠, ㉤

⑤ ㉢, ㉤

해설

㉤은 평면 위에 두 직선이 일치하는 경우이다.

14. 다음 그림과 같이 밑면이 직각삼각형인 삼각기둥에서 점 F 와 면 ABC 사이의 거리를 $a\text{cm}$, 점 E 와 면 ADFC 사이의 거리를 $b\text{cm}$, 점 C 와 면 ABED 사이의 거리를 $c\text{cm}$, 점 A 와 면 DEF 사이의 거리를 $d\text{cm}$ 라고 할 때, $a + b + c - d$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 7

해설

점 F 와 면 ABC 사이의 거리 = $\overline{CF} = 6\text{cm} = a\text{cm}$

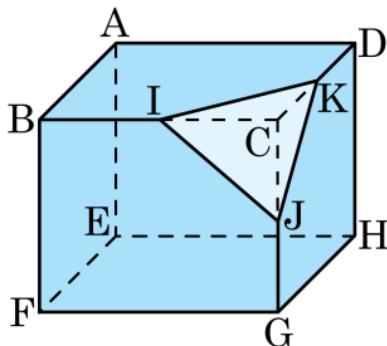
점 E 와 면 ADFC 사이의 거리 = $\overline{DE} = 3\text{cm} = b\text{cm}$

점 C 와 면 ABED 사이의 거리 = $\overline{AC} = 4\text{cm} = c\text{cm}$

점 A 와 면 DEF 사이의 거리 = $\overline{AD} = 6\text{cm} = d\text{cm}$

$$\therefore a + b + c - d = 6 + 3 + 4 - 6 = 7$$

15. 다음 도형처럼 직육면체의 한 꼭짓점을 잘라내었을 때, \overline{JG} 와 꼬인 위치에 있는 모서리(모서리)은 모두 몇 개인지 구하여라.



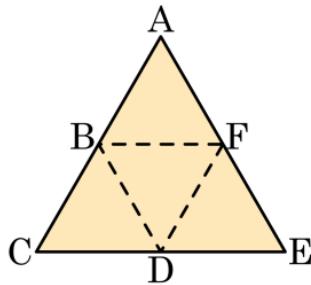
▶ 답 : 개

▷ 정답 : 5개

해설

\overline{JG} 와 꼬인 위치에 있는 모서리는
 \overline{AB} , \overline{AD} , \overline{EF} , \overline{EH} , \overline{IK} 이다.

16. 아래 그림과 같은 전개도로 만든 삼각뿔에서 \overline{BF} 와 만나지 않는 모서리는 무엇인지 모두 구하여라.(단, 모서리 $AB = \overline{AB}$ 꼴로 표기)



▶ 답:

▶ 답:

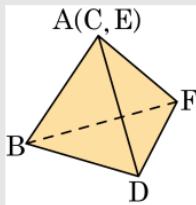
▶ 답:

▷ 정답: \overline{AD} 또는 \overline{DA}

▷ 정답: \overline{CD} 또는 \overline{DC}

▷ 정답: \overline{DE} 또는 \overline{ED}

해설



펼쳐진 전개도를 접어서 입체도형을 만들면 삼각뿔에서 \overline{BF} 와 만나지 않는 모서리는 \overline{AD} 이다.

17. 다음 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 한 직선에 평행한 서로 다른 두 직선은 평행하다.
- ② 공간에서 한 직선과 직교하는 서로 다른 두 직선은 평행하거나 만나거나 꼬인 위치에 있다
- ③ 두 점을 잇는 선 중에서 가장 짧은 것은 선분이다.
- ④ 공간에서 $l \parallel m$, $m \perp n$ 이면, $l \perp n$ 이다.
- ⑤ 공간에서 한 직선과 꼬인 위치에 있는 서로 다른 두 직선은 평행하거나 만나거나 꼬인 위치에 있다.

해설

- ④ 공간에서 $l \parallel m$, $m \perp n$ 이면, 직선 l , n 은 한 점에서 만나거나 꼬인 위치에 있다.

18. 다음 그림에서 \overline{AB} 의 중점을 점 C 라 하고 \overline{CB} 의 중점을 D 라 하자.
또한 \overline{AD} 의 중점을 점 E, \overline{AC} 의 중점을 점 F, \overline{DB} 의 중점을 G 라
할 때, \overline{EG} 는 \overline{AB} 의 몇 배인지 구하여라.



▶ 답 : 배

▷ 정답 : $\frac{1}{2}$ 배

해설

$\overline{AB} = x$ 라고 놓으면,

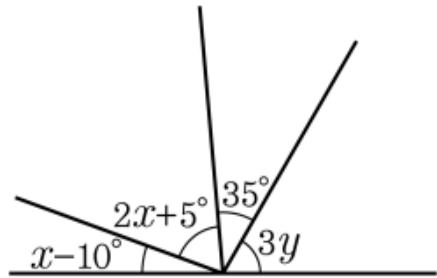
$$\overline{AC} = \overline{CB} = \frac{1}{2}x, \overline{CD} = \overline{DB} = \frac{1}{4}x, \overline{DG} = \frac{1}{8}x$$

$$\overline{AD} = \frac{3}{4}x, \overline{AE} = \frac{1}{2}\overline{AD} = \overline{ED} = \frac{3}{8}x$$

$$\overline{EG} = \overline{ED} + \overline{DG} = \frac{1}{2}x$$

$$\therefore \overline{EG} = \frac{1}{2}x = \frac{1}{2}\overline{AB}$$

19. 다음 그림에서 $\angle x + \angle y$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

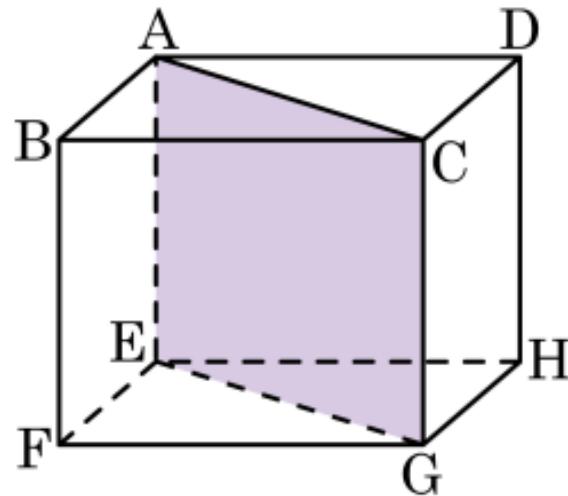
▶ 정답: 50 °

해설

$(x - 10^\circ) + (2x + 5^\circ) + 35^\circ + 3y = 180^\circ$ 이므로 $3(x + y) = 150^\circ$, 즉 $\angle x + \angle y = 50^\circ$ 이다.

20. 다음 그림의 직육면체에서 면 AEGC 와 수직인 면의 개수는?

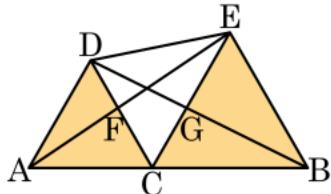
- ① 없다.
- ② 1 개
- ③ 2 개
- ④ 3 개
- ⑤ 4 개



해설

면 AEGC 와 수직인 면은 면 ABCD, 면 EFGH의 2 개이다.

21. 다음 그림에서 $\triangle DAC$, $\triangle ECB$ 가 정삼각형일 때, $\triangle AEC \cong \triangle DBC$ 임을 보이는 데 사용되는 합동조건은?

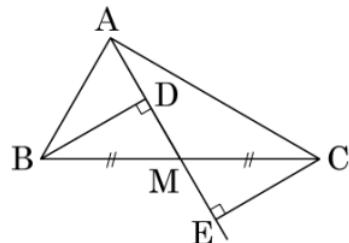


- ① 대응하는 세 변의 길이가 같다.
- ② 대응하는 세 각의 크기가 같다.
- ③ 두 삼각형의 넓이가 같다.
- ④ 대응하는 두 변의 길이가 같고, 그 끼인 각의 크기가 같다.
- ⑤ 대응하는 한 변의 길이가 같고, 그 양 끝각의 크기가 같다.

해설

- ④ $\overline{AC} = \overline{DC}$, $\overline{EC} = \overline{BC}$, $\angle ECA = \angle DCB$ 이므로 SAS 합동이다.

22. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 의 변 BC의 중점 을 M, 점 B와 C에서 직선 AM에 내린 수선의 발을 각각 D, E라 할 때 $\triangle BDM$ 과 $\triangle CEM$ 이 합동이 되는 조건은?



- ① SSS 합동 ② SAS 합동
③ ASA 합동 ④ AAA 합동
⑤ 합동이 아니다.

해설

$\triangle BDM$ 과 $\triangle CEM$ 에서

㉠ $\overline{BM} = \overline{MC}$

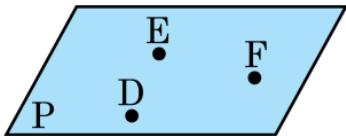
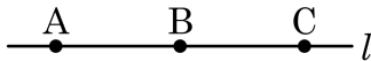
㉡ $\angle MBD = \angle MCE$ (엇각)

㉢ $\angle BMD = \angle EMC$ (맞꼭지각)

㉠, ㉡, ㉢에 의해

$\triangle BDM \equiv \triangle CEM$ (ASA 합동)

23. 다음 그림과 같이 세 점 A, B, C 는 직선 l 위에 있고, 세 점 D, E, F 는 평면 P 위에 있으며 일직선 위에 있지 않을 때, 이들 중 세 점으로 결정되는 평면의 개수를 구하여라.



▶ 답: 개

▷ 정답: 13 개

해설

(1) 직선 l 위의 두 점과 평면 P 위의 한 점으로 만들 수 있는 평면의 개수 : $1 \times 3 = 3$ (개)

점 A, B (또는 점 B, C , 또는 점 A, C)와 평면 P 의 한 점으로 만들 수 있는 평면의 개수 3 개

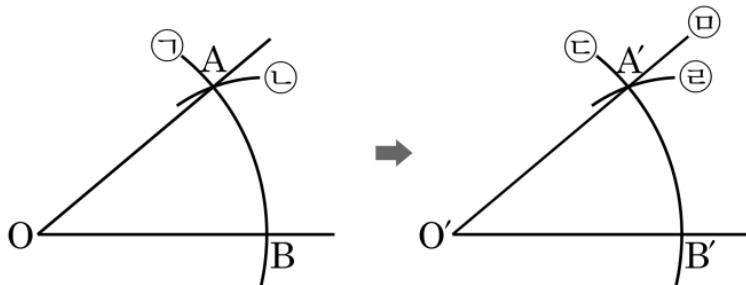
(2) 직선 l 위의 한 점과 평면 P 위의 두 점으로 만들 수 있는 평면의 개수: $3 \times 3 = 9$ (개)

점 A 와 평면 P 위의 두 점으로 만들 수 있는 평면의 개수 3 개
점 B 와 평면 P 위의 두 점으로 만들 수 있는 평면의 개수 3 개

점 C 와 평면 P 위의 두 점으로 만들 수 있는 평면의 개수 3 개

(3) 평면 P 위의 세 점으로 만들 수 있는 평면의 개수: 1 개
따라서 평면의 개수는 $3 + 9 + 1 = 13$ (개)

24. 다음 그림은 $\angle AOB$ 와 크기가 같은 각을 작도한 것이다. 작도 순서가 옳은 것은?

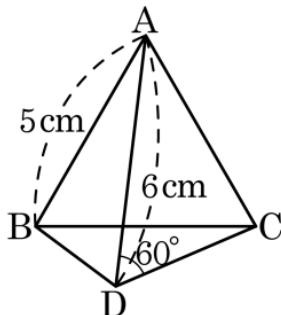


- ① ㉠-㉡-㉢-㉣-㉤ ② ㉡-㉠-㉢-㉣-㉤ ③ ㉠-㉣-㉢-㉚-㉛
- ④ ㉛-㉚-㉡-㉢-㉛ ⑤ ㉠-㉡-㉚-㉢-㉛

해설

- ㉠ 꼭짓지점 O에 컴퍼스의 한 끝을 고정하고 각의 두 변과 만나는 원을 그린다.
- ㉡ 그대로 점 O'을 중심으로 하는 원을 그린다.
- ㉢ 점 B에 컴퍼스의 끝을 고정하고 \overline{AB} 를 반지름으로 하는 원을 그린다.
- ㉚ 점 B'를 중심으로 하는 원을 그린다.
- ㉛ 점 O'과 A'을 이어 $\angle AOB$ 와 크기가 같은 $\angle A'O'B'$ 를 찾는다.
- 따라서 ㉠-㉚-㉡-㉚-㉛이다.

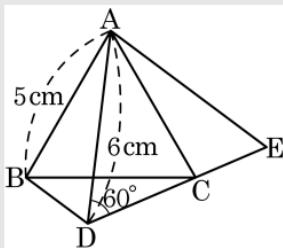
25. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 정삼각형이고 $\angle ADC = 60^\circ$ 이고, $\overline{AD} = 6\text{cm}$ 일 때, $\overline{DB} + \overline{DC}$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 6 cm

해설



삼각형 ADE 가 정삼각형이 되도록 \overline{DC} 의 연장선 위에 점 E 를 잡으면

$\triangle ABD$ 와 $\triangle ACE$ 에서

$\triangle ABC$ 가 정삼각형이므로 $\overline{AB} = \overline{AC}$

$\triangle ADE$ 가 정삼각형이므로 $\overline{AD} = \overline{AE}$

$\angle BAD = 60^\circ - \angle DAC = \angle CAE$

따라서 $\triangle ABD \cong \triangle ACE$ (SAS 합동)

$\therefore \overline{DB} + \overline{DC} = \overline{EC} + \overline{DC} = \overline{DE} = 6(\text{cm})$