

1. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

- ① 음수의 제곱근은 음수이다.
- ② 양수의 제곱근은 양수이다.
- ③ 양수  $a$  의 제곱근은  $\sqrt{a}$  이다.
- ④  $\sqrt{a}$  는  $a$  의 양의 제곱근이다. ( $a$ 는 양수)
- ⑤ 0 을 제외한 모든 양수의 제곱근은 2 개씩 있다.

2. 다음 중 근호를 꼭 사용하여야만 나타낼 수 있는 제곱근은?

①  $-\sqrt{4}$

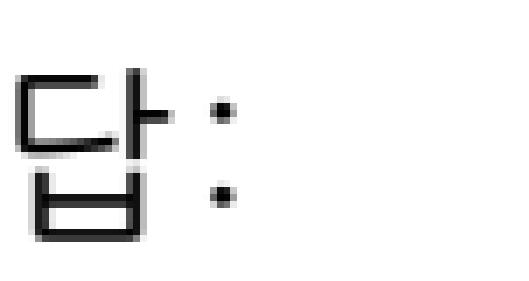
②  $\pm\sqrt{11}$

③  $\sqrt{25}$

④  $\pm\sqrt{100}$

⑤ 0

3.  $a > 0$  일 때,  $-\sqrt{(-5a)^2} + \sqrt{16a^2}$  을 간단히 하여라.



답:

---

4.  $2 < x < 5$  일 때,  $\sqrt{(x-2)^2} + \sqrt{(x-5)^2}$  을 간단히 하여라.



답:

---

5. 다음 중 무리수가 아닌 것은?

①  $1.313131\dots$

②  $3.123123412345\dots$

③  $\pi$

④  $\sqrt{0.2}$

⑤  $\sqrt{2}$

6. 다음 중 옳은 것은?

①  $\sqrt{4} + \sqrt{9} = \sqrt{13}$

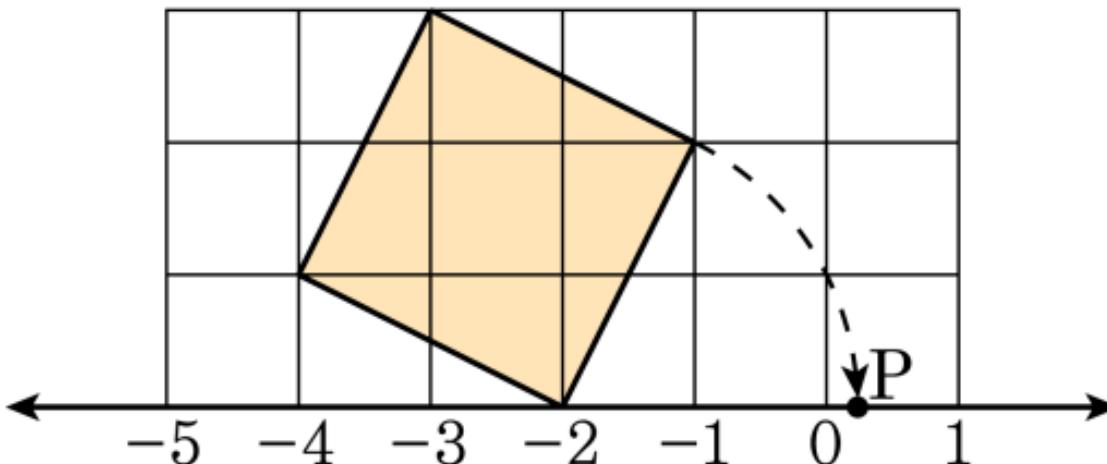
③  $\sqrt{25} > 5$

⑤  $\sqrt{25} - \sqrt{16} = \sqrt{1}$

② 0의 제곱근은 2개이다.

④  $\pi - 3.14$ 는 유리수이다.

7. 다음 수직선 위에서 점 P에 대응하는 수는?



①  $-2 + \sqrt{2}$

②  $-2 - \sqrt{2}$

③  $\sqrt{5}$

④  $-2 + \sqrt{5}$

⑤  $-2 - \sqrt{5}$

8. 다음 설명 중 옳은 것은?

- ① 유리수는 조밀하여 수직선을 빈틈없이 메운다.
- ② 서로 다른 두 유리수 사이에는 무리수가 없다.
- ③ 서로 다른 두 무리수 사이에는 유리수가 없다.
- ④ 수직선은 유리수와 무리수로 완전히 메워진다.
- ⑤ 수직선은 무리수로 완전히 채울 수 있다.

9. 다음은  $a = 4\sqrt{2}$ ,  $b = 3\sqrt{6}$  의 대소를 비교하는 과정이다.    
안에 알맞은 것을 순서대로 넣은 것은?

$$\begin{aligned} a \boxed{\phantom{0}} b &= 4\sqrt{2} - \boxed{\phantom{0}} \\ &= \sqrt{32} - \sqrt{54} \boxed{\phantom{0}} 0 \\ \therefore a \boxed{\phantom{0}} b \end{aligned}$$

① +,  $3\sqrt{6}$ , <, >

② +,  $4\sqrt{2}$ , >, >

③ -,  $3\sqrt{6}$ , >, >

④ -,  $4\sqrt{2}$ , <, <

⑤ -,  $3\sqrt{6}$ , <, <

10.  $a = \sqrt{3}, b = \sqrt{7}$  일 때,  $-\times \frac{a}{b}$  의 값은?

① 1

②  $3\sqrt{7}$

③ 4

④ 21

⑤ 49

11.  $\sqrt{12} \times \sqrt{18} = a\sqrt{a}$  일 때, 양수  $a$ 의 값을 구하여라.



답:  $a =$  \_\_\_\_\_

12. 다음 그림에서 사다리꼴의 넓이는?

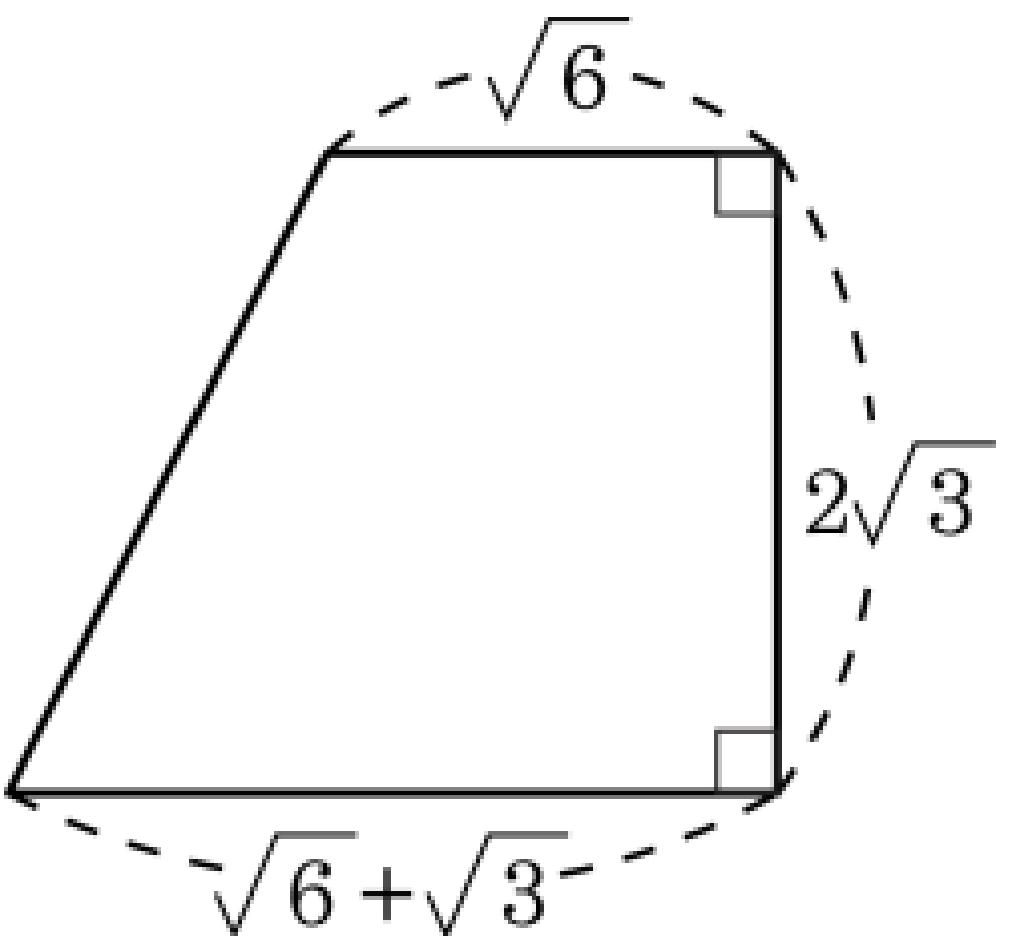
①  $2\sqrt{6} + 3$

②  $3\sqrt{6} + 3$

③  $4\sqrt{2} + 3$

④  $5\sqrt{2} + 3$

⑤  $6\sqrt{2} + 3$



13. 두 실수  $a$ ,  $b$  가  $a = \sqrt{8} - 3$ ,  $b = -\sqrt{7} + \sqrt{8}$  일 때, 다음 중 옳은 것은?

①  $a - b > 0$

②  $b - a < 0$

③  $b + \sqrt{7} > 3$

④  $ab > 0$

⑤  $a + 1 > 0$

14. 다음 표는 제곱근표의 일부분이다. 다음 중 주어진 표를 이용하여 그 값을 구할 수 없는 것은?

수	0	1	2	3
2.6	1.612	1.616	1.619	1.622
2.7	1.643	1.646	1.649	1.652
2.8	1.673	1.676	1.679	1.682
2.9	1.703	1.706	1.709	1.712

①  $\sqrt{2.60}$

②  $\sqrt{2.72}$

③  $\sqrt{2.91}$

④  $\sqrt{2.61} - \sqrt{2.94}$

⑤  $\sqrt{2.83} + \sqrt{2.70}$

15. 제곱근표에서  $\sqrt{2.41} = 1.552$ ,  $\sqrt{24.1} = 4.909$  일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

①  $\sqrt{241} = 15.52$

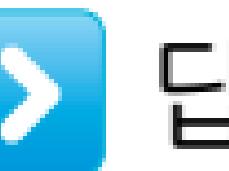
②  $\sqrt{0.241} = 0.4909$

③  $\sqrt{2410} = 49.09$

④  $\sqrt{24100} = 155.2$

⑤  $\sqrt{0.0241} = 0.01552$

16.  $X = \sqrt{144} \times \sqrt{\left(-\frac{2}{3}\right)^2} - \sqrt{\frac{25}{4}} \div \left(-\sqrt{\frac{5}{4}}\right)^2$  일 때,  $10X$  값을 구하여라.



답:

---

17.  $12 < \sqrt{3x + 40} < 15$  일 때,  $\sqrt{3x + 40}$ 을 정수가 되게 하는 자연수  $x$ 의 값을 구하여라.



답:  $x =$  \_\_\_\_\_



답:  $x =$  \_\_\_\_\_

18. 다음 수를 큰 수부터 순서대로 나열할 때, 네 번째에 오는 수는?

$$4, \sqrt{\frac{1}{2}}, -\sqrt{12}, -2, \sqrt{3}$$

① 4

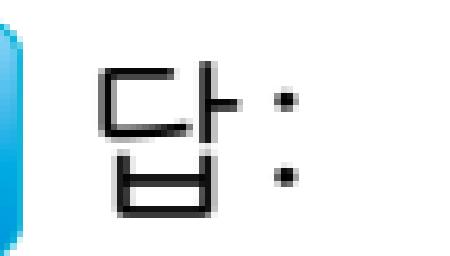
②  $\sqrt{\frac{1}{2}}$

③  $-\sqrt{12}$

④ -2

⑤  $\sqrt{3}$

19.  $\sqrt{(2\sqrt{5} - 3\sqrt{2})^2} - \sqrt{(3\sqrt{2} - 2\sqrt{5})^2}$  을 계산하여라.



답:

---

20. 다음 중 각 식을 만족하는  $x$ 의 값이 무리수인 것을 모두 고르면?

㉠  $x^2 = 9$

㉡  $x^2 = 121$

㉢  $x^2 = \frac{16}{25}$

㉣  $x^2 = \frac{8}{49}$

㉤  $x^2 = 7$

① ㉠, ㉡

② ㉡, ㉢

③ ㉢, ㉣

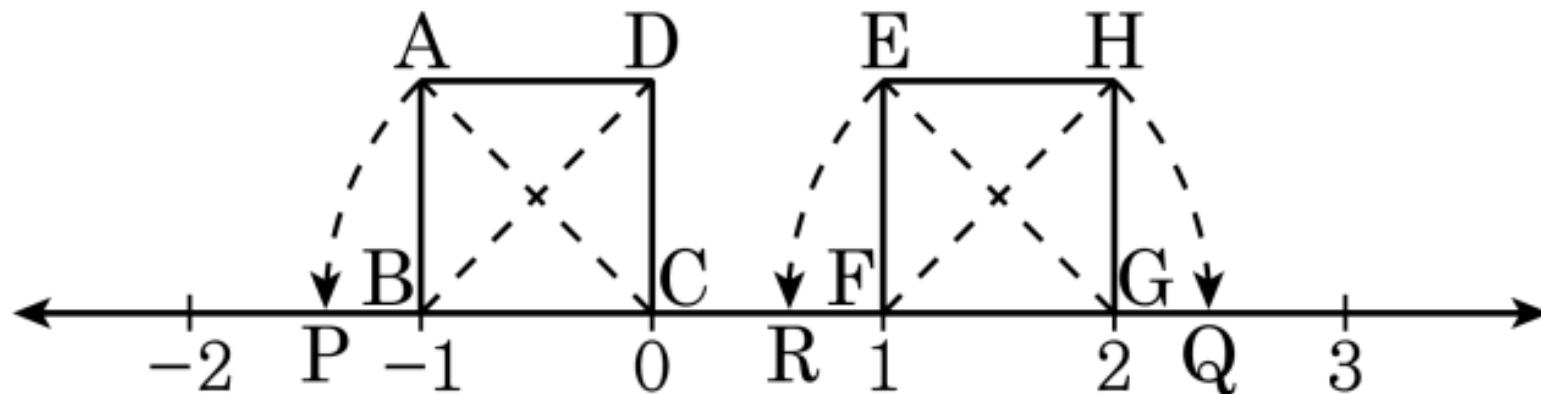
④ ㉢, ㉤

⑤ ㉣, ㉤

21. 다음 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ① 두 유리수  $\frac{1}{5}$  과  $\frac{1}{3}$  사이에는 무수히 많은 유리수가 있다.
- ② 두 무리수  $\sqrt{5}$  와  $\sqrt{6}$  사이에는 무수히 많은 무리수가 있다.
- ③  $\sqrt{5}$  에 가장 가까운 유리수는 2 이다.
- ④ 서로 다른 두 유리수의 합은 반드시 유리수이지만, 서로 다른 두 무리수의 합 또한 반드시 무리수이다.
- ⑤ 실수와 수직선 위의 점 사이에는 일대일 대응이 이루어진다.

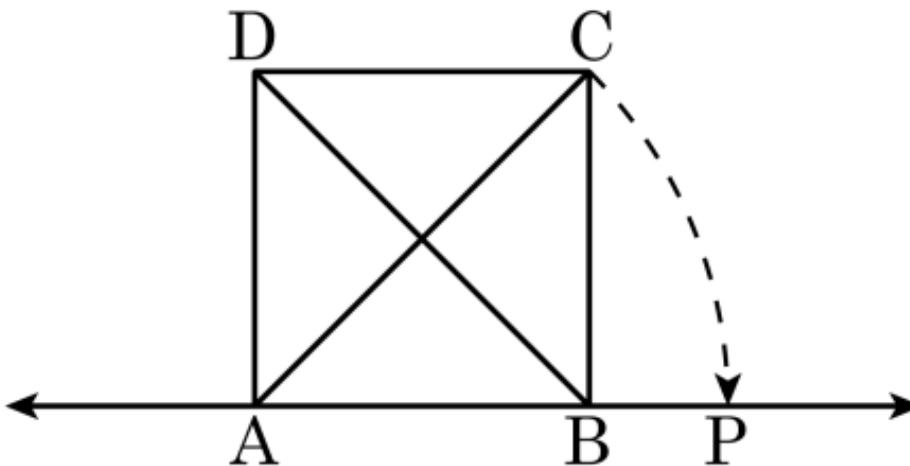
22. 다음 그림의 각 사각형은 한 변의 길이가 1인 정사각형이다. P, Q, R 세 점의 좌표를  $p$ ,  $q$ ,  $r$  이라 할 때,  $p + q + r$ 의 값이  $a + b\sqrt{2}$  였다.  $a + b$ 의 값을 구하여라.



답:  $a + b =$

---

23. 다음 그림에서  $ABCD$ 는 한 변의 길이가 1인 정사각형이고,  $\overline{AC} = \overline{AP}$ 이다. 점  $B$ 에 대응하는 수가  $2 + \sqrt{2}$  일 때, 점  $P$ 에 대응하는 수가  $a + b\sqrt{2}$ 이다.  $a + b$ 의 값을 구하여라.



답:  $a + b =$

\_\_\_\_\_

24. 다음 중 대소 관계가 옳은 것은?

①  $4 > \sqrt{15} + 1$

②  $3 + \sqrt{5} > \sqrt{5} + \sqrt{8}$

③  $\sqrt{2} + 1 > 3$

④  $3 - \sqrt{2} > 4 - \sqrt{2}$

⑤  $\sqrt{\frac{4}{5}} > \sqrt{\frac{6}{7}}$

25.  $A = 2\sqrt{3} + 1$ ,  $B = 5$ ,  $C = 3\sqrt{2} + 1$ ,  $D = \sqrt{15} + 1$ ,  $E = 4\sqrt{3} - 1$  일 때,  $A, B, C, D, E$  를 수직선 상에 나타냈을 때, 가운데에 위치하는 것은?

①  $A$

②  $B$

③  $C$

④  $D$

⑤  $E$

26. 다음 중 무리수  $\sqrt{2} + 1$  과  $2\sqrt{3}$  사이에 있는 무리수가 아닌 것은?

①  $3\sqrt{2} - 1$

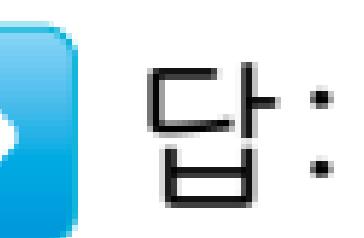
②  $\sqrt{3} + 1$

③  $2\sqrt{2}$

④  $\sqrt{2} + \sqrt{3}$

⑤  $\sqrt{3} + 2$

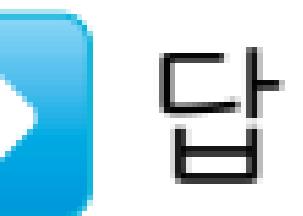
27.  $-3\sqrt{30} \div \sqrt{5} \div \sqrt{\frac{3}{5}} = n\sqrt{10}$  일 때,  $n$  의 값을 구하여라.



답:  $n =$

---

28.  $\sqrt{6} \div 3\sqrt{3} \times \frac{3}{\sqrt{12}} \div \frac{\sqrt{18}}{6} = a\sqrt{3}$  일 때,  $a$ 의 값을 구하여라.



답:  $a =$

29.  $a = \sqrt{2}$ ,  $b = \sqrt{3}$  일 때,  $\sqrt{216} + \frac{\sqrt{24}}{\sqrt{2}}$  를  $a$ ,  $b$  로 나타내면?

①  $6a + 2b$

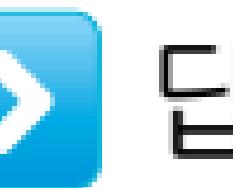
②  $6a + 2ab$

③  $6ab + 2b$

④  $2ab + 6b$

⑤  $2a + 6ab$

30.  $a = \frac{\sqrt{5} + \sqrt{3}}{2}, b = \frac{\sqrt{5} - \sqrt{3}}{2}$  일 때,  $\sqrt{5}(a+b) + \sqrt{3}(a-b)$  를 구하  
여라.



답:

---

31.  $a = -\sqrt{3}$ ,  $b = \sqrt{5}$  일 때,  $a(a - 2b) - 3b^2$  의 값은?

①  $-18 - 2\sqrt{5}$

②  $-18 + 2\sqrt{15}$

③  $-12 + 2\sqrt{15}$

④  $18 - 2\sqrt{15}$

⑤  $18 + 2\sqrt{15}$

32. 등식  $5 + 3\sqrt{2} + 3x - y = 2\sqrt{2}x - \sqrt{2}y - 3$  을 만족하는 유리수  $x, y$  의 값을 구하여라.



답:  $x =$  \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

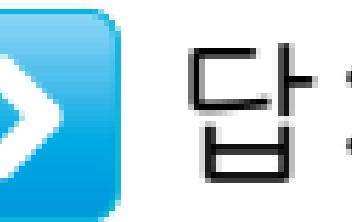


답:  $y =$  \_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

33.

$$\frac{2 + \sqrt{2}}{2 - \sqrt{2}} - \frac{2}{\sqrt{2}}$$
 를 간단히 하여라.



답:

---

34.  $\sqrt{11}$ 의 소수부분을  $a$ 라고 할 때,  $a^2 + 6a$ 의 값을 구하여라.



답:

---

35.  $\sqrt{2}$ 의 정수부분을  $a$ , 소수부분을  $b$ 라고 할 때,  $2a^2 + 5b$ 의 값은?

①  $-1 + 2\sqrt{2}$

②  $-2 + 2\sqrt{2}$

③  $-2 + 4\sqrt{2}$

④  $-3 + 5\sqrt{2}$

⑤  $-4 + 5\sqrt{2}$

36. 다음 중 옳지 않은 것은?

①  $a > 0$  일 때,  $\sqrt{(-a)^2} = a$  이다.

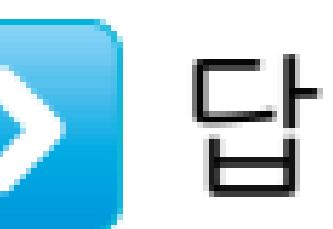
②  $a < 0$  일 때,  $-\sqrt{(-a)^2} = a$

③  $a > 0$  일 때,  $\sqrt{16a^2} = 4a$  이다.

④  $\sqrt{a^2} = |a|$  이다.

⑤  $a < 0$  일 때,  $\sqrt{(3a)^2} = 3a$  이다

37. 두 자연수  $a$ ,  $b$ 에 대하여  $\sqrt{270a} = b$  일 때,  $a+b$ 의 최솟값을 구하  
여라.



답:

---

38.  $\sqrt{960 - 32a}$  가 정수가 되도록 하는 자연수  $a$  중에서 가장 큰 값을  $M$ ,  
가장 작은 값을  $m$  이라고 할 때,  $M - 2m$  의 값은?

① 1

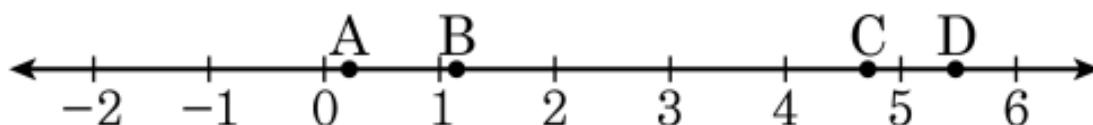
② 2

③ 4

④ 6

⑤ 8

39. 다음 수직선 위의 점 A, B, C, D에 대응하는 수는  $\sqrt{12}+2$ ,  $3\sqrt{2}-4$ ,  $4-2\sqrt{2}$ ,  $3+\sqrt{3}$ 이다. 점 A, B, C, D에 대응하는 수를 각각  $a, b, c, d$ 라 할 때, 다음 중 틀린 것은?



- ①  $a + b = \sqrt{2}$                                   ②  $c + d = 3\sqrt{3} + 5$   
③  $3(a + b) > c + d$                                   ④  $b - a > 0$   
⑤  $c - d < 0$

40.  $\sqrt{0.96}$  은  $\sqrt{6}$  의  $x$  배이다. 이 때,  $x$  의 값은?

①  $\frac{1}{5}$

②  $\frac{2}{5}$

③  $\frac{8}{5}$

④  $\frac{12}{5}$

⑤  $\frac{16}{5}$

41.  $\sqrt{2} = x$ ,  $\sqrt{3} = y$  일 때,  $\sqrt{5}$  를  $x$  와  $y$  로 나타낸 것으로 옳은 것은?

①  $x + y$

②  $x^2 + y^2$

③  $\sqrt{x + y}$

④  $\sqrt{x^2 + y^2}$

⑤  $\sqrt{xy}$

42.  $ab = 2$  일 때,  $a\sqrt{\frac{8b}{a}} + b\sqrt{\frac{32a}{b}}$  의 값은? (단,  $a > 0, b > 0$ )

① 2

② 4

③ 5

④ 12

⑤ 24

43.  $f(x) = \sqrt{x+2} - \sqrt{x+1}$  일 때,  $f(0)+f(1)+f(2)+\cdots+f(99)+f(100)$ 의 값을 구하면?

① -1

②  $\sqrt{101} - 1$

③  $\sqrt{102} - 1$

④  $\sqrt{102} - \sqrt{101}$

⑤  $\sqrt{102}$

44.  $\frac{1}{\sqrt{12}} + \frac{3}{\sqrt{27}} - \sqrt{12} = A\sqrt{3}$  일 때, 유리수  $A$ 의 값은?

①  $\frac{1}{2}$

②  $-\frac{1}{2}$

③  $-\frac{3}{2}$

④  $-\frac{3}{2}$

⑤  $\frac{1}{3}$

45.  $-2 + \sqrt{10}$ 의 정수부분을  $A$ , 소수부분을  $B$ 라 할 때,  $\frac{B+7A}{B-A}$ 의 값은?

①  $\frac{-13 - 4\sqrt{10}}{3}$

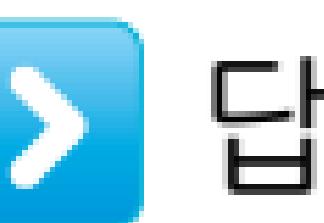
②  $\frac{13 - 4\sqrt{10}}{3}$

③  $-14 - 2\sqrt{10}$

④  $14 + 2\sqrt{10}$

⑤  $18 + 2\sqrt{10}$

46.  $\sqrt{(-4)^2}$  의 음의 제곱근을  $a$ ,  $12\sqrt{6\sqrt{576}}$  의 양의 제곱근을  $b$  라 할 때,  $ab$  의 값을 구하여라.



답:  $ab =$  \_\_\_\_\_

47. 3의 음의 제곱근과 양의 제곱근을 각각  $a, b$  라 할 때, 다음 식을 계산하여라.

$$\sqrt{\sqrt{9(a^2b^2)^3} - \sqrt{5a^2 - 2b^2}}$$



답:

---

48. 부등식  $\frac{1}{3} \leq \frac{1}{\sqrt{2x}} < \frac{1}{2}$  을 만족하는 자연수  $x$  를 모두 구하여라.



답:

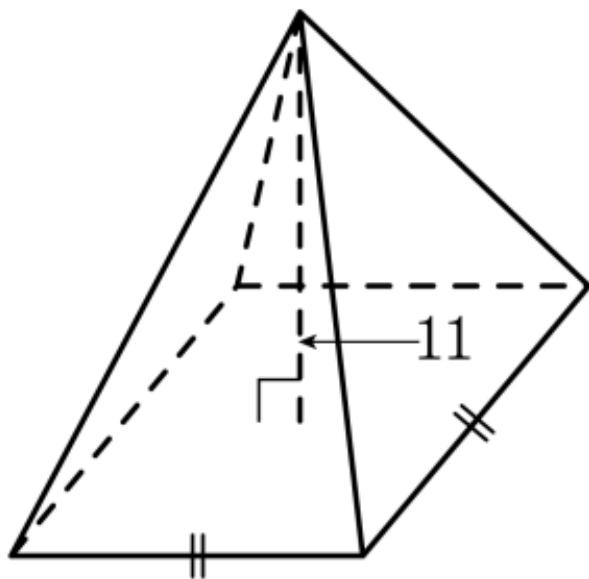
\_\_\_\_\_



답:

\_\_\_\_\_

49. 다음 그림에서 각뿔의 부피가  $330 \text{ cm}^3$  일 때, 밑면의 한 변의 길이를 구하여라.



답:

\_\_\_\_\_

cm

50. 가로, 세로, 높이의 길이가 각각  $x$ ,  $y$ ,  $z$ 인 직육면체에 대하여  
 $x:y:z = (\sqrt{2}+2\sqrt{3}): (2\sqrt{3}-\sqrt{5}): (\sqrt{5}-\sqrt{2})$ 이고 모서리의 길이의  
합이  $4\sqrt{27}$ 일 때,  $xy + yz$ 의 값을 구하여라.



답:  $xy + yz =$   
\_\_\_\_\_