L. 20이하의 홀수 중에서 두 자리 소수를 모두 고른 것은?

① 11, 13, 17 ② 11, 13, 15, 17 ③ 11, 13, 15, 19 ④ 11, 15, 17, 19 ⑤ 11, 13, 17, 19

```
1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19의 수 중에서
두 자리 소수는 11, 13, 17, 19 이다.
```

2.

(1) $2^2 \times 3^2$

(4) 2 × 3³

 $2^2 \times 5$

(5) $2^2 \times 3$

다음 중 세 수 108, 144, 162 의 공약수는?

해설

세 수의 최대공약수는 2×3² 이고 공약수는 최대공약수는 최대공약수의 약수이다.

공약수는 최대공약수는 최대공약수의 약수이다. 따라서 세 수의 공약수는 1, 2, 3, 2×3, 3², 2×3² 이다. 3. 한 업체가 고객들에게 사과 56 개, 배 84 권, 귤 70 개를 모두 나누어주려고 한다. 각 고객들에게 똑같이 나누너주고자 할 때, 최대 몇명의 사람들에게 나누어 줄 수 있는가?

① 15 명 ② 14 명 ③ 13 명 ④ 12 명 ③ 11 명

- 4. $\frac{16}{n}$ 과 $\frac{20}{n}$ 을 자연수로 만드는 자연수 n 을 모두 구하여라.
 - 답:
 - 답:
 - ▶ 답:
 - ▷ 정답: 1
 - ➢ 정답: 2
 - 정답: 4

- 해설
- $\frac{16}{n}, \frac{20}{n}$ 을 자연수로 만드는 자연수 n 은 16 과 20 의 공약수이다.
- 16 과 20 의 최대공약수는 4 이므로 n=1, 2, 4 이다.

5. 어떤 수를 13 으로 나누면 6 이 남는 수 중 200 에 가장 가까운 수를 구하여라.

▷ 정답 : 201

해설
어떤 수를
$$x$$
 라 하고 몫을 k 라 하면 $x = 13 \times k + 6$ 이다.
 $k = 15$ 일 때, $x = 13 \times 15 + 6 = 201$ 이고 $k = 16$ 일 때,
 $x = 13 \times 16 + 6 = 214$ 이다.

따라서 200 에 가장 가까운 수는 201 이다.

- 다음 수 중 서로소인 것끼리 짝지어진 것은?
 - ① 9 과 21
- ② 9 와 18
 - ⑤ 24 과 42

③ 12 과 30

해석

④ 12 와 35

④ 12 와 25 는 공약수가 1 뿐이다.

세 수 $48, 72, 2^3 \times 3 \times 5$ 의 최대공약수는?

$$2^3 \times 3$$

$$3 2^2 \times 3^2$$

 $48 = 2^4 \times 3$, $72 = 2^3 \times 3^2$, $2^3 \times 3 \times 5$ 이므로 최대공약수는 $2^3 \times 3$

있다. 이 벽에 남는 부분이 없이 가능한 한 큰 정사각형 모양의 타일을 붙이려고 한다. 이때, 정사각형의 한 변의 길이는?

① 4 cm ② 6 cm ③ 20 cm ④ 24 cm ⑤ 48 cm

가로의 길이가 96cm, 세로의 길이가 120cm 인 직사각형 모양의 벽이

해설 가장 큰 정사각형 모양의 타일의 한 변의 길이는 96, 120 의 최 대공약수: 24 9. 어떤 자연수로 17을 나누면 1이 남고, 34를 나누면 2가 남는다. 어떤 수 중 가장 큰 수를 구하여라.

- 답:
 - 정답: 16

해설

17을 나누면 1이 남는다. : (17-1)을 나누면 나누어 떨어진다.
34를 나누면 2가 남는다. : (34-2)를 나누면 나누어 떨어진다.
이러한 수들은 16과 32의 공약수이고, 가장 큰 수는 16과 32의 최대공약수 16이다.

10. 6 으로 나누면 5 가 남고, 8 로 나누면 7 이 남고, 9 로 나누면 8 이 남는 세 자리의 자연수 중 가장 작은 수는?

③ 123

153

어떤 자연수를 x 라고 할 때.

② 111

어떤 자연수를
$$x$$
 라고 할 때,
 $x = 6 \times \Delta + 5 = 8 \times \Box + 7 = 9 \times \bigcirc + 8$

x 는 (6, 8, 9의 공배수) - 1 이다. 6. 8. 9의 최소공배수는 72 이므로

세 자리의 자연수 중 가장 작은 수는 $(72 \times 2) - 1 = 144 - 1 = 143$ 이다.

11. 두 수 $2^3 \times 5^a \times 7$, $2^4 \times 5^5 \times 7^b$ 의 최대공약수가 $2^3 \times 5^3 \times 7$, 최소공배수가 $2^4 \times 5^5 \times 7^3$ 일 때, a+b 의 값은?

최대공약수가
$$2^3 \times 5^3 \times 7$$
 이므로 $a=3$, 최소공배수가 $2^4 \times 5^5 \times 7^3$ 이므로 $b=3$ 따라서 $a+b=6$ 이다.

1

② 3

3 9

4 7

⑤ 0

해설

273100 의 일의 자리만 거듭제곱하여 규칙을 찾는다.

 $3^1 = 3$, $3^2 = 9$.

 $3^3 = 27$,

 $3^4 = 81$,

 $3^5 = 243$,

. . .

3 을 거듭제곱할 때, 일의 자리의 숫자는 3, 9, 7, 1 의 네 개의 스가가 바보되다

숫자가 반복된다.

273¹⁰⁰ 의 지수인 100 를 4 로 나누면 25 이므로 273¹⁰⁰ 의 일의 자리의 숫자는 반복되는 네 개의 숫자 중 마지막

숫자인 1 이다.

13. 자연수 x, y 에 대하여 $\frac{2^2 \times 5}{x} = y^2$ 을 만족하는 x 의 값을 모두 구하면?

해설
$$\frac{2^2 \times 5}{x} = y^2$$
을 만족하는 자연수 $x = 5, 5 \times 2^2$ 이다.

14. $T, S, L \in T \times S \times L = 715$ 을 만족하는 서로 다른 자연수이다. 이 때, T + S + L의 최솟값을 구하여라.

```
715 = 5 × 11 × 13 이고, 합의 최솟값을 구하므로, T, S, L 는 5, 11, 13 이 된다.
```

15. 160 와 280 의 공약수 중에서 어떤 자연수의 제곱이 되는 것을 바르게 고르면?

①4 ② 9 ③ 16 ④ 25 ⑤ 27

해설
$$160 = 2^5 \times 5,280 = 2^3 \times 5 \times 7 \text{ 이므로 두수의 최대공약수는}$$

$$2^3 \times 5 = 40 \text{ 이다.}$$
두 수의 공약수는 두 수의 최대공약수의 약수이므로 40 의 약수인
$$1, 2, 4, 5, 8, 10, 20, 40 중에서 제곱수는 1,4 이다.$$

16. 세 자연수 $2^2 \times A, 2 \times 3 \times A, 3^2 \times A$ 의 최소공배수가 108 일 때, A 값을 구하여라.

제설
세 자연수의 최소공배수가 108 이고, 108 =
$$2^2 \times 3^3$$
 이므로
 $2^2 \times A, 2 \times 3 \times A, 3^2 \times A$ 의 최소공배수와 $2^2 \times 3^3$ 가 같으면 된다.
 $2^2 \times A, 2 \times 3 \times A, 3^2 \times A$ 의 최소공배수는 $2^2 \times 3^2 \times A$ 이므로
 $2^2 \times 3^3$ 와 비교하면 $A \leftarrow 3$ 이다

17. 10^n 에 가장 가까운 11 의 배수 (단, n은 자연수)를 작은 순서대로 a_1 , a_2 , a_3 , \cdots 라 할 때, $a_1 + a_2 + a_3 + a_4 + a_5 + a_6$ 을 구하여라.

▶ 답:

정답: 11111110

 $10^3 \to 1001,$ $10^4 \to 9999.$

11 의 배수는 짝수 자리 수의 합에서 홀수 자리 수의 합을 뺀 절댓값이 0 이거나 11 의 배수인 수이므로,

 10^n 에서 가장 가까운 11 의 배수를 차례대로 구해 보면, $10 \rightarrow 11$,

 $10 \rightarrow 11,$ $10^2 \rightarrow 99,$

10⁵ → 100001,10⁶ → 999999,∴ a₁ + a₂ + a₃ + a₄ + a₅ + a₆ = 1111110 18. 자연수 $2^a \times 3^b$ 에 24 를 곱하였더니 어떤 자연수의 제곱이 되었다. 이때, 가능한 a, b중 가장 작은 a, b를 올바르게 구한 것을 골라라.

① a:0,b:0

② a:0, b:1

③ a:1, b:1

4 a:1,b:0

(5) a:2, b:1

해설

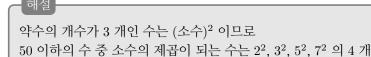
 $2^a \times 3^b$ 이 자연수이려면 a 와 b = 0 이상이어야 한다.

또, 어떤 자연수의 제곱이 되는 수는 소인수분해를 했을 때 모든 소인수의 지수가 짝수여야 한다. 따라서, $2^a \times 3^b$ 에 $24 = 2^3 \times 3$ 를 곱한 수가 어떤 자연수의 제곱이 되어야 하므로, $2^a \times 3^b \times 2^3 \times 3 =$ $2^a \times 2^3 \times 3^b \times 3 = 2^{a+3} \times 3^{b+1}$ 에서 2 의 지수인 (a+3) 과 3 의 지수인 (b+1) 이 모두 짝수여야 한다. 이를 만족하는 가장 작은 수 a, b 는 각각 1 과 1 이다.

19. 1 부터 50 사이의 수 중에서 약수의 개수가 3 개인 수는 모두 몇 개인지 구하여라.

답:	7
	_

▷ 정답: 4개



20. 어떤 교차로의 신호등 A는 10초 동안 켜져 있다가 2초 동안 꺼지고, 신호등 B는 12초 동안 켜져 있다가 3초 동안 꺼지며, 신호등 C는 14 초 동안 켜져 있다가 4초 동안 꺼진다. 이 세 신호등이 동시에 켜진 후 다시 처음으로 동시에 켜지기까지는 몇 초가 걸리겠는가?

① 90초
 ② 180초
 ③ 210초
 ④ 360초
 ⑤ 420초

10+2, 12+3, 14+4의 최소공배수는 180이므로 180초 후에 다시 처음으로 동시에 켜진다.