

1. 다음 이차방정식이 해를 1 개 가질 때 k 의 값은?

$$x^2 - 8x + 9 - k = 0$$

① -7

② -2

③ 7

④ 17

⑤ 25

해설

중근을 가질 때 판별식 $D = 0$

$$D = (-8)^2 - 4(9 - k) = 0$$

$$\therefore k = -7$$

2. 어떤 원에서 반지름의 길이를 2cm 만큼 줄였더니 넓이는 반으로 줄었다. 처음 원의 반지름의 길이는?

① $(4 + 3\sqrt{2})\text{cm}$

② $(4 - \sqrt{2})\text{cm}$

③ $(4 + \sqrt{2})\text{cm}$

④ $(4 - 2\sqrt{2})\text{cm}$

⑤ $(4 + 2\sqrt{2})\text{cm}$

해설

처음 원의 반지름을 $x\text{cm}$ 라 하면,

$$\frac{1}{2}x^2\pi = (x-2)^2\pi$$

$$x^2 = 2(x^2 - 4x + 4)$$

$$(x-4)^2 = 8$$

$$x = 4 \pm 2\sqrt{2}$$

$x > 2$ 이므로 $x = 4 + 2\sqrt{2}(\text{cm})$ 이다.

3. 다음 그림은 이차함수 $y = ax^2$ 의 그래프이다. 이 중 a 의 값이 가장 큰 것은?

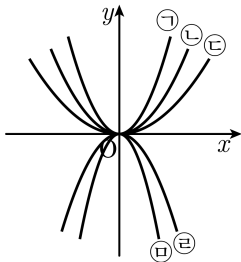
① ㉠

② ㉡

③ ㉢

④ ㉤

⑤ ㉦



해설

$a > 0$ 이고 y 축에 가까울수록 값이 크다.

4. x 에 관한 이차방정식 $x^2 + 10x + 15 + m = 0$ 이 중근을 갖도록 m 의 값은?

① 5

② -5

③ 10

④ -10

⑤ 15

해설

$$\frac{D}{4} = 25 - (15 + m) = 0$$

$$\therefore m = 10$$

5. 이차방정식 $x^2 - 8x + 4 = 0$ 의 두 근을 α, β 라 할 때, $\frac{1}{\sqrt{\alpha}} - \frac{1}{\sqrt{\beta}}$ 의 값은?

① ± 1

② ± 2

③ -2

④ -1

⑤ $-\sqrt{2}$

해설

근과 계수의 관계에서

$$\alpha + \beta = 8, \alpha\beta = 4$$

$$\left(\frac{1}{\sqrt{\alpha}} - \frac{1}{\sqrt{\beta}}\right)^2 = \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} - \frac{2}{\sqrt{\alpha\beta}} = \frac{\alpha + \beta}{\alpha\beta} - \frac{2}{\sqrt{4}} = 1$$

$$\therefore \frac{1}{\sqrt{\alpha}} - \frac{1}{\sqrt{\beta}} = \pm \sqrt{1} = \pm 1$$