① 
$$(\sqrt{3})^2$$
 ②  $\sqrt{9}$  ③  $\sqrt{\frac{1}{3}}(3)^3$  ④  $\sqrt{3\sqrt{3^4}}$  ⑤  $\sqrt{(-3)^2}$ 

**2.** 
$$a, b, c$$
 가  $a > 0$  ,  $b > 0$  ,  $c > 0$  이고,  $c > b > a$  일 때,  $\sqrt{(a-b)^2} - \sqrt{(b-c)^2} - \sqrt{(c-a)^2}$  을 간단히 하면?

① 
$$a + b + c$$
 ②  $a - b - c$  ③  $2b - 2c$  ④ 0 ⑤  $2a - 2b$ 

$$a-b < 0, b-c < 0, c-a > 0 \circ \square \exists$$

$$\sqrt{(a-b)^2} - \sqrt{(b-c)^2} - \sqrt{(c-a)^2}$$

$$= -(a-b) - \{-(b-c)\} - (c-a)$$

$$= -a+b+b-c-c+a$$

$$= 2b-2c$$

## 3. $\sqrt{\frac{96x}{y}} = N$ 이 자연수가 되는 자연수 x, y 에 대해 다음 중 옳지 <u>않은</u>

것을 모두 고르면?

- ① xy 의 최솟값은 6 이다.
- ② 2x + y 의 최솟값은 7 이다.
- (③)y = 3 이면 N 은 자연수가 될 수 없다.
- ④ x 가 반드시 2 의 배수일 필요는 없다.

(⑤) xy 는 반드시 6 의 배수여야 한다.

$$N=\sqrt{\frac{96x}{y}}$$
 가 자연수가 되기 위해서는  $\frac{96x}{y}$  가 완전제곱수여야 한다.

 $96 = 2^5 \times 3$  이므로 xy 는 반드시 6 (제곱수) 이어야 한다.(① 성립) x = 1 일 때, y = 6 이면  $N = \sqrt{16} = 4$  이다.(④ 성립)

y = 3 일 때, x = 2 이면 N = 8 이다.(③은 성립하지 않는다.)

2x + y 는 x = 2, y = 3 일 때 최솟값 7 을 갖는다.(② 성립) x = 3이고 y = 25 인 경우 N은 자연수가 되지만 xy는 6의 배수

가 아니다.(⑤는 성립하지 않는다.)

- **4.**  $\sqrt{59+a} = b$ 라 할 때, b가 자연수가 되도록 하는 가장 작은 자연수 a와 그 때의 b의 합 a+b의 값은?
  - ① 11 ② 12 ③ 13 ④ 14 ⑤ 15

59 보다 큰 제곱수는 64,81,100,… 이므로

$$59 + a = 64, 81, 100 \cdots$$

 $\therefore a = 5, 22, 41, \cdots$ 따라서 가장 작은 자연수  $a = 5, b = \sqrt{59 + 5} = 8$ 이다.

$$\therefore a + b = 5 + 8 = 13$$

5.  $4 < \sqrt{2n} < 7$ 을 만족하는 자연수 n의 값 중에서 최댓값을 a, 최솟값을 b 라 할 때, a+b의 값은?

3 34

 $4^2 < (\sqrt{2n})^2 < 7^2$ 



16 < 2n < 49  
∴ 8 < n < 
$$\frac{49}{2}$$
 = 24.5  
∴ 최댓값  $a = 24$ , 최솟값  $b = 9$   
∴  $a + b = 24 + 9 = 33$ 

6.  $f(x) = \sqrt{x+1} - \sqrt{x}$ 이고,  $S(x) = f(1) + f(2) + f(3) + \cdots + f(x)$ 이라고 한다. 100 이하의 자연수 n에 대하여 S(n)의 값이 자연수가되는 n을 모두 고르면?

 $S(n) = (\sqrt{2}-1) + (\sqrt{3}-\sqrt{2}) + (\sqrt{4}-\sqrt{3}) + ... +$ 

$$(\sqrt{n+1}-\sqrt{n})=\sqrt{n+1}-1$$
  
①  $n=8$ 일 때,  $S(n)=3-1=2$   
②  $n=15$ 일 때,  $S(n)=4-1=3$   
③  $n=35$ 일 때,  $S(n)=6-1=5$   
④  $n=50$ 일 때,  $S(n)=\sqrt{51}-1$   
⑤  $n=99$ 일 때,  $S(n)=10-1=9$   
따라서 ①, ②, ③, ⑤가 답이다.

7. 연립방정식 
$$\begin{cases} \sqrt{2}x + \sqrt{3}y = 5\sqrt{6} \\ \sqrt{3}x - 2\sqrt{2}y = -2 \end{cases}$$
 를 풀면?

① 
$$x = \frac{17}{7}\sqrt{3}, y = \frac{18}{7}\sqrt{2}$$

$$3 \ \ x = \frac{17}{7} \sqrt{2}, \ y = \frac{18}{7} \sqrt{3}$$

$$3 \quad x = \frac{17}{7} \sqrt{3}, y = \frac{18}{7} \sqrt{3}$$

② 
$$x = \frac{18}{7}\sqrt{2}, y = \frac{17}{7}\sqrt{3}$$

$$3 x = \frac{17}{7} \sqrt{2}, y = \frac{18}{7} \sqrt{3}$$

$$4 x = \frac{18}{7} \sqrt{3}, y = \frac{17}{7} \sqrt{2}$$

$$\begin{cases} \sqrt{2}x + \sqrt{3}y = 5\sqrt{6}\cdots \\ \sqrt{3}x - 2\sqrt{2}y = -2\cdots \\ \bigcirc \times 2\sqrt{2} + \bigcirc \times \sqrt{3} \stackrel{\triangle}{=} \text{하면} \end{cases}$$
$$\frac{4x + 2\sqrt{6}y = 20\sqrt{3}}{7x} + \frac{3x - 2\sqrt{6}y = -2\sqrt{3}}{18\sqrt{3}}$$
$$\therefore x = \frac{18}{7}\sqrt{3}$$

$$\frac{54}{7} - 2\sqrt{2}y = -2, \quad \sqrt{2}y = \frac{34}{7}$$
$$y = \frac{17}{7}\sqrt{2}$$

 $\sqrt{10} - \sqrt{9} = \sqrt{10} - 2$ 

8.  $f(a) = \sqrt{a+1} + \sqrt{a}$  일 때,  $\frac{1}{f(4)} + \frac{1}{f(5)} + \cdots + \frac{1}{f(9)}$  의 값을 구하

하실 
$$f(a) = \sqrt{a+1} + \sqrt{a} \text{ 에서}$$
 
$$\frac{1}{f(a)} = \frac{1}{\sqrt{a+1} + \sqrt{a}} = \sqrt{a+1} - \sqrt{a}$$
 따라서, 
$$\frac{1}{f(4)} + \frac{1}{f(5)} + \dots + \frac{1}{f(9)} = \sqrt{5} - 2 + \sqrt{6} - \sqrt{5} + \dots +$$

9. 
$$f(n) = \frac{1}{\sqrt{n+1} + \sqrt{n}}$$
 일 때,  $f(1) + f(2) + f(3) + \dots + f(8)$  의 값은?

(3)  $2\sqrt{2}-1$ 

해설
$$f(n) = \sqrt{n+1} - \sqrt{n}$$
이므로

= -1 + 3 = 2

(준식) =  $\sqrt{2} - 1 + \sqrt{3} - \sqrt{2} + \dots + \sqrt{9} - \sqrt{8}$ 

(4)  $2\sqrt{2} + 1$ 

(2) 3

(5)  $3\sqrt{2}$ 

**10.**  $\sqrt{1.43}$  의 값을 a라 하고,  $\sqrt{b} = 1.105$  일 때, a,b 의 값은?

수	0	1	2	3	•••
1.0	1.000	1.005	1.010	1.015	•••
1.1	1.049	1.054	1.058	1.063	•••
1.2	1.095	1.100	1.105	1.109	•••
1.3	1.140	1,145	1.149	1,153	•••
1.4	1,183	1.187	1.192	1.196	•••

① 
$$a = 1.000, b = 1.13$$

② 
$$a = 1.005, b = 1.15$$

$$3 a = 1.049, b = 1.42$$

$$a = 1.196, b = 1.22$$

$$\bigcirc$$
  $a = 1.192, b = 1.23$ 

해설

표에서 1.43 을 찾으면 1.196 이므로 √1.43 = 1.196 이고, 제곱근의 값이 1.105인 것을 찾으면 1.22 이므로 √1.22 = 1.105이다. 따라서 a=1.196, b=1.22이다.

**11.**  $x^2 + Ax + 12 = (x + a)(x + b)$ 일 때, 다음 중 상수 A의 값이 될 수 없는 것은?(단, a, b는 정수)

① 8 ② -13 ③ -8 ④ -7 ⑤1

해설
$$ab = 12 가 되는 경우$$

$$(\pm 1, \pm 12), (\pm 2, \pm 6), (\pm 3, \pm 4)$$

$$A = a + b 이므로$$

$$A 가 될 수 있는 수는 \pm 13, \pm 8, \pm 7$$

## **12.** 다항식 $(x^2 - 4)(x^2 - 2x - 3) - 21$ 를 인수분해했을 때, 다음 중 인수인 것은?

$$x^2 - x + 1$$

② 
$$x^2 + x - 1$$

(3)  $x^2 - 2x - 1$ 

$$= (x+2) (x-2) (x-3) (x+1) - 21$$
  
= (x+2) (x-3) (x+1) (x-2) - 21  
= (x<sup>2</sup> - x - 6) (x<sup>2</sup> - x - 2) - 21

 $(x^2-4)(x^2-2x-3)-21$ 

$$x^2 - x = A$$
 로 놓으면  
 $(A - 6)(A - 2) - 21 = A^2 - 8A + 12 - 21$ 

$$(A-6)(A-2)-21 = A^2-8A+12-21$$
  
=  $A^2-8A-9$   
=  $(A-9)(A+1)$ 

$$= (x^{2} - x - 9)(x^{2} - x + 1)$$

$$= (x^{2} - x - 9)(x^{2} - x + 1)$$

**13.** 
$$f(a) = \frac{a^2 - 1}{a^2}$$
 일 때,  $f(10) \times f(11) \times f(12) \times \dots \times f(99)$  의 값은?

① 
$$\frac{1}{9}$$
 ②  $\frac{9}{10}$  ③  $\frac{10}{11}$  ④  $\frac{10}{99}$  ⑤  $\frac{20}{99}$ 

$$f(a) = \frac{a^2 - 1}{a^2} = \frac{a - 1}{a} \cdot \frac{a + 1}{a} \circ \square = \Xi$$

$$f(10) \times f(11) \times f(12) \times \dots \times f(99)$$

$$= \frac{9}{10} \cdot \frac{11}{10} \times \frac{10}{11} \cdot \frac{12}{11} \times \frac{11}{12} \cdot \frac{13}{12} \times \dots \times \frac{98}{99} \cdot \frac{100}{99}$$

$$= \frac{9}{10} \times \frac{100}{99}$$

**14.** 
$$x^2 - x + 1 = 0$$
 일 때,  $-3x^4 + 2x^2 - 5x$  의 값은?

① 
$$-3$$
 ②  $-2$  ③  $-1$  ④ 0 ⑤ 1

지 (대설) 
$$x^{2} - x + 1 = 0$$
이므로 
$$x^{2} = x - 1$$
$$x^{4} = (x - 1)^{2} = x^{2} - 2x + 1$$
$$= (x - 1) - 2x + 1 = -x$$
$$-3x^{4} + 2x^{2} - 5x = 3x + 2(x - 1) - 5x$$
$$= 3x + 2x - 2 - 5x = -2$$

**15.** 
$$a+b=3, ab=1$$
 일 때,  $a^2(a-b)+b^2(b-a)$  의 값은?

$$(a-b)^{2} = (a+b)^{2} - 4ab = 3^{2} - 4 \times 1 = 5$$

$$\therefore ( \stackrel{\text{Z}}{\leftarrow} \stackrel{\text{A}}{\rightarrow} ) = a^{2} (a-b) - b^{2} (a-b)$$

$$= (a-b) (a^{2} - b^{2})$$

$$= (a-b)^{2} (a+b)$$

$$= 5 \times 3 = 15$$