

1. 이차방정식  $2[x]^2 + 3[x] + 1 = 0$ 의 해를 구하여라. (단,  $[x]$ 는  $x$ 보다 크지 않은 최대의 정수이다.)

①  $-1 \leq x < 0$

②  $-1 \leq x < 1$

③  $-1 \leq x < 2$

④  $0 \leq x < 1$

⑤  $0 \leq x < 2$

2. 이차방정식  $x^2 + ax + 2b = 0$ 의 한 근이  $2 + ai$ 일 때 실수  $a, b$ 의 합  $a + b$ 의 값은? (단  $a \neq 0$ )

①  $-9$

②  $-5$

③  $3$

④  $6$

⑤  $12$

3.  $x$ 에 관한 이차방정식  $x^2 - 4x - a + b = 0$ 이 중근을 가질 때  $x^2 - 2(a - 1)x + a^2 + 3b = 5a - 4$ 의 근을 판별하면?

① 중근

② 한 실근과 한 허근

③ 서로 다른 두 실근

④ 서로 같은 두 실근

⑤ 서로 다른 두 허근

4.  $a$ 가 실수일 때,  $f(x) = x^2 + 2(a+1)x + a^2$ ,  $g(x) = x^2 + 2ax + (a-1)^2$ 에 대하여  $x$ 에 대한 두 이차방정식  $f(x) = 0, g(x) = 0$ 의 근에 대한 다음 설명 중 옳은 것은?

①  $f(x) = 0$ 이 실근을 가지면  $g(x) = 0$ 도 실근을 가진다.

②  $f(x) = 0$ 이 실근을 가지면  $g(x) = 0$ 은 허근을 가진다.

③  $f(x) = 0$ 이 허근을 가지면  $g(x) = 0$ 도 허근을 가진다.

④  $g(x) = 0$ 이 실근을 가지면  $f(x) = 0$ 은 허근을 가진다.

⑤  $g(x) = 0$ 이 허근을 가지면  $f(x) = 0$ 은 실근을 가진다.

5.  $x$ 의 이차방정식  $x^2 - (2a + 2 + m)x + a^2 + 4a - n = 0$ 이  $a$ 의 값에 관계없이 항상 중근을 갖도록 상수  $m, n$ 을 정할 때,  $m + n$ 의 값은?

①  $-3$

②  $-2$

③  $1$

④  $3$

⑤  $4$

6.  $\alpha = a + bi$  ( $a, b$ 는 실수,  $i = \sqrt{-1}$ ) 일 때,  $\alpha^t = b + ai$ 라 한다.

$\alpha = \frac{\sqrt{3} + i}{2}$  일 때,  $2\alpha^5(\alpha^t)^4$ 을 간단히 하면?

①  $1 + i$

②  $1 - i$

③  $2 + i$

④  $2 - i$

⑤  $\sqrt{3} + i$

7.  $n$ 이 짝수일 때,  $\left(\frac{1+i}{\sqrt{2}}\right)^{4n+1} + \left(\frac{1-i}{\sqrt{2}}\right)^{4n+1}$ 의 값은?

①  $-2$

②  $-\sqrt{2}$

③  $0$

④  $2$

⑤  $\sqrt{2}$

8. 복소수  $\alpha, \beta$  에 대한 다음 보기의 설명 중 옳은 것을 모두 고르면? (단,  $\bar{\alpha}$  는  $\alpha$  의 켈레복소수이다.)

㉠  $\alpha + \bar{\alpha}$  는 실수이다.

㉡  $\alpha - \bar{\alpha}$  는 허수이다.

㉢  $\alpha^2$  이 실수이면  $\alpha$  도 실수이다.

㉣  $\overline{\alpha + \beta} = \bar{\alpha} + \bar{\beta}$  이고  $\overline{\alpha\beta} = \bar{\alpha} \cdot \bar{\beta}$  이다.

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉣

③ ㉡, ㉣

④ ㉠, ㉣

⑤ ㉡, ㉣

9.  $\left(\frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}\right)^{10} + \left(\frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}\right)^8$  값을 구하면?

①  $\frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}$

②  $\frac{-1 - \sqrt{3}i}{2}$

③ 1

④ 0

⑤ -1

**10.** 방정식  $x^2 + x + 2 = 0$ 의 한 허근을  $\omega$ 라 할 때,  $f(x) = ax^2 + bx + 12$  ( $a \neq 0$ )에 대하여  $f(\omega) = 3\omega$ 를 만족한다. 이 때, 실수  $a, b$ 의 합은?

① 12

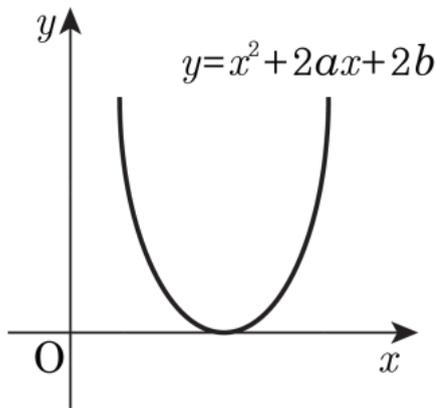
② -12

③ 15

④ -15

⑤ 18

11. 이차함수  $y = x^2 + 2ax + 2b$ 의 그래프가 아래 그림과 같을 때, 방정식  $x^2 - 2ax + b^2 + 2 = 0$ 의 근에 대한 설명으로 옳은 것은?



- ① 서로 다른 양의 실근을 갖는다.
- ② 서로 다른 음의 실근을 갖는다.
- ③ 중근을 갖는다.
- ④ 서로 다른 부호의 실근을 갖는다.
- ⑤ 서로 다른 두 허근을 갖는다.

12.  $x^2 + 5xy + ay^2 + y - 2$ 가  $x, y$ 의 두 일차식의 곱으로 나타내어질 때, 상수  $a$ 의 값은?

①  $\frac{8}{49}$

②  $\frac{49}{8}$

③ 49

④ 8

⑤ 0

**13.** 방정식  $3x^2 + 5x - 2 = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 하고 방정식  $5x^2 + 4x + 3 = 0$ 의 두 근을  $\gamma, \delta$ 라 할 때,  $\frac{1}{\alpha\gamma} + \frac{1}{\beta\gamma} + \frac{1}{\delta\beta} + \frac{1}{\delta\alpha}$ 의 값은?

①  $-\frac{10}{3}$

②  $-\frac{7}{3}$

③  $-\frac{4}{3}$

④  $-\frac{1}{3}$

⑤ 1

14.  $x$ 의 이차방정식  $x^2 - 3px + 4q - 2 = 0$ 의 두 실근의 비가  $1 : 2$ 가 되도록 하는 실수  $p, q$ 에 대하여  $q$ 의 값의 범위는? (단,  $p \neq 0$ )

①  $q \geq -\frac{1}{3}$

②  $q > \frac{1}{2}$

③  $q \geq \frac{1}{2}$

④  $q > -\frac{1}{2}$

⑤  $q \geq \frac{2}{3}$

**15.**  $x$ 에 대한 이차방정식  $x^2 + 2kx + 6k = 0$ 의 한 허근을  $\omega$ 라 할 때,  $\omega^2 + \bar{\omega}^2 = 16$ 이다. 실수  $k$ 의 값은? (단,  $\bar{\omega}$ 는  $\omega$ 의 켈레복소수이다.)

①  $-1$

②  $1$

③  $2$

④  $3$

⑤  $4$