

1. 다음 설명 중 옳은 것은?

- ① 유리수는 조밀하여 수직선을 빈틈없이 메운다.
- ② 서로 다른 두 유리수 사이에는 무리수가 없다.
- ③ 서로 다른 두 무리수 사이에는 유리수가 없다.
- ④ 수직선은 유리수와 무리수로 완전히 메워진다.
- ⑤ 수직선은 무리수로 완전히 채울 수 있다.

해설

- ①, ② 서로 다른 유리수와 유리수 사이에는 무한히 많은 유리수와 무리수가 있다.
- ③ 서로 다른 무리수와 무리수 사이에는 무수히 많은 유리수와 무리수가 있다.
- ④ 수직선은 유리수와 무리수로 완전히 메워진다.

2.  $a = \sqrt{5}$ ,  $b = \sqrt{7}$  일 때,  $\frac{10b}{a} + \frac{14a}{b} = m\sqrt{n}$  이다.  $m+n$ 의 값을  
바르게 구한 것은? (단,  $\sqrt{n}$ 은 무리수이다.)

- ① 25      ② 29      ③ 35      ④ 39      ⑤ 45

해설

$$\begin{aligned}\frac{10b}{a} + \frac{14a}{b} &= \frac{10\sqrt{7}}{\sqrt{5}} + \frac{14\sqrt{5}}{\sqrt{7}} \\ &= \frac{10\sqrt{35}}{5} + \frac{14\sqrt{35}}{7} \\ &= 2\sqrt{35} + 2\sqrt{35} = 4\sqrt{35}\end{aligned}$$

$m = 4$ ,  $n = 35$  이므로  $m+n = 39$

3. 다음 식을 간단히 하였을 때, 계산 결과가 다른 하나는?

- ①  $2\sqrt{3} - 3\sqrt{3} - 3\sqrt{5} + 5\sqrt{5}$       ②  $4\sqrt{3} + \sqrt{5} - 5\sqrt{3} + \sqrt{5}$   
③  $\sqrt{3} + 3\sqrt{5} - \sqrt{5} - 2\sqrt{3}$       ④  $\sqrt{5} + \sqrt{5} + \sqrt{3} - 2\sqrt{3}$   
⑤  $3\sqrt{5} - \sqrt{5} + 3\sqrt{3} + 2\sqrt{3}$

해설

- ①, ②, ③, ④  $-\sqrt{3} + 2\sqrt{5}$   
⑤  $5\sqrt{3} + 2\sqrt{5}$

4.  $-1 < x < 0$  일 때, 다음 중 그 값이 가장 큰 것은?

- ①  $-x^2$       ②  $-x$       ③  $\frac{1}{\sqrt{x}}$       ④  $-\frac{1}{x}$       ⑤  $-\frac{1}{\sqrt[3]{x}}$

해설

$-\frac{1}{x}$  ⌈ 양수이고 1 보다 크므로 ④이 답이다.

5.  $\sqrt{384 - 24x}$  가 자연수일 때, 자연수  $x$  의 값의 합을 구하면?

- ① 8      ② 9      ③ 10      ④ 11      ⑤ 12

해설

$\sqrt{384 - 24x}$ 에서  
 $384 - 24x = 24(16 - x)$  이므로  
 $\sqrt{24(16-x)} = 2\sqrt{6} \times \sqrt{16-x}$  이다.  
 $\Rightarrow 2\sqrt{2} \times \sqrt{3} \times \sqrt{16-x}$   
 $16 - x = 6 \times 1^2 = 6$   
 $x = 10$  이다.  
 $16 - x = 6 \times 2^2 = 24$  는  $x < 0$  이므로  $x$  가 자연수가 될 수 없다.  
따라서  $x = 10$  의 값 한 개뿐이다.

6.  $0 < a < 1$  일 때, 다음 중 가장 큰 값은?

- ①  $a^2$       ②  $\sqrt{\left(\frac{1}{a}\right)^2}$       ③  $\sqrt{a}$   
④  $\sqrt{(-a)^2}$       ⑤  $\frac{1}{\sqrt{a}}$

해설

$$0 < a < 1 \text{ 일 때 } a = \frac{1}{4} \text{ 라 하면}$$

$$\textcircled{1} \quad a^2 = \left(\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{1}{16}$$

$$\textcircled{2} \quad \sqrt{\left(\frac{1}{a}\right)^2} = \sqrt{\frac{1}{\left(\frac{1}{4}\right)^2}} = \sqrt{16} = 4$$

$$\textcircled{3} \quad \sqrt{a} = \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{2}$$

$$\textcircled{4} \quad \sqrt{(-a)^2} = \sqrt{\left(-\frac{1}{4}\right)^2} = \sqrt{\frac{1}{16}} = \frac{1}{4}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{1}{\sqrt{a}} = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{4}}} = \frac{1}{\frac{1}{2}} = 2$$

7.  $\frac{6\sqrt{2}}{2} + \frac{3\sqrt{5}}{5} - \frac{3\sqrt{5}}{5} + 2$  를 간단히 나타내면?

Ⓐ ①  $3\sqrt{2} + 2$

Ⓑ ②  $3\sqrt{2} + 3\sqrt{5} + 2$

Ⓒ ③  $3\sqrt{5} + 2$

Ⓓ ④  $3\sqrt{2} - 2$

Ⓔ ⑤  $3\sqrt{5} - 2$

해설

$$\frac{6\sqrt{2}}{2} + \frac{3\sqrt{5}}{5} - \frac{3\sqrt{5}}{5} + 2 = 3\sqrt{2} + 2$$

8. 다음 중 옳은 것은?

- ① 유리수의 제곱근은 항상 무리수이다.
- ② 네 변의 길이가 무리수인 직사각형의 넓이는 항상 무리수이다.
- ③ 서로 다른 두 유리수의 곱은 항상 유리수이다.
- ④ 순환하지 않는 무한소수도 유리수일 수 있다.
- ⑤ 모든 유리수의 제곱근은 2 개이다.

해설

- ① 유리수 9의 제곱근은  $\pm 3$ 으로 유리수이므로 옳지 않다.
- ② 가로, 세로의 길이가 각각  $\sqrt{3}$ ,  $\sqrt{12}$ 인 무리수인 직사각형의 넓이는  $\sqrt{36} = 6$ 이 되어 유리수이므로 옳지 않다.
- ③ 순환하지 않는 무한소수는 모두 무리수이다.
- ④ 0의 제곱근은 1개, -1의 제곱근은 0개이므로 옳지 않다.

따라서 옳은 것을 고르면 ③이다.

9. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 무리수를 소수로 나타내면 순환하지 않는 무한 소수이다.
- ② 두 무리수  $-\sqrt{3}$  과  $\sqrt{5}$  사이에는 무수히 많은 유리수가 있다.
- ③ 두 정수  $-1$  과  $3$  사이에는 무수히 많은 유리수가 있다.
- ④ (무리수) + (무리수) = (무리수) 이다.
- ⑤ 수직선 위의 모든 점은 실수에 대응된다.

해설

④  $\sqrt{2} + (-\sqrt{2}) = 0$  이므로 무리수와 무리수의 합은 유리수가 될 수도 있다.

10.  $f(x) = \sqrt{x+1} - \sqrt{x}$  일 때,  $f(1) + f(2) + f(3) + \cdots + f(39) + f(40)$ 의 값을 구하면?

- ①  $\sqrt{40} - 1$       ②  $\sqrt{40} + 1$       ③  $\sqrt{41} - 1$   
④  $\sqrt{41} + 1$       ⑤  $\sqrt{41} - \sqrt{40}$

해설

$$f(1) = \sqrt{2} - 1 = -1 + \sqrt{2}$$

$$f(2) = \sqrt{3} - \sqrt{2} = -\sqrt{2} + \sqrt{3}$$

$$f(3) = \sqrt{4} - \sqrt{3} = -\sqrt{3} + \sqrt{4} \dots$$

$$f(39) = \sqrt{40} - \sqrt{39} = -\sqrt{39} + \sqrt{40}$$

$$f(40) = \sqrt{41} - \sqrt{40} = -\sqrt{40} + \sqrt{41}$$

$$\therefore f(1) + f(2) + f(3) + \cdots + f(39) + f(40)$$

$$= (-1 + \sqrt{2}) + (-\sqrt{2} + \sqrt{3}) + (-\sqrt{3} + \sqrt{4}) + \cdots + (-\sqrt{39} + \sqrt{40})$$

$$+ (-\sqrt{40} + \sqrt{41}) = -1 + \sqrt{41}$$

11.  $6\sqrt{6} - 4\sqrt{3} + 2\sqrt{6} - 3\sqrt{3}$  을 간단히 하면?

- ①  $2\sqrt{6} + 1\sqrt{3}$       ②  $3\sqrt{6} - 2\sqrt{3}$       ③  $7\sqrt{6} + 8\sqrt{3}$   
④  $8\sqrt{6} - 7\sqrt{3}$       ⑤  $4\sqrt{6} + 2\sqrt{3}$

해설

$$\begin{aligned} & 6\sqrt{6} - 4\sqrt{3} - 3\sqrt{3} + 2\sqrt{6} \\ &= (6\sqrt{6} + 2\sqrt{6}) - (4\sqrt{3} + 3\sqrt{3}) \\ &= 8\sqrt{6} - 7\sqrt{3} \end{aligned}$$

12. 다음 중에서 옳은 설명을 모두 고른 것은?

- 모든 무리수  $x, y$ 에 대하여  
ㄱ.  $x + y$ 는 항상 무리수이다.  
ㄴ.  $x - y$ 는 항상 무리수이다.  
ㄷ.  $x \times y$ 는 항상 무리수이다.  
ㄹ.  $x \div y$ 는 항상 무리수이다.

- ① ㄱ                  ② ㄱ, ㄴ                  ③ ㄱ, ㄴ, ㄷ  
④ ㄱ, ㄴ, ㄷ, ㄹ      ⑤ 없다

해설

- ㄱ.의 반례 :  $x = \sqrt{2}, y = -\sqrt{2}$  라 하면  $\sqrt{2} + (-\sqrt{2}) = 0$   
ㄴ.의 반례 :  $x = \sqrt{2}, y = \sqrt{2}$  라 하면  $\sqrt{2} - \sqrt{2} = 0$   
ㄷ.의 반례 :  $x = \sqrt{2}, y = \sqrt{2}$  라 하면  $\sqrt{2} \times \sqrt{2} = (\sqrt{2})^2 = 2$   
ㄹ.의 반례 :  $x = \sqrt{2}, y = \sqrt{2}$  라 하면  $\sqrt{2} \div \sqrt{2} = 1$

따라서, 옳은 것은 ⑤ 없다.

13.  $\sqrt{50-x}$  가 자연수가 되도록 하는 자연수  $x$  중 세번째로 작은 값은?

- ① 1      ② 5      ③ 9      ④ 14      ⑤ 25

해설

50 보다 작은 제곱수 중 가장 큰 수부터 차례대로 구하면 49, 36, 25 이고, 이를 만족하는 자연수  $x$  중 세번째로 작은

값은  $\sqrt{50-x} = 25$  가 될 때이다.

$$\sqrt{50-x} = \sqrt{25}$$

$$50-x = 25$$

$$\therefore x = 25$$

14.  $0 < a < 1$  일 때, 다음 중 가장 큰 것은?

- ①  $a$       ②  $a^3$       ③  $\sqrt{a}$       ④  $\frac{1}{a^3}$       ⑤  $\frac{1}{\sqrt{a}}$

해설

$$a = \frac{1}{2} \text{ 라고 하면}$$

$$\textcircled{1} \frac{1}{2}$$

$$\textcircled{2} \frac{1}{8}$$

$$\textcircled{3} \sqrt{\frac{1}{2}}$$

$$\textcircled{4} 8$$

$$\textcircled{5} \sqrt{2}$$

15. 유리수  $a$  와 무리수  $b$  가  $a > 0$ ,  $b > 0$  일 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

- ①  $b\sqrt{a}$  는 항상 무리수이다.
- ②  $\frac{b}{\sqrt{a}}$  는 항상 유리수이다.
- ③  $b - a$  는 항상 무리수이다.
- ④  $ab$  는 항상 무리수이다.
- ⑤  $b - \sqrt{a}$  는 유리수일 수도 있고, 무리수일 수도 있다.

해설

$a = 2$ ,  $b = \sqrt{2}$  라 하면

①  $b\sqrt{a} = 2\sqrt{2}$  유리수이지만  $a = 1$ ,  $b = \sqrt{3}$  일 때는 무리수

②  $\frac{b}{\sqrt{a}} = \sqrt{2}$  유리수이지만  $a = 1$ ,  $b = \sqrt{3}$  일 때는 무리수

③  $b - a = \sqrt{2} - 2$  항상 무리수

④  $ab = 2\sqrt{2}$  항상 무리수

⑤  $b - \sqrt{a} = 0$  유리수이지만  $a = 1$ ,  $b = \sqrt{3}$  일 때는 무리수

따라서 옳은 것은 ③, ④, ⑤이다.