

1.  $\sqrt{3} = a$ ,  $\sqrt{5} = b$  일 때,  $\sqrt{0.008} + \sqrt{300}$  을  $a$ ,  $b$  를 이용하여 나타내면?

①  $5a + \frac{1}{10}b$       ②  $5a + \frac{1}{20}b$       ③  $10a + \frac{1}{15}b$   
④  $10a + \frac{1}{25}b$       ⑤  $15a + \frac{1}{20}b$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{0.008} &= \sqrt{\frac{80}{10000}} = \frac{\sqrt{80}}{100} \\ &= \frac{\sqrt{2^4 \times 5}}{100} = \frac{4\sqrt{5}}{100} = \frac{1}{25}b \\ \sqrt{300} &= \sqrt{3 \times 100} = 10\sqrt{3} = 10a \\ \therefore \sqrt{0.008} + \sqrt{300} &= 10a + \frac{1}{25}b\end{aligned}$$

2.  $\sqrt{2} = a$ ,  $\sqrt{6} = b$  일 때,  $\sqrt{0.96} + \sqrt{200}$  을  $a$ ,  $b$  를 이용하여 나타내면?

①  $5a + \frac{1}{10}b$       ②  $5a + \frac{1}{20}b$       ③  $10a + \frac{2}{5}b$

해설

$$\sqrt{0.96} = \sqrt{\frac{96}{100}} = \frac{\sqrt{2^4 \times 6}}{10} = \frac{4\sqrt{6}}{10} = \frac{2}{5}b$$

$$\sqrt{200} = \sqrt{2 \times 100} = 10\sqrt{2} = 10a$$

$$\therefore \sqrt{0.96} + \sqrt{200} = 10a + \frac{2}{5}b$$

3.  $a = \sqrt{3}, b = \sqrt{5}$  라 할 때,  $\sqrt{675}$  를  $a, b$  를 써서 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a^3b^2$

해설

$$\sqrt{675} = \sqrt{27 \times 25} = \sqrt{3^3} \sqrt{5^2} = a^3b^2$$

4.  $\sqrt{n^2 + 77} = m$  이 되도록 자연수  $m, n$ 의 값을 정하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $m = 39, n = 38$  또는  $m = 9, n = 2$

해설

양변을 제곱하면  $n^2 + 77 = m^2$  이므로  
 $m^2 - n^2 = (m - n)(m + n) = 77$   
따라서  $(m + n, m - n) = (77, 1)$  또는  $(11, 7)$  ( $\because m, n$ 은 자연  
수이므로  $m + n > m - n$ )  
따라서  $m = 39, n = 38$  또는  $m = 9, n = 2$ 이다.

5. 두 자리 자연수  $m$ 에 대하여,  $\sqrt{18(m+1)}$ 이 자연수가 되도록 하는  $m$ 의 값의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 265

해설

$$10 \leq m < 100, \sqrt{2(m+1)} \rightarrow \text{자연수}$$

$$m+1 = 2k^2$$

$$11 \leq 2k^2 < 101$$

$$5.5 \leq k^2 < 50.5$$

$$k^2 = 9, 16, 25, 36, 49$$

$$m = 2 \times 9 - 1 = 17, m = 2 \times 16 - 1 = 31, m = 2 \times 25 - 1 = 49$$

$$, m = 2 \times 36 - 1 = 71, m = 2 \times 49 - 1 = 97$$

따라서  $m$  값의 합은  $17 + 31 + 49 + 71 + 97 = 265$  이다.

6.  $2x - y = 3$  일 때,  $\sqrt{2x + y}$  가 자연수가 되게 만드는 가장 작은 두 자리 자연수  $x$  는?

- ① 10      ② 13      ③ 16      ④ 19      ⑤ 22

해설

$$2x - y = 3 \Rightarrow y = 2x - 3$$

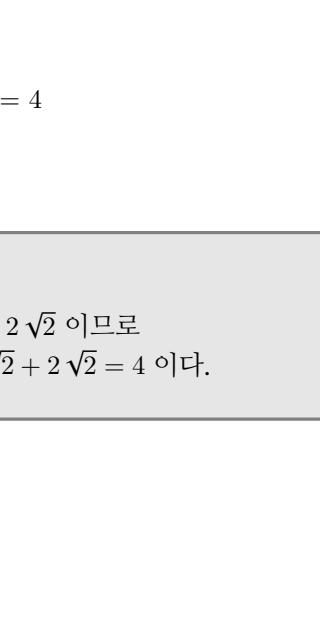
$$\sqrt{2x + y} = \sqrt{2x + 2x - 3} = \sqrt{4x - 3}$$

$x$  는 최소한 가장 작은 두자리 수인 10 이상이어야 하므로,  
근호 안의 제곱수는  $7^2$  이상이 되어야 한다. ( $\sqrt{4 \times 10 - 3} = \sqrt{37} > 7^2$ )

$\therefore \sqrt{4x - 3} = 7$  일 때,  $x = 13$  이므로 성립한다.

$$\therefore x = 13$$

7. 다음그림과 같이 좌표평면 위의 정사각형 OABC에서  $\overline{OA} = \overline{OQ}$ ,  $\overline{BC} = \overline{BP}$ 이다. 두 점 P, Q의 x 좌표를 각각  $p$ ,  $q$ 라 할 때,  $p + q$ 의 값을 구하여라.



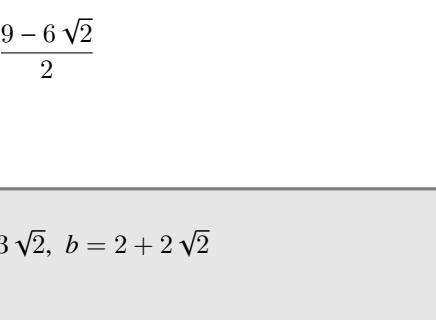
▶ 답:

▷ 정답:  $p + q = 4$

해설

$$\begin{aligned} p &= 4 - 2\sqrt{2} \\ q &= 0 + 2\sqrt{2} = 2\sqrt{2} \text{ 이므로} \\ p + q &= 4 - 2\sqrt{2} + 2\sqrt{2} = 4 \text{ 이다.} \end{aligned}$$

8. 다음 그림에서 점 P 의 좌표를  $a$ , 점 Q 의 좌표를  $b$  라고 할 때,  $\frac{a}{b}$  의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{9 - 6\sqrt{2}}{2}$

해설

$$a = -3 + 3\sqrt{2}, b = 2 + 2\sqrt{2}$$

$$\frac{a}{b} = \frac{-3 + 3\sqrt{2}}{2 + 2\sqrt{2}}$$

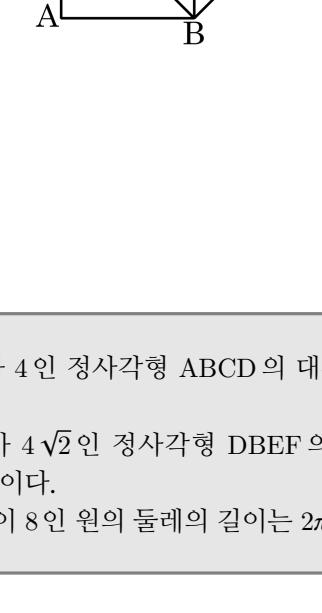
$$= \frac{(-3 + 3\sqrt{2})(2 - 2\sqrt{2})}{(2 + 2\sqrt{2})(2 - 2\sqrt{2})}$$

$$= \frac{-6 + 6\sqrt{2} + 6\sqrt{2} - 12}{-4}$$

$$= \frac{-18 + 12\sqrt{2}}{-4}$$

$$= \frac{9 - 6\sqrt{2}}{2}$$

9. 그림과 같이 한 변의 길이가 4인 정사각형 ABCD 의 대각선  $\overline{BD}$ 를 한 변으로 하는 정사각형 DBEF 가 있다. DBEF 의 대각선을 반지름으로 하는 원의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답:  $16\pi$

해설

한 변의 길이가 4인 정사각형 ABCD 의 대각선  $\overline{BD}$ 의 길이는

$4\sqrt{2}$

한 변의 길이가  $4\sqrt{2}$ 인 정사각형 DBEF 의 대각선의 길이는

$4\sqrt{2} \times \sqrt{2} = 8$ 이다.

따라서 반지름이 8인 원의 둘레의 길이는  $2\pi \times 8 = 16\pi$ 이다.

10. 다음 보기의 A, B, C, D, E에서 가장 큰 수와 가장 작은 수의 곱은?

[보기]

$$\textcircled{\text{A}} \quad \sqrt{75} = A\sqrt{3} \quad \textcircled{\text{B}} \quad \sqrt{2^2 \times 5^2 \times 3} = B\sqrt{3}$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad 3\sqrt{3} + 4\sqrt{3} = C\sqrt{3} \quad \textcircled{\text{D}} \quad \frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{6}} = D\sqrt{3}$$

$$\textcircled{\text{E}} \quad \sqrt{0.21} \div \sqrt{7} = E\sqrt{3}$$

▶ 답:

▷ 정답: 1

[해설]

$$\textcircled{\text{A}} \quad \sqrt{5 \times 5 \times 3} = 5\sqrt{3}, \therefore A = 5$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad \sqrt{10^2 \times 3} = 10\sqrt{3}, \therefore B = 10$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad 7\sqrt{3}, \therefore C = 7$$

$$\textcircled{\text{D}} \quad \frac{3\sqrt{2}\sqrt{6}}{\sqrt{6}\sqrt{6}} = \frac{6}{6}\sqrt{3} = \sqrt{3}, \therefore D = 1$$

$$\textcircled{\text{E}} \quad \sqrt{\frac{21}{100} \times \frac{1}{7}} = \sqrt{\frac{3}{100}} = \frac{1}{10}\sqrt{3}, \therefore E = 0.1$$

가장 큰 수 : 10, 가장 작은 수 : 0.1

$$\therefore 10 \times 0.1 = 1$$

11.  $\sqrt{(-6)^2} + (-2\sqrt{3})^2 - \sqrt{3} \left( \sqrt{24} - \frac{3}{\sqrt{3}} \right) = a + b\sqrt{2}$  의 꼴로 나타낼 때,  $a + b$  의 값은?(단,  $a, b$  는 유리수)

- ① -15      ② 15      ③ -9      ④ 9      ⑤ 0

해설

$$6 + 12 - 6\sqrt{2} + 3 = 21 - 6\sqrt{2}$$

$$\therefore a = 21, b = -6$$

$$\therefore a + b = 21 - 6 = 15$$

12.  $X = \sqrt{200}$ ,  $Y = 2\sqrt{12} - \sqrt{48}$ ,  $Z = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{8}} - 3\sqrt{6}$  일 때,  $\sqrt{3}X + Y - Z$

의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{51\sqrt{6}}{4}$

해설

$$X = \sqrt{200} = \sqrt{2^2 \times 5^2 \times 2} = 10\sqrt{2}$$

$$Y = 2\sqrt{12} - \sqrt{48} = 2\sqrt{2^2 \times 3} - \sqrt{2^4 \times 3} = 4\sqrt{3} - 4\sqrt{3} = 0$$

$$Z = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{8}} - 3\sqrt{6} = \frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{2}} - 3\sqrt{6} = \frac{\sqrt{3}\sqrt{2}}{2\sqrt{2}\sqrt{2}} - 3\sqrt{6} = \frac{\sqrt{6}}{4} - 3\sqrt{6} =$$

$$-\frac{11\sqrt{6}}{4}$$

$$\therefore \sqrt{3}X + Y - Z = \sqrt{3}(10\sqrt{2}) + 0 - \left(-\frac{11\sqrt{6}}{4}\right) = 10\sqrt{6} + \frac{11\sqrt{6}}{4} =$$

$$\frac{51\sqrt{6}}{4}$$

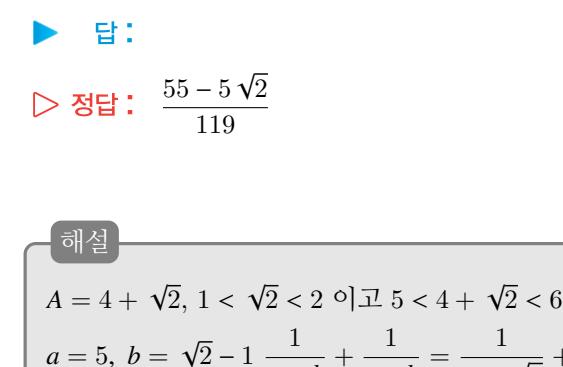
13.  $\frac{1}{1+\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}+\sqrt{3}} + \cdots + \frac{1}{\sqrt{8}+\sqrt{9}}$  를 계산하면?

- ① 6      ② 5      ③ 4      ④ 3      ⑤ 2

해설

$$\sqrt{2}-1 + \sqrt{3}-\sqrt{2} + \cdots + \sqrt{9}-\sqrt{8} = -1 + \sqrt{9} = -1 + 3 = 2$$

14. 다음 수직선에서 점A의 정수 부분을  $a$ , 소수부분을  $b$ 라 할 때,  $\frac{1}{a+b} +$



▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{55 - 5\sqrt{2}}{119}$

해설

$A = 4 + \sqrt{2}$ ,  $1 < \sqrt{2} < 2$  이고  $5 < 4 + \sqrt{2} < 6$  이므로

$$a = 5, b = \sqrt{2} - 1 \quad \frac{1}{a+b} + \frac{1}{a-b} = \frac{1}{4+\sqrt{2}} + \frac{1}{6-\sqrt{2}}$$

$$= \frac{6-\sqrt{2}+4+\sqrt{2}}{(4+\sqrt{2})(6-\sqrt{2})} = \frac{10}{22+2\sqrt{2}} = \frac{5}{11+\sqrt{2}}$$

$$= \frac{5(11-\sqrt{2})}{121-2} = \frac{55-5\sqrt{2}}{119}$$

15. 부등식  $3 \leq (\sqrt{2} + 1)x \leq 7$  을 만족하는 자연수  $x$  를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$3 \leq (\sqrt{2} + 1)x \leq 7$  에서  $\sqrt{2} + 1 > 0$  이므로

$$\frac{3}{\sqrt{2} + 1} \leq x \leq \frac{7}{\sqrt{2} + 1} \quad \therefore 3\sqrt{2} - 3 \leq x \leq 7\sqrt{2} - 7$$

$$4 < 3\sqrt{2} = \sqrt{18} < 5 \text{ 에서 } 1 < 3\sqrt{2} - 3 < 2$$

$$9 < 7\sqrt{2} = \sqrt{98} < 10 \text{ 에서 } 2 < 7\sqrt{2} - 7 < 3$$

1.  $\times \times \leq x \leq 2, \times \times$  이므로

따라서 자연수  $x = 2$  이다.