1. 유나네 집 앞 아이스크림 가게의 네온사인은 10 초마다, 피시방의 네온사인은 8 초마다 불이 켜진다. 두 가게가 같은 시각에 네온사인의 불이 켜진다면 몇 초마다 동시에 불이 켜지는지 구하여라.

 답:
 초

 ▷ 정답:
 40 초

해설

초마다 동시에 불이 켜진다. ______

10 과 8 의 최소공배수는 40 이므로 두 가게의 네온사인은 40

2. 5 로 나누어도 3 이 남고, 6 으로 나누어도 3 이 남는 자연수 중 100 이하의 자연수를 모두 구하여라.

답:답:

н

▶ 답:

▷ 정답: 33▷ 정답: 63

▷ 정답: 93

해설 구하는 수는 5 , 6 의 공배수보다 3 만큼 큰 수 중 100 이하의

30,60, · · · 이다.

따라서 구하는 수는 33,63,93 이다.

수이다. 이때, 5 , 6 의 최소공배수는 30 이므로 5 , 6 의 공배수는

3. $2^2 \times 3^3 \times 5$ 와 $2^2 \times 3 \times 5^2 \times 7$ 의 최대공약수와 최소공배수를 바르게 나타낸 것을 골라라.

① 최대공약수 : $2^2 \times 3^2$, 최소공배수 : $2^2 \times 3^3 \times 5 \times 7$

② 최대공약수: $2^2 \times 3^2$, 최소공배수: $2^3 \times 3^3 \times 5 \times 7$

③ 최대공약수 : $2^2 \times 3 \times 5$, 최소공배수 : $2^2 \times 3^3 \times 5^2 \times 7$

④ 최대공약수 : $2^2 \times 3$, 최소공배수 : $2^3 \times 3^2 \times 5 \times 7$

⑤ 최대공약수 : $2^2 \times 3^3 \times 5$, 최소공배수 : $2^3 \times 3^3 \times 5 \times 7$

해설

 $2^2 \times 3^3 \times 5$ $2^2 \times 3 \times 5^2 \times 7$ 최대공약수: $2^2 \times 3 \times 5$ 최소공배수: $2^2 \times 3^3 \times 5^2 \times 7$

4. 두 자연수의 곱이 84 이고 최대공약수가 1 일 때, 최소공배수는?

① 42 ② 84 ③ 90 ④ 168 ⑤ 336

해설 (도 소 º

(두 수의 곱)=(최대공약수)×(최소공배수)이므로 84 = 1× (최소공배수) 따라서 최소공배수는 84 이다. 5. 자연수 a의 약수의 개수를 A(a)로 나타낼 때, $A(24) \times A(x) = 32$ 에서 가장 작은 x의 값은?

① 9 ② 8 ③ 7 ④ 6 ⑤ 4

해설 $24 = 2^{3} \times 3$ 이므로 $A(24) = (3+1) \times (1+1)$ $= 4 \times 2 = 8$ $8 \times A(x) = 32$

A(x) = 4 약수의 개수가 4개인 수 중에서 가장 작은 수는 $2 \times 3 = 6$ 이다.

- 6. $\frac{n}{20}$, $\frac{n}{30}$ 을 자연수가 되게 하는 n의 값 중 가장 작은 수는?

- ① 10 ② 30 ③ 40 ④ 50



두 분수가 자연수가 되려면, n은 20과 30의 공배수이어야 한다. 공배수 중 가장 작은 수는 두 수의 최소공배수이다. *n*의 값 중 가장 작은 수는 60이다.

7. 석우네 반 남학생 21 명과 여학생 28 명은 운동경기를 하기 위해 조를 짜기로 하였다. 가능한 많은 인원으로 조를 편성하려고 한다. 이 때, 몇 조까지 만들어지는지 구하여라.

 답:
 조

 ▷ 정답:
 7조

V 60 · 1±

해설

따라서 7 조까지 만들어진다.

남학생 수와 여학생 수의 최대 공약수는 7 이다.

8. 가로, 세로의 길이가 각각 48 m, 32 m 인 직사각형 모양의 꽃밭의 가장자리에 일정한 간격으로 나무를 심으려고 한다. 네 모퉁이에는 반드시 나무를 심어야 한다. 이때, 나무 그루수를 가능한 적게 하려고 할 때, 나무 사이의 간격은?

① 14 m ② 16 m ③ 18 m ④ 20 m ⑤ 22 m

나무 사이의 간격을 *x* 라 할 때,

48 = x × □, 32 = x × △ x 는 48과 32의 최대공약수이므로 48 = 2⁴ × 3, 32 = 2⁵

 $\therefore x = 2^4 = 16 \text{ (m)}$

- 9. 사생대회 상품으로 학용품을 준비했다. 공책 45 권, 샤프 38 개, 지우개 32 개를 될 수 있는 대로 많은 학생들에게 똑같이 나누어 주었더니 공책 3 권, 샤프 2 개, 지우개 2 개가 남았다. 몇 명의 학생에게 나누어 주었는가?
 - ① 4명 ② 6명 ③ 8명 ④ 10명 ⑤ 11명

학생 수는 45 - 3, 38 - 2, 32 - 2,

즉 42, 36, 30 의 최대공약수이므로 6 명

- 10. 고속버스 터미널에서 대전행 버스는 10 분마다 한 대씩, 광주행 버스는 15 분마다, 여수행 버스는 18 분마다 한 대씩 출발한다. 세 버스가 오전 9 시에 동시에 출발했을 때, 바로 다음으로 동시에 출발하는 시각은?

 - ① 오전 9 시 30 분 ② 오전 10 시
 - ③ 오전 10 시 30 분 ④ 오후 9 시 ⑤ 오후 9 시 30 분

10 , 15 , 18 의 최소공배수를 구한다.

해설

- 5) 10 15 18
- 2) 2 3 18
- 3) 1 3 9
- 1 1 3 $\therefore 5 \times 2 \times 3 \times 1 \times 1 \times 3 = 90$
- 따라서 오전 9 시부터 90 분 후인 오전 10 시 30 분에 동시에
- 출발한다.

11. 서로 맞물려 도는 두 톱니바퀴 A, B 가 있다. A 의 톱니의 수가 36, B 의 톱니의 수가 48 이다. 이 두 톱니바퀴가 처음과 같은 톱니에서 다시 물릴 때에는 B 는 적어도 몇 회전한 후인지 구하여라.

회전 답: ➢ 정답: 3<u>회전</u>

 $36 = 2^2 \times 3^2, \, 48 = 2^4 \times 3$ 의 최소공배수는 $2^4 \times 3^2 = 144$ 이다. ∴ B 의 회전수는 $\frac{144}{48} = 3$ (회전)

- 12. 가로의 길이가 $16\,\mathrm{cm}$, 세로의 길이가 $20\,\mathrm{cm}$ 인 직사각형을 겹치지 않게 빈틈없이 붙여서 가장 작은 정사각형을 만들려고 한다. 이때, 정사각형의 한 변의 길이는?
 - ⑤ 80 cm \bigcirc 30 cm $240 \,\mathrm{cm}$ $350 \,\mathrm{cm}$ $460 \,\mathrm{cm}$

정사각형의 한 변의 길이는 16 과 20 의 공배수이어야 하고, 가장 작은 정사각형을 만들려면 한 변의 길이는 16 과 20 의 최소공배 수이어야 한다. 따라서 정사각형의 한 변의 길이는 $80\,\mathrm{cm}$ 이다. 4) 16 20 4 5

해설

13. 소인수분해를 이용하여 다음 수들의 최소공배수와 최대공약수를 알 맞게 짝지은 것을 골라라.

45, 60, 90

최대공약수: 15,최소공배수: 180

① 최대공약수: 15,최소공배수: 90

③ 최대공약수: 30, 최소공배수: 180 ④ 최대공약수: 45, 최소공배수: 90

⑤ 최대공약수: 45, 최소공배수: 180

해설

45= 3² × 560=2² × 3 × 590=2 × 3² × 52² × 3² × 5

최소공배수 : $2^2 \times 3^2 \times 5 = 180$

최대공약수 : $3 \times 5 = 15$

14. $\frac{12}{n}$ 와 $\frac{21}{n}$ 을 자연수로 만드는 자연수 n 을 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 1

▷ 정답: 3

 $\frac{12}{n}$, $\frac{21}{n}$ 을 자연수로 만드는 자연수 n 은 12 와 21 의 공약수이다. 12 와 21 의 최대공약수는 3 이므로 n=1, 3 이다.

15. $\frac{28}{5}$ 과 $\frac{35}{8}$ 의 어느 것에 곱하여도 자연수가 되는 분수 중 가장 작은 수는? ① $\frac{32}{7}$ ② $\frac{36}{7}$ ③ $\frac{40}{7}$ ④ $\frac{41}{7}$ ⑤ $\frac{43}{7}$

해설 구하는 기약 분수를 $\frac{a}{b}$ 로 놓으면 $a=40,\ b=7$ 이므로 $\frac{a}{b}=\frac{40}{7}$

16. 현중이는 가로, 세로의 길이가 각각 $24 \mathrm{cm}$, $36 \mathrm{cm}$ 인 직사각형 모양의 대형 초콜릿을 남는 부분 없이 모두 같은 크기의 정사각형 모양으로 잘라 친구들에게 나누어 주려고 한다. 가능한 한 큰 정사각형으로 자르려고 할 때, 정사각형의 한 변의 길이는?

4 12 cm $\bigcirc 6 \, \mathrm{cm}$ $2 8 \, \text{cm}$ $3 \, 10 \, \text{cm}$ \bigcirc 24 cm

자르려고 하는 정사각형의 모양의 초콜릿은 24 와 36 의 공약수

이다. 그런데 가능한 한 큰 정사각형 모양으로 자른다고 했으므로 한

변의 길이는 24 와 36 의 최대공약수이다. 2) 24 36

3) 6

 $\begin{array}{c|cccc}
\hline
2 & 12 & 18 \\
\hline
 & 2 & 2 & 3 \\
\hline
\end{array}$ \therefore 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 = 12(\text{cm}) 9 2 3

17. 가로의 길이와 세로의 길이가 각각 225 cm, $2^2 \times 3 \times 5^2 \text{cm}$ 인 직사각 형의 가로와 세로를 등분하여 만들 수 있는 정사각형 중에서 가장 큰 정사각형의 한 변의 길이를 구하여라.

 답:
 cm

 ▷ 정답:
 75 cm

가장 큰 정사각형의 한 변의 길이는 225 와 $2^2 \times 3 \times 5^2$ 의 최대

공약수이므로 $225 = 3^2 \times 5^2, 2^2 \times 3 \times 5^2$

 $\therefore 3 \times 5^2 = 75 \text{ (cm)}$

18. 세 수 $2^2 \times 3 \times 5$, 90, $2^3 \times 3^2 \times 7$ 의 최대공약수와 최소공배수를 각각 구하여라.

▶ 답: 답:

▷ 정답: 6 ➢ 정답: 2520

해설

 $2^2 \times 3 \times 5$ $90=2 \times 3^2 \times 5$ $2^3 \times 3^2 \times 7$ 최대공약수: $2 \times 3 = 6$ 최소공배수: $2^3 \times 3^2 \times 5 \times 7 = 2520$

19. 다음 두 자연수의 최소공배수가 288 일 때, 최대공약수를 구하여라.

 $8 \times a$, $12 \times a$

▶ 답:

➢ 정답: 48

 $8 \times a = 2^3 \times a$ $12 \times a = 2^2 \times 3 \times a$ 최대공약수 : $2^3 \times 3 \times a = 96$ 최소공배수 : $2^2 \times a$ $a = 288 \div 8 \div 3 = 12$ 따라서 최대공약수는 $2^2 \times a = 48$ 이다.

20. 두 분수 $\frac{75}{n}$, $\frac{90}{n}$ 을 자연수로 만드는 n 의 개수를 구하여라.

 ■ 답:
 개

 □ 정답:
 4개

_

 $\frac{75}{n}$, $\frac{90}{n}$ 을 자연수로 만드는 자연수 n 은 75 와 90 의 공약수이다. 75 와 90 의 최대공약수가 15 이므로 n 은 1, 3, 5, 15 이다.

- **21.** $\frac{24}{n}$ 와 $\frac{40}{n}$ 을 자연수로 만드는 자연수 n 들을 모두 합하면?
 - ① 8 ② 12 ③ 15 ④ 20 ⑤ 25

n 은 24, 40 의 공약수이고, 공약수는 최대공약수의 약수이다. 24 와 40 의 최대공약수는 8 이고, 8 의 약수는 1, 2, 4, 8 이므로 따라서 합은 1+2+4+8=15 이다.

22. 가로의 길이, 세로의 길이, 높이가 각각 $54\,\mathrm{cm}$, $90\,\mathrm{cm}$, $108\,\mathrm{cm}$ 인 직 육면체 모양의 상자를 크기가 같은 정육면체 상자들로 빈틈없이 채 우려고 한다. 정육면체를 최대한 적게 사용하려고 할 때, 정육면체의 개수는?

① 180 개

②90 개 ⑤ 15 개

③ 36 개

④ 24 개

해설 정육면체가 가장 적을 때 정육면체 한 모서리의 길이가 가장

크므로 상자 한 모서리의 길이는 54, 90, 108 의 최대공약수인 18cm 이다. 따라서 상자의 개수는 $(54 \div 18) \times (90 \div 18) \times (108 \div 18) = 90 \; (7 \text{\reft})$

23. 가로의 길이, 세로의 길이, 높이가 각각 $45 \, \mathrm{cm}$, $60 \, \mathrm{cm}$, $90 \, \mathrm{cm}$ 인 상자속에 정육면체 모양의 과자 상자를 넣으려고 한다. 과자 상자를 될 수있는 한 적게 사용하려고 할 때, 상자의 한 모서리의 길이와 상자의 개수를 차례대로 구하여라.

 $\underline{\mathrm{cm}}$

▶ 답: <u>개</u>

▷ 정답: 15<u>cm</u>

▷ 정답: 72<u>개</u>

해설

▶ 답:

정육면체의 한 모서리의 길이를 x cm 라 할 때, $x \leftarrow 45, 60, 90$ 의 최대공약수 $45 = 3^2 \times 5, 60 = 2^2 \times 3 \times 5, 90 = 2 \times 3^2 \times 5$

 $\therefore x = 3 \times 5 = 15 \text{ (cm)}$

 $45 = 15 \times 3, 60 = 15 \times 4, 90 = 15 \times 6$ ∴ $3 \times 4 \times 6 = 72$ (기)

24. 61 을 나누면 5 가 남고 165 를 나누면 3 이 부족한 수가 <u>아닌</u> 것은?

① 4 ② 7 ③ 14 ④ 28 ⑤ 56

56 과 168 의 최대공약수는 56 56 약수 중 나머지 5 보다 큰 수들은 7, 8, 14, 28, 56 이다.

25. $\frac{8}{n}$, $\frac{24}{n}$, $\frac{36}{n}$ 을 자연수로 만드는 자연수 n 들을 모두 곱하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

n 은 8, 24, 36 의 공약수, 공약수는 최대공약수의 약수이므로

8, 24, 36 의 최대공약수는 4 이다. 4 의 약수는 1, 2, 4 이다. 따라서 8 이다

따라서 8 이다.