1. 다음 설명 중 옳은 것은?

- 소수는 약수의 개수가 2 개이다.소수는 모두 홀수이다.
- ③ 가장 작은 소수는 1 이다.
- ④ 모든 자연수는 약수의 개수가 2 개 이상이다.⑤ 자연수에는 소수와 합성수가 있다.

② 2 는 유일한 짝수인 소수이다.

해설

- ③ 가장 작은 소수는 2 이다. 1 은 소수가 아니다. ④ 1 은 약수의 개수가 1 개이다
- ④ 1 은 약수의 개수가 1 개이다. ⑤ 자연수에는 소수와 합성수 그리고 1 이 있다.
- | 이 시 한구에는 도구의 합성구 = |

다음 네모 칸에 쓰여진 수 중에서 3⁴ × 11⁵ 의 약수를 모두 찾아 색칠 하면 한글 자음 중 하나가 나타난다. 그 한글 자음은 무엇인지 찾아라.

$3^4 \times 11$	11	3×11
$3^2 \times 11^2$	16	3×11^2
33	2×3^2	$3^4 \times 11^5$
$3^2 \times 11$	121	$3^3 \times 11^5$

① 7 ② L ③ C ④ 2 ⑤ D

4 2 0)

해설 3⁴ 의 약수는 1 , 3 , 3² , 3³ , 3⁴ 이고 11⁵ 의 약수는 1 , 11 , 11²

, 11^3 , 11^4 , 11^5 이다. 표의 수들을 소인수분해하면 $16=2^4$, $121=11^2$, $33=3\times 11$ 이다.

 $3^4 \times 11^5$ 의 약수를 모두 찾아 색칠하면 다음 표와 같다.

$3^2 \times 11^2$	16	3×11^2
33	2×3^2	$3^4 \times 11^5$
$3^2 \times 11$	121	$3^3 \times 11^5$

3. 다음 두 수의 최대공약수를 구하여라.

 $2^2 \times 3 \times 5^2, \ 2 \times 3^3 \times 7^2$

▶ 답:

▷ 정답: 6

 $2 \times 3 = 6$

다음은 재중이와 사랑이의 대화이다. 🔃 안에 알맞은 것을 보기에서 4. 찾아 차례대로 써넣어라.

> 보기 공약수, 최대공약수, 5,6

사랑 : 무엇을 구했는데? 재중 : 두 수의 최대공약수를 구했어. 45가 답이야.

사랑: 그럼 그 두 수의 공약수의 개수도 구할 수 있겠네?

재중: 잠깐만, 아까 두 수가 뭐였더라. 사랑 : 최대공약수만 알면 두 수를 몰라도 공약수를 구할 수

있잖아. 재중 : 그럼, 🔛의 약수의 개수와 두 수의 공약수의 약수의

개수도 같구나! 사랑 : 맞아! 재중 : 공약수의 개수는 개구나.

재중 : 드디어 구했어! 사랑아!

답:

▶ 답:

▷ 정답: 최대공약수 ▷ 정답: 6

해설

재중: 드디어 구했어! 사랑아!

재중 : 두 수의 최대공약수를 구했어. 45가 답이야. 사랑: 그럼 그 두 수의 공약수의 개수도 구할 수 있겠네?

사랑: 무엇을 구했는데?

재중: 잠깐만, 아까 두 수가 뭐였더라. 사랑: 최대공약수만 알면 두 수를 몰라도 공약수를 구할

수 있잖아. 재중: 그럼, (= 최대공약수)의 약수의 개수와 두 수의

공약수의 약수의 개수도 같구나! 사랑 : 맞아! 재중 : 공약수의 개수는 [__(= 6) 개구나.

45 를 소인수분해하면 $45 = 3^2 \times 5$ 이므로 약수의 개수는 $(2 + 1)^2$

 $1) \times (1+1) = 6$ (개)이다.

두 자연수 a, b 의 최대공약수가 24 일 때, a, b 의 공약수의 개수를 **5.** 구하여라.

▶ 답: <u>개</u> ▷ 정답: 8 개

해설

a,b 의 공약수는 최대공약수 24의 약수와 같으므로 $24=2^3 \times 3$ (a, b의 공약수의 개수) = (24의 약수의 개수)

 $= (3+1) \times (1+1)$ = 8(개)

6. 다음 중 3^4 을 나타낸 식은?

① 3×4 ② 3 + 3 + 3 + 3 ③ $4 \times 4 \times 4$ $\textcircled{4}3 \times 3 \times 3 \times 3 \qquad \textcircled{5} \ 4 \times 3$

 $3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^4$ 이다.

7. 120 을 소인수분해한 것 중 알맞은 것은?

① $2^3 \times 3 \times 5$ ② $4^2 \times 3 \times 5$ ③ $2 \times 6 \times 10$ ④ $2^2 \times 6 \times 5$ ⑤ $2^2 \times 3 \times 10$

2) 120 2) 60 2) 30 3) 15 5 120 = 2³ × 3 × 5

- 8. $600 = a^x \times b^y \times c^z$ 로 소인수분해될 때, $(a+b+c) \times (x+y+z)$ 의 값은? (단, a < b < c)
 - ① 12 ② 24 ③ 36 ④ 48 ⑤ 60

 $600 = 2^3 \times 3 \times 5^2 = a^x \times b^y \times c^z$ ○□ 로 a = 2, b = 3, c = 5, x = 3, y = 1, z = 2 ∴ $(a+b+c)\times(x+y+z) = (2+3+5)\times(3+1+2) = 10\times6 = 60$

- 9. 다음 중 소인수 분해 하였을 때, 소인수가 <u>다른</u> 것끼리 짝지은 것은?
 - **4** 128 ① 28 ② 56 ③ 112 **⑤** 196

① 28 = 2²×7 이므로

28 의 소인수는 2, 7

② $56 = 2^3 \times 7$ 이므로

56 의 소인수는 2, 7

③ 112 = 2⁴ × 7 이므로 112 의 소인수는 2, 7

④ 128 = 2⁷ 이므로

128 의 소인수는 2

⑤ 196 = 2² × 7² 이므로 196 의 소인수는 2, 7

10. 다음 중 두 수가 서로소인 것은?

① 36, 66 ② 21, 49 ③25, 52 ④ 34, 51 ⑤ 18, 94

주어진 두 수의 최대공약수는 다음과 같다. ① $36 = 2^2 \times 3^2$

 $66 = 2 \times 3 \times 11$

두 수의 최대공약수는 2×3이다.

② $21 = 3 \times 7$ $49 = 7^2$

두 수의 최대공약수는 7이다.

 $325 = 5^2$

 $52 = 2^2 \times 13$

두 수의 최대공약수는 1이다. $434 = 2 \times 17$

 $51 = 3 \times 17$ 두 수의 최대공약수는 17이다.

 $(5) 18 = 2 \times 3^2$

 $94 = 2 \times 47$

두 수의 최대공약수는 2이다.

- **11.** 두 자연수 48,56 의 최소공배수는?
 - ① $2^2 \times 6 \times 7$ ② $2^4 \times 6 \times 7$ ③ $2^3 \times 5 \times 7$ $\textcircled{4} 2^4 \times 3 \times 7 \qquad \qquad \textcircled{5} \ \ 2 \times 6 \times 7$

 $48 = 2^4 \times 3, 56 = 2^3 \times 7$ 이므로

최소공배수는 $2^4 \times 3 \times 7$ 이다.

12. 두 수 $2^2 \times 3 \times 5$ 와 $2^a \times 3^b \times c$ 의 최소공배수가 $2^3 \times 3^3 \times 5 \times 7$ 일 때, a+b+c 의 값을 구하면?

- ① 13 ② 12 ③ 10 ④ 8 ⑤ 7

최소공배수가 $2^3 \times 3^3 \times 5 \times 7$ 이므로

 $2^a = 2^3$, $3^b = 3^3$, c = 7이다. $\therefore a=3$, b=3 , c=7에서 a+b+c=13

- 13. 고속버스 터미널에서 대전행 버스는 10 분마다 한 대씩, 광주행 버스는 15 분마다, 여수행 버스는 18 분마다 한 대씩 출발한다. 세 버스가 오전 9 시에 동시에 출발했을 때, 바로 다음으로 동시에 출발하는 시각은?
 - ③ 오전 10 시 30 분 ④ 오후 9 시
 - ① 오전 9 시 30 분 ② 오전 10 시
 - ⑤ 오후 9 시 30 분

10 , 15 , 18 의 최소공배수를 구한다.

해설

- 5) 10 15 18 2) 2 3 18
- 3) 1 3 9
- 1 1 3 $\therefore 5 \times 2 \times 3 \times 1 \times 1 \times 3 = 90$
- 따라서 오전 9 시부터 90 분 후인 오전 10 시 30 분에 동시에
- 출발한다.

14. 소인수분해를 이용하여 다음 수들의 최소공배수와 최대공약수를 알 맞게 짝지은 것을 골라라.

45, 60, 90

① 최대공약수: 15,최소공배수: 90 최대공약수: 15,최소공배수: 180

③ 최대공약수: 30, 최소공배수: 180

④ 최대공약수: 45, 최소공배수: 90 ⑤ 최대공약수: 45, 최소공배수: 180

해설

 $45 = 3^{2} \times 5$ $60 = 2^{2} \times 3 \times 5$ $90 = 2 \times 3^{2} \times 5$ $2^{2} \times 3^{2} \times 5$ 최대공약수 : $3 \times 5 = 15$

최소공배수 : $2^2 \times 3^2 \times 5 = 180$

15. 어떤 수를 13 으로 나누면 6 이 남는 수 중 200 에 가장 가까운 수를 구하여라.

■ 답:

▷ 정답: 201

어떤 수를 x 라 하고 몫을 k 라 하면 $x = 13 \times k + 6$ 이다.

해설

 k = 15 일 때, x = 13 × 15 + 6 = 201 이고 k = 16 일 때,

 x = 13 × 16 + 6 = 214 이다.

 따라서 200 에 가장 가까운 수는 201 이다.

- **16.** $540 \times a = b^2$ 일 때, a 의 값 중 두 번째로 작은 수는? (단, a, b 는 자연수)
 - ① 24 ② 38 ③ 56 ④ 60 ⑤ 72

 $540 = 2^2 \times 3^3 \times 5$ 이므로 곱할 수 있는 수는 $3 \times 5 \times ($ 자연수 $)^2$ 의 꼴이다. 따라서, 곱할 수 있는 가장 작은 자연수는 $3 \times 5 \times 1^2 = 15$ 이고,

곱할 수 있는 두 번째 작은 자연수는 $3 \times 5 \times 2^2 = 60$ 이다.

해설

17. 다음 중 약수의 개수가 가장 많은 것은?

 $\bigcirc 2^2 \times 3^2 \times 5$ $4) 3^2 \times 7^3$

② 88

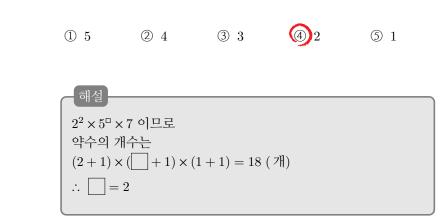
 $3 2 \times 3^3$

 $35 = 5 \times 7 ,$

해설

① 35

- $(1+1) \times (1+1) = 2 \times 2 = 4$ (개) ② $88 = 2^3 \times 11$,
- $(3+1) \times (1+1) = 8 \ (71)$
- ③ $(1+1) \times (3+1) = 2 \times 4 = 8$ (카)
- ④ $(2+1) \times (3+1) = 3 \times 4 = 12$ (개) ⑤ $(2+1) \times (2+1) \times (1+1) = 3 \times 3 \times 2 = 18$ (개)



18. $2^2 \times 5^{\circ} \times 7$ 의 약수의 개수가 18 일 때 _____ 안에 들어갈 수는?

- **19.** 3 으로 나누면 2 가 남고, 4 로 나누면 3 이 남고, 5 로 나누면 4 가 남는 자연수 중에서 110 에 가장 가까운 수를 구하면?
 - ① 112 ② 113 ③ 114 ④ 119 ⑤ 120

구하는 수를 *n* 이라 하면

해설

n = (3, 4, 5 의 공배수)-1 이고 3, 4, 5 의 최소공배수는 60 이므로

- 3, 4, 5 의 공배수는 60, 120, 180, · · · 이다.
- $n = 59, 119, 179, \cdots$
- :. 110 에 가장 가까운 수는 119

20. 두 자연수의 곱이 640 이고 최소공배수가 80 일 때, 두 수의 최대공약 수를 구하면?

① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

해설

두 수 A, B 의 최대공약수를 G, 최소공배수를 L 이라 하면 $A \times B = L \times G$ 이므로 $640 = 80 \times G$ 이다. $\therefore G = 8$

21. 옛날부터 우리나라에는 십간(⋈⋈)과 십이지(⋈⋈⋈)를 이용하여 매 해에 이름을 붙였다. 십간과 십이지를 차례대로 짝지으면 다음과 같이 그 해의 이름을 만들 수 있다. 다음 표에서 알 수 있듯이 2010 년은 경인년이다. 다음 중 경인년이 <u>아닌</u> 해는?

____ | 변 | 저 | 무 | 기 | 경 | 시 | 인 | 계

75	′∂'	Ť	/	∕ō	- 신	H	셰
자	축	인	묘	진	사	오	ㅁ
병자	정축	무인	기묘	경진	신사	임오	계미
1996	1997	1998	1999	2000	2001	2002	2003
갑	을	병	정	무	기	경	
신	유	술	해	자	축	인	
갑신	을유	병술	정해	무자	기축	경인	
2004	2005	2006	2007	2008	2009	2010	
						•	-

③ 1950년

④ 2070년 ⑤ 2110년

② 1890년

십간(☒☒)의 10 가지와 십이지(☒☒☒)의 12 가지를 계속 돌아가면서 조합이 이루어지므로 같은 이름의 년도는 60 년 만에

해설

① 1830년

한 번씩 돌아오게 된다. 따라서 2010 년이 경인년이면 1830 년, 1890 년, 1950 년, 2070 년도 경인년이다. **22.** 1000 이하의 자연수 중 $2^3 \times 3$ 과 2×3^2 의 공배수의 개수를 구하여라.

답:▷ 정답: 13

_____ ³ × 3 과 2 × 3² 의 최소공배수는 2³ × 3² = 72 이다.

∴ 1000÷72 = 13···64 따라서 13개이다. **23.** 세 수 12, 18, a 의 최소공배수가 396 일 때, a 의 최솟값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 11

해설 $12 = 2^2 \times 3$, $18 = 2 \times 3^2$, $396 = 2^2 \times 3^2 \times 11$ 이므로,

a 값이 될 수 있는 수는 $2^x \times 3^y \times 11$ (x, y)는 0 또는 1 또는 2)이며, 최솟값을 가질 때는 x, y 가 0 일 때이므로 a 의 최솟값은 11 이다.

24. 세 수 3048, 5988, 8088 을 자연수 k 로 나누었을 때, 나머지를 같게 하는 자연수 k 의 개수를 구하여라.

 ▶ 답:
 개

 ▷ 정답:
 24 개

V 02: 21<u>"</u>

해설 3048, 5988, 8088 을 동일한 자연수로 나눌 때 나머지가 모두

같으므로 $A=Ga+r,\;B=Gb+r,\;C=Gc+r$ 라고 하면

 $B-A=G(b-a),\ C-B=G(c-b)$ 이므로 $B-A,\ C-B$ 의 공약수는 $A,\ B,\ C$ 를 나누어서 나머지가

같아지는 수들이다. 8088 - 5988 = 2100, 5988 - 3048 = 2940 이므로 2100 과 2940 의 공약수를 구하면, 최대공약수가 420 이므로 약수의 개수는

420 = 2² × 3 × 5 × 7 에서 24 개이다.

25. 가로 12 cm, 세로 16 cm 인 직사각형 모양의 카드로 한 변의 길이가 2 m 보다 작은 정사각형을 만들 때, 만들 수 있는 가장 큰 정사각형의 한 변의 길이를 구하여라.

 $\underline{\mathrm{cm}}$

▷ 정답: 192cm

▶ 답:

정사각형의 한 변의 길이는 12 와 16 의 공배수 중 200 보다 작은

해설

자연수이다. 12 와 16 의 최소공배수는 48 이고, 48 의 배수 중 200 보다 작은 자연수는 48, 96, 144, 192 이므로 정사각형의 한 변의 길이는 192 cm 이다.