

1. 두 수의 최대공약수를 각각 구하여 그 합을 쓰시오.

$$(1) (24, 36)$$

$$(2) (64, 80)$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 28

해설

$$\begin{array}{r} 2 \overline{)24 \ 36} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \overline{)12 \ 18} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 \overline{)6 \ 9} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \ 3 \end{array}$$

$$\Rightarrow \text{최대공약수} : 2 \times 2 \times 3 = 12$$

$$\begin{array}{r} 2 \overline{)64 \ 80} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \overline{)32 \ 40} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \overline{)16 \ 20} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \overline{)8 \ 10} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 4 \ 5 \end{array}$$

$$\Rightarrow \text{최대공약수} : 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$$

2. 어떤 두 수의 최대공약수가 45 일 때, 다음 중 두 수의 공약수가 아닌 것은 어느 것인가?

① 2

② 3

③ 5

④ 9

⑤ 45

해설

어떤 두 수의 공약수는 45의 약수입니다.
즉, 1, 3, 5, 9, 15, 45입니다.

3. 가와 나 의 최대공약수와 최소공배수의 합을 구하시오.

$$\text{가} = 3 \times 5 \times 5, \quad \text{나} = 2 \times 3 \times 3 \times 5$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 465

해설

최대공약수 : $3 \times 5 = 15$

최소공배수 : $3 \times 5 \times 5 \times 2 \times 3 = 450$

두 수의 합은 $15 + 450 = 465$ 입니다.

4. 어떤 두 수의 최소공배수가 6 일 때, 이 두 수의 공배수를 작은 것부터 5 개 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 6

▷ 정답 : 12

▷ 정답 : 18

▷ 정답 : 24

▷ 정답 : 30

해설

어떤 두 수의 공배수는 최소공배수 6의 배수인
6, 12, 18, 24, 30, ... 입니다.

→ 6, 12, 18, 24, 30

5. 어떤 두 수의 최소공배수가 8일 때, 이 두 수의 공배수를 작은 수부터 5개 구하시오.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 8

▷ 정답 : 16

▷ 정답 : 24

▷ 정답 : 32

▷ 정답 : 40

해설

어떤 두 수의 최소공배수의 배수가 공배수입니다.

공배수를 작은 수부터 5개를 구하려면

최소공배수의 1배, 2배, 3배, 4배, 5배인 수를 구합니다.

→ 8, 16, 24, 32, 40

6. 24와 32의 최소공배수를 이용하여 두 수의 공배수를 구하려고 합니다.
24와 32의 공배수를 작은 수 부터 차례대로 2개만 구하시오.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 96

▷ 정답 : 192

해설

24와 32의 최소공배수인 96의 배수를 구합니다.

$$\begin{array}{r} 2) \ 24 \quad 32 \\ \hline 2) \ 12 \quad 16 \\ \hline 2) \ 6 \quad 8 \\ \hline 3 \quad 4 \end{array}$$

$$2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 4 = 96$$

96의 배수 : 96, 192, 288...

→ 96, 192

7. 공책 45 권과 연필 63 자루를 될 수 있는 한 많은 학생에게 남김없이 똑같이 나누어 주려고 합니다. 몇 명의 학생에게 나누어 줄 수 있습니까?

▶ 답 : 명

▷ 정답 : 9명

해설

45 와 63 의 최대공약수를 구합니다.

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 45 \quad 63} \\ 3 \overline{) 15 \quad 21} \\ \underline{ 5 \quad 7} \end{array}$$

최대공약수는 $3 \times 3 = 9$ 이므로
9 명에게 나누어 줄 수 있습니다.

9. 가로가 81cm, 세로가 27cm 인 직사각형 모양의종이가 있습니다. 이 종이를 잘라서 남는 부분이 없이 같은 크기의 정사각형을 만들려고 합니다. 될 수 있는 대로 가장 큰 정사각형을 만들려면 한 변의 길이는 몇 cm 로 해야 하는지 구하시오.



답 :

cm



정답 : 27cm

해설

정사각형의 한 변의 길이를 구하려면 81 과 27 의 최대공약수를 구합니다.

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 81 \quad 27} \\ 3 \overline{) 27 \quad 9} \\ 3 \overline{) 9 \quad 3} \\ \quad 3 \quad 1 \end{array}$$

따라서 가장 큰 정사각형의 한 변의 길이는 $3 \times 3 \times 3 = 27(\text{cm})$ 입니다.

10. 32 와 40 을 어떤 수로 나누려고 합니다. 두 수를 모두 나누어떨어지게 하는 모든 자연수의 합을 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 15

해설

32 의 약수 : 1, 2, 4, 8, 16, 32

40 의 약수 : 1, 2, 4, 5, 8, 10, 20, 40

32 와 40 공약수 : 1, 2, 4, 8

나누어떨어지게 하는 어떤 수는 1, 2, 4, 8 이므로

$1 + 2 + 4 + 8 = 15$ 입니다.

11. 귤 12 개와 사과 14 개가 있습니다. 이것을 남김없이 되도록 많은 사람에게 똑같이 나누어 주려고 합니다. 몇 명에게 나누어 줄 수 있습니까?

▶ 답: 명

▷ 정답: 2명

해설

12와 14의 최대공약수를 구합니다.

$$\begin{array}{r} 2) \quad 12 \quad 14 \\ \hline \quad 6 \quad 7 \end{array}$$

→ 12와 14의 최대공약수: 2

→ 2명

12. 1에서 200까지의 자연수 중에서 16과 24의 공배수는 모두 몇 개입니까?

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 4 개

해설

16과 24의 최소공배수 48의 배수 중에서 200까지의 수는 48, 96, 144, 192 : 4개입니다.

13. 15와 45의 공배수 중에서 1000에 가장 가까운 수를 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 990

해설

$$\begin{array}{r} 3) \ 15 \ 45 \\ \hline 5) \ 5 \ 15 \\ \hline 1 \ 3 \end{array}$$

15와 45의 최소공배수는 $3 \times 5 \times 1 \times 3 = 45$ 이므로
공배수는 45, 90, 135, ..., 900, 945, 990, 1035, ... 이고 1000에
가장 가까운 수는 990입니다.

14. 어떤 수를 10과 12로 나눌 때 나머지가 항상 4가 되는 가장 작은 수를 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 64

해설

(어떤 수) - 4 는 10과 12로 나누어떨어집니다.

따라서 (어떤 수) - 4는 10과 12의 공배수입니다.

이 중 가장 작은 수는 10과 12의 최소공배수 60이고 어떤 수는 $60 + 4 = 64$ 입니다.

15. 다음 두 수의 최소공배수의 합을 구하시오.

(1) (15, 20) (2) (24, 32)

▶ 답 :

▷ 정답 : 156

해설

(1) 15의 배수 : 15, 30, 45, 60, 75, ...

20의 배수 : 20, 40, 60, 80, ...

⇒ 최소공배수 : 60

(2) 24의 배수 : 24, 48, 72, 96, ...

32의 배수 : 32, 64, 96, ...

⇒ 최소공배수 : 96

따라서 $60 + 96 = 156$ 입니다.

16. 다음은 어떤 두 수의 최소공배수를 구하는 과정을 나타낸 것입니다.
㉠과 ㉡의 합을 구하시오.

$$\begin{array}{r} 2) \quad \textcircled{7} \quad \textcircled{L} \\ 3) \quad \textcircled{E} \quad \textcircled{2} \\ \hline \quad 2 \quad 5 \end{array}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 42

해설

$$\begin{array}{r} 2) \quad \textcircled{7} \quad \textcircled{L} \\ 3) \quad \textcircled{E} \quad \textcircled{2} \\ \hline \quad 2 \quad 5 \end{array}$$

$$\textcircled{7} \div 2 \div 3 = 2$$

$$\Rightarrow \textcircled{7} = 2 \times 3 \times 2 = 12$$

$$\textcircled{L} \div 2 \div 3 = 5$$

$$\Rightarrow \textcircled{L} = 5 \times 3 \times 2 = 30$$

$$\textcircled{7} + \textcircled{L} = 42$$

17. 18과 27의 최소공배수를 곱을 이용하여 구하려고 합니다.
안에 들어갈 알맞은 수들의 합을 구하시오.

$$18 = 9 \times 2 = \square \times \square \times 2$$

$$27 = 9 \times 3 = \square \times \square \times 3$$

$$18 \text{과 } 27 \text{의 최소공배수} : \square \times \square \times 3 \times 2 = \square$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 72

해설

두 수에 공통으로 들어간 수 3×3 은 최대공약수이고, 최대공약수와 나머지 수와의 곱이 최소공배수가 된다.

따라서 차례대로 3, 3, 3, 3, 3, 3, 54입니다.

들어가는 수들의 합은 72 입니다.

18. 어떤 두 수의 최소공배수가 54일 때, 이 두 수의 공배수 중에서 300보다 작은 수를 모두 구하시오. (단, 작은 수부터 차례대로 쓰시오)

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 54

▷ 정답 : 108

▷ 정답 : 162

▷ 정답 : 216

▷ 정답 : 270

해설

두 수의 공배수는 두 수의 최소공배수의 배수와 같으므로 54에 1, 2, 3, 4, ... 를 곱해 300보다 작은 수를 구합니다.

$$54 \times 1 = 54, 54 \times 2 = 108, 54 \times 3 = 162, 54 \times 4 = 216, \\ 54 \times 5 = 270, 54 \times 6 = 324 \dots$$

→ 54, 108, 162, 216, 270

19. 가로 8cm , 세로 12cm 인 직사각형 모양의 종이를 이어 가장 작은 정사각형의 종이를 만들 때 직사각형의 종이는 몇 장이 필요합니까?

▶ 답 : 장

▷ 정답 : 6장

해설

8과 12의 최소공배수가 정사각형의 한 변의 길이가 됩니다.

$$\begin{array}{r} 2) 8 \ 12 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2) 4 \ 6 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \ 3 \end{array}$$

8과 12의 최소공배수는 $2 \times 2 \times 2 \times 3 = 24$ 이므로
정사각형 한 변의 길이는 24 cm입니다.

가로 : $24 \div 8 = 3(\text{장})$

세로 : $24 \div 12 = 2(\text{장})$

따라서 정사각형은 $3 \times 2 = 6(\text{장})$ 이 필요합니다.

20. 1에서 100까지의 번호가 붙은 책이 있습니다. 수경이는 번호가 3의 배수인 책만 읽고 현진이는 번호가 4의 배수인 책만 읽었을 때, 100권의 책 중에서 아무도 읽지 않은 책은 몇 권입니까?

▶ 답 : 권

▷ 정답 : 50 권

해설

수경이와 현진이가 모두 읽은 책의 번호는 3과 4의 공배수인 12, 24, 36, 48입니다.

수경이가 읽은 책의 수 $100 \div 3 = 33 \cdots 1$, 33 권

현진이가 읽은 책의 수 $100 \div 4 = 25$, 25 권

수경이와 현진이가 모두 읽은 책의 수 (3과 4의 최소공배수) :

$100 \div 12 = 8 \cdots 4$, 8 권

아무도 읽지 않은 책의 수 : $100 - (33 + 25 - 8) = 50$ (권)

21. 가로가 25cm, 세로가 40cm, 높이가 60cm 인 직육면체 모양의 나무기둥을 남는 부분이 없도록 똑같이 잘라 가장 큰 정육면체 여러 개를 만들려고 합니다. 만들 수 있는 정육면체는 모두 몇 개인지 구하시오.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 480 개

해설

직육면체 모양의 나무기둥을 남는 부분없이 똑같이 잘라 정육면체를 만들려면 25, 40, 60의 최대공약수를 구하면 됩니다.

$$\begin{array}{r} 5) \ 25 \ 40 \ 60 \\ \underline{ 5 8 12} \end{array}$$

25, 40, 60의 최대공약수는 5이므로
정육면체의 한 변의 길이는 5cm입니다.

가로 : $25 \div 5 = 5(\text{개})$

세로 : $40 \div 5 = 8(\text{개})$

따라서 만들 수 있는 정육면체의 개수는

$$5 \times 8 \times 12 = 480(\text{개}) \text{입니다.}$$