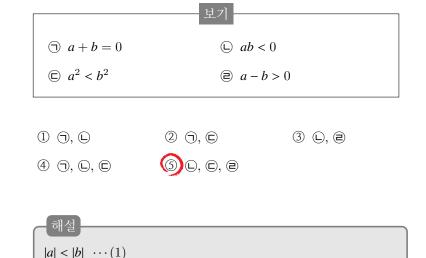
1. 자연수 A 의 양의 제곱근을 a, 자연수 B 의 음의 제곱근을 b 라고 할때, 다음 보기에서 옳은 것을 모두 고르면? (단, A < B)



 $\begin{array}{c} (a) & (a) & (a) \\ (a) & (a) & (b) & (a) \\ (b) & (a) & (b) & (a) \\ (c) & (d) & (d) & (d) \\ (d) (d)$

 1부터 9까지의 숫자가 적힌 카드가 한 장씩 있다. 이 카드 중에서 임의로 3장을 뽑을 때, √126abc 가 자연수가 되는 경우는 모두 몇 가지인가?

① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

$$\sqrt{126abc} = \sqrt{2 \times 3^2 \times 7 \times abc}$$

 $abc = 14$ 또는 $abc = 56$ 또는 $abc = 126$
 $abc = 224$ 또는 $abc = 504$
 $abc = 14$ 일 때, $(1, 2, 7)$
 $abc = 56$ 일 때, $(1, 7, 8)$, $(2, 4, 7)$
 $abc = 126$ 일 때, $(2, 7, 9)$, $(3, 6, 7)$
 $abc = 224$ 일 때, $(4, 7, 8)$

 $abc = 504 \ \text{Q} \ \text{W}, (7, 8, 9)$

- **3.** $\sqrt{59+a} = b$ 라 할 때, b가 자연수가 되도록 하는 가장 작은 자연수 a와 그 때의 b의 합 a+b의 값은?
 - ① 11 ② 12 ③ 13 ④ 14 ⑤ 15

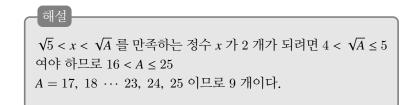
59 보다 큰 제곱수는 64,81,100,… 이므로

$$59 + a = 64, 81, 100 \cdots$$

 $\therefore a = 5, 22, 41, \cdots$ 따라서 가장 작은 자연수 $a = 5, b = \sqrt{59 + 5} = 8$ 이다.

$$\therefore a + b = 5 + 8 = 13$$

1. $\sqrt{5}$ < x < \sqrt{A} 를 만족하는 정수 x의 개수가 2개일 때, 이 식을 성립하게 하는 정수 A 는 모두 몇 개인가?



5. $f(x) = \sqrt{x+1} - \sqrt{x}$ 이고, $S(x) = f(1) + f(2) + f(3) + \cdots + f(x)$ 이라고 한다. 100 이하의 자연수 n에 대하여 S(n)의 값이 자연수가되는 n을 모두 고르면?

 $S(n) = (\sqrt{2}-1) + (\sqrt{3}-\sqrt{2}) + (\sqrt{4}-\sqrt{3}) + ... +$

3. 연립방정식
$$\begin{cases} \sqrt{2}x + \sqrt{3}y = 5\sqrt{6} \\ \sqrt{3}x - 2\sqrt{2}y = -2 \end{cases}$$
 를 풀면?

①
$$x = \frac{17}{7}\sqrt{3}, y = \frac{18}{7}\sqrt{2}$$

③
$$x = \frac{17}{7}\sqrt{2}, y = \frac{18}{7}\sqrt{3}$$
 ④ $x = \frac{18}{7}\sqrt{3}, y = \frac{17}{7}\sqrt{2}$

$$\Im x = \frac{17}{7} \sqrt{3}, y = \frac{18}{7} \sqrt{3}$$

②
$$x = \frac{18}{7}\sqrt{2}, y = \frac{17}{7}\sqrt{3}$$

$$\begin{cases} \sqrt{2}x + \sqrt{3}y = 5\sqrt{6}\cdots \\ \sqrt{3}x - 2\sqrt{2}y = -2\cdots \end{cases}$$

$$4x+2\sqrt{6} y=20\sqrt{3} +)3x-2\sqrt{6} y=-2\sqrt{3} 7x = 18\sqrt{3}$$

$$\therefore x = \frac{18}{7} \sqrt{3}$$

.

$$\bigcirc$$
에 $x = \frac{18}{7}\sqrt{3}$ 을 대입하면

$$\frac{54}{7} - 2\sqrt{2}y = -2, \quad \sqrt{2}y = \frac{34}{7}$$
$$y = \frac{17}{7}\sqrt{2}$$

7. 일차방정식
$$(\sqrt{3}+1)x=(4-\sqrt{3})(\sqrt{3}+2)$$
 의 해는 $x=a+b\sqrt{3}$ 이다. 이때, $\sqrt{a+b}$ 의 값은? (단, a, b 는 유리수)

① 0 ② 1 ③
$$\sqrt{2}$$
 ④ $\sqrt{3}$ ⑤ 2

해설
$$(\sqrt{3}+1)x = (4-\sqrt{3})(\sqrt{3}+2)$$

$$x = \frac{(4-\sqrt{3})(\sqrt{3}+2)}{\sqrt{3}+1}$$

$$= \frac{2\sqrt{3}+5}{\sqrt{3}+1}$$

$$= \frac{(2\sqrt{3}+5)(\sqrt{3}-1)}{(\sqrt{3}+1)(\sqrt{3}-1)}$$

$$= \frac{1+3\sqrt{3}}{2}$$
따라서, $\sqrt{a+b} = \sqrt{\frac{1}{2}+\frac{3}{2}} = \sqrt{2}$

 $\sqrt[4]{4} \sqrt{10} - \sqrt{5}$ $\sqrt[5]{10} + \sqrt{5} - 2$

 $\sqrt{10} - \sqrt{9} = \sqrt{10} - 2$

8. $f(a) = \sqrt{a+1} + \sqrt{a}$ 일 때, $\frac{1}{f(4)} + \frac{1}{f(5)} + \cdots + \frac{1}{f(9)}$ 의 값을 구하

하철
$$f(a) = \sqrt{a+1} + \sqrt{a} \text{ 에서}$$

$$\frac{1}{f(a)} = \frac{1}{\sqrt{a+1} + \sqrt{a}} = \sqrt{a+1} - \sqrt{a}$$
 따라서,
$$\frac{1}{f(4)} + \frac{1}{f(5)} + \dots + \frac{1}{f(9)} = \sqrt{5} - 2 + \sqrt{6} - \sqrt{5} + \dots +$$

9. $\sqrt{1.43}$ 의 값을 a라 하고, $\sqrt{b} = 1.105$ 일 때, a, b 의 값은?

수	0	1	2	3	•••
1.0	1.000	1.005	1.010	1.015	•••
1.1	1.049	1.054	1.058	1.063	•••
1.2	1.095	1.100	1.105	1.109	•••
1.3	1.140	1.145	1.149	1,153	•••
1.4	1.183	1.187	1.192	1.196	•••

①
$$a = 1.000, b = 1.13$$

②
$$a = 1.005, b = 1.15$$

$$3 a = 1.049, b = 1.42$$

$$a = 1.196, b = 1.22$$

$$\bigcirc$$
 $a = 1.192, b = 1.23$

해설

표에서 1.43 을 찾으면 1.196 이므로 $\sqrt{1.43}=1.196$ 이고, 제곱근의 값이 1.105인 것을 찾으면 1.22 이므로 $\sqrt{1.22}=1.105$ 이다. 따라서 a=1.196, b=1.22이다.

$${f 10.}$$
 다음 중 인수분해한 것이 옳지 않은 것은?

①
$$4x^2 + 12x + 9 = (2x + 3)^2$$

②
$$\frac{1}{4}x^2 + x + 1 = \left(\frac{1}{2}x + 1\right)^2$$

$$3x^2 - x + \frac{1}{4} = \left(x + \frac{1}{2}\right)^2$$

$$3x^2 + 6x + 3 = 3(x+1)^2$$

$$3 x^2 - x + \frac{1}{4} = \left(x - \frac{1}{2}\right)^2$$

11. $x^2 + Ax + 12 = (x + a)(x + b)$ 일 때, 다음 중 상수 A의 값이 될 수 없는 것은?(단, a, b는 정수)

① 8 ② -13 ③ -8 ④ -7 ⑤1

해설
$$ab = 12 가 되는 경우$$

$$(\pm 1, \pm 12), (\pm 2, \pm 6), (\pm 3, \pm 4)$$

$$A = a + b 이므로$$

$$A 가 될 수 있는 수는 \pm 13, \pm 8, \pm 7$$

12.
$$\frac{x^2 - y^2}{xy - y^2} = 3$$
 일 때, $x^2 - 4xy + 4y^2 - 8x + 16y - 11$ 의 값은? (단, $x \neq y$)

해설
$$\frac{x^2 - y^2}{xy - y^2} = 3 \text{ 에서 } \frac{(x+y)(x-y)}{y(x-y)} = 3,$$

$$x \neq y \text{ 이므로 } x - y \neq 0$$
따라서, $\frac{x+y}{y} = 3$, $x = 2y$

$$x = 2y 를 대입하면$$

$$x^2 - 4xy + 4y^2 - 8x + 16y - 11$$

$$= 4y^2 - 8y^2 + 4y^2 - 16y + 16y - 11 = -11$$

13.
$$a+b=3, ab=1$$
 일 때, $a^2(a-b)+b^2(b-a)$ 의 값은?

$$(a-b)^{2} = (a+b)^{2} - 4ab = 3^{2} - 4 \times 1 = 5$$
∴ $(\stackrel{\sim}{}_{\perp} \stackrel{\sim}{}_{\perp}) = a^{2} (a-b) - b^{2} (a-b)$

$$= (a-b) (a^{2} - b^{2})$$

$$= (a-b)^{2} (a+b)$$

$$= 5 \times 3 = 15$$

14. 부피가 $x^3 + x^2y - x - y$ 인 직육면체의 밑면의 가로와 세로의 길이가 각각 x - 1, x + 1 일 때, 이 직육면체의 높이를 구하면?

①
$$x + y$$
 ② $x - y^2$ ③ $x^2 + y$ ④ $x + y^2$ ⑤ $x - y$

해설
$$x^{3} + x^{2}y - x - y$$

$$= x^{2}(x + y) - (x + y)$$

$$= (x + y)(x + 1)(x - 1)$$
 이다.
따라서 직육면체의 높이는 $x + y$ 이다.

15. 이차방정식 $x-\frac{3}{x}=6$ 의 두 근을 p, q 라고 할 때 $(p^2-6p+5)(q^2-6q+3)$ 의 값을 구하면?

① 12 ② 24 ③ 36 ④ 48 ⑤ 50

해설
$$x - \frac{3}{x} = 6 \text{ 의 양변에 } x \equiv \text{곱하면 } x^2 - 6x - 3 = 0$$

$$x = p, x = q \equiv \text{각각 대입하면}$$

$$p^2 - 6p - 3 = 0 \text{에서 } p^2 - 6p = 3$$

$$q^2 - 6q - 3 = 0 \text{에서 } q^2 - 6q = 3$$

$$\therefore (p^2 - 6p + 5)(q^2 - 6q + 3) = (3 + 5)(3 + 3) = 48$$