

1. 다음 중 어떠한 x 의 값에 대해서도 항상 성립하는 식은?

① $2(x-1) = x$

② $2x-2 = 5x-2$

③ $\frac{x}{2} - 1 = \frac{x}{3}$

④ $\frac{x-3}{3} = x-1$

⑤ $3(x-1) = 3x-3$

해설

어떠한 x 의 값에 대해서도 항상 성립하는 등식을 항등식이라고 한다.

⑤ $3(x-1) = 3x-3$ 으로 (좌변) = (우변)이므로 항등식이다.

2. 다음 문장을 등식으로 나타낸 것 중 옳은 것은?

- ① x 의 2 배에 5를 더한 것은 x 의 3 배에서 7을 뺀 것과 같다.
 $\rightarrow 2x - 5 = 3x + 7$
- ② x 에서 5를 뺀 것은 x 의 2 배와 같다. $\rightarrow x - 5 = 2$
- ③ 한 개에 a 원인 사과 2 개와 1 kg에 b 원인 귤 3 kg의 값은 20000원이다.
 $\rightarrow 2a + 3b = 10000$
- ④ 한 변의 길이가 x 인 정사각형의 넓이는 36이다. $\rightarrow 4x = 36$
- ⑤ 100 g에 x 원인 돼지고기 600 g의 값은 10000원이다. $\rightarrow 6x = 10000$

해설

- ① $2x + 5 = 3x - 7$
② $x - 5 = 2x$
③ $2a + 3b = 20000$
④ $x^2 = 36$

3. 다음 중 해가 모든 수인 것은?

① $\frac{x-3}{2} = \frac{2x-6}{4}$

② $\frac{1}{5}x+2 = \frac{1}{3}x+4$

③ $3x+4 = 1.5x-4$

④ $2x = x+2(x-3)$

⑤ $5x = 10-5$

해설

① $\frac{x-3}{2} = \frac{2x-6}{4}$
 $\frac{1}{2}x - \frac{3}{2} = \frac{1}{2}x - \frac{3}{2}$

② $\frac{1}{5}x+2 = \frac{1}{3}x+4$
 $-\frac{2}{15}x = 2$

③ $3x+4 = 1.5x-4$
 $1.5x = -8$

④ $2x = x+2(x-3)$
 $6 = x$

⑤ $5x = 10-5 = 5$

4. 다음 등식이 성립하기 위하여 (가), (나)에 알맞은 식을 차례대로 나열한 것은?

- ㉠

$4a = 2b$ 이면 $\frac{a}{2} + 1 =$ (가)
- ㉡

$5a - 3 = 10b + 2$ 이면 $a =$ (나)

- ①

(가) : $\frac{b}{4}$, (나) : b
- ②

(가) : $\frac{b}{2}$, (나) : $b + 1$
- ③

(가) : $\frac{b}{2} + 1$, (나) : $b + 1$
- ④

(가) : $\frac{b}{4}$, (나) : $b + 1$
- ⑤

(가) : $\frac{b}{4} + 1$, (나) : $2b + 1$

해설

㉠ $4a = 2b$ 에서 양변을 8 로 나누면 $\frac{a}{2} = \frac{b}{4}$ 이다. 다시 1 을 더하면 $\frac{a}{2} + 1 = \frac{b}{4} + 1$ 이다.

㉡ $5a - 3 = 10b + 2$ 에서 양변에 3 을 더하면 $5a = 10b + 5$ 이다. 다시 5 로 양변을 나누면 $a = 2b + 1$ 이다.

5. 다음 중 방정식을 변형할 때 이용되는 등식의 성질이 다른 하나는?

① $5x - 9 = 0 \rightarrow 5x = 9$

② $3x = 9 + 2x \rightarrow x = 9$

③ $-2x = -4x - 20 \rightarrow 2x = -20$

④ $4x = 8 \rightarrow x = 2$

⑤ $3(x - 2) = 6 \rightarrow 3x = 12$

해설

- ① 양변에 9 를 더한다.
- ② 양변에 $-2x$ 를 더한다.
- ③ 양변에 $4x$ 를 더한다.
- ④ 양변을 4 로 나눈다.
- ⑤ 양변에 6 을 더한다.

다른 하나는 ④이다.

6. 세 유리수 a, b, c 에 대하여 $a-2=b+4, c>0$ 일 때, 다음 중 옳은 것은?

① $a+6=b$

② $a-b+c=c+4$

③ $ac-bc=-6c$

④ $a-c=b-c+6$

⑤ $\frac{a+3}{c}=\frac{b-9}{c}$

해설

① $a-6=b$

② $a-b+c=c+6$

③ $ac-bc=6c$

⑤ $\frac{a+3}{c}=\frac{b+9}{c}$ 이므로 옳은 것은 ④이다.