

1. 세 실수 a, b, c 에 대하여 $a + b + c = 2$, $a^2 + b^2 + c^2 = 6$, $abc = -1$ 일 때, $a^3 + b^3 + c^3$ 의 값은?

① 11 ② 12 ③ 13 ④ 14 ⑤ 15

2. 대각선의 길이가 28이고, 모든 모서리의 길이의 합이 176인 직육면체의 겉넓이를 구하려 할 때, 다음 중에서 사용되는 식은?

① $(x-a)(x-b)(x-c) = x^3 - (a+b+c)x^2 + (ab+bc+ca)x - abc$

② $\frac{1}{2} \{(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2\} = a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca$

③ $(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$

④ $(x+a)(x+b)(x+c) = x^3 + (a+b+c)x^2 + (ab+bc+ca)x + abc$

⑤ $(a+b+c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca) = a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$

3. $x^3 - x^2 + 2 = (x+1)^3 + a(x+1)^2 + b(x+1) + c$ 가 항등식일 때,
 $a+b+c$ 의 값을 구하면?

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

4. x 에 대한 다항식 $x^3 + ax^2 - x + b$ 를 $x - 3$ 로 나누었을 때 몫과 나머지를 다음과 같은 조립제법으로 구하려고 한다. $a + b + c + d + k$ 의 값을 구하면?

$$\begin{array}{c|cccc} k & 1 & a & -1 & b \\ & & c & d & 33 \\ \hline 1 & 4 & 11 & 37 \end{array}$$

- ① 19 ② 20 ③ 21 ④ 22 ⑤ 23

5. $x^6 + 1$ 을 계수가 실수인 범위 내에서 인수분해 할 때, 다음 중 인수인 것은?

- ① $x^2 + x + 1$ ② $x^2 - x + 1$ ③ $x^2 + \sqrt{3}x + 1$
④ $x^2 + \sqrt{3}x - 1$ ⑤ $x^2 - 1$

6. $x^2 + xy - 2y^2 - 2x - y + 1$ 을 인수분해하면?

- ① $(x + y - 1)(x + 2y - 1)$
② $(x - y - 1)(x + 2y - 1)$
③ $(x - y + 1)(x + 2y - 1)$
④ $(x - y - 1)(x + 2y + 1)$
⑤ $(x + y + 1)(x + 2y - 1)$

7. 서로 다른 세 실수 x, y, z 에 대하여 $x^3 + y^3 + z^3 = 3xyz$ 를 만족할 때,
 $x + y + z$ 의 값은?

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

8. $\frac{2004^3 - 2003^3 - 1}{2003 \times 2004}$ 의 값을 구하면?

- ① -3 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 3

9. $(x - 1)(x - 3)(x - 5)(x - 7) + a$ 가 이차식의 완전제곱이 되도록 a 의 값을 정하면?

- ① 4 ② 8 ③ 12 ④ 15 ⑤ 16

10. $x^2 + \frac{1}{x^2} = 14$ ($x > 0$) 일 때, $x^3 + \frac{1}{x^3}$ 의 값은?

- ① 36 ② 44 ③ 52 ④ 68 ⑤ 82

11. $x + y = 2$, $x^3 + y^3 = 14$ 일 때, $x^5 + y^5$ 의 값을 구하면?

- ① 12 ② 32 ③ 52 ④ 82 ⑤ 102

12. x 에 관한 3차 다항식 $f(x)$ 를 $x - 1$ 로 나눈 나머지가 2, $x + 1$ 로 나눈 나머지가 4라고 한다. $f(x)$ 에서 x^2 의 계수를 a , 상수항을 b 라 하면 $a + b$ 의 값은?

① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

13. 다항식 $f(x)$ 를 $x^2 - 3x + 2$ 로 나눌 때의 나머지가 3이고, $x^2 - 4x + 3$ 으로 나눌 때의 나머지가 $3x$ 일 때, $f(x)$ 를 $x^2 - 5x + 6$ 으로 나눌 때의 나머지는?

- ① 3 ② $3x + 3$ ③ $3x - 3$
④ $6x - 9$ ⑤ $9x + 6$

14. 다항식 $x^{51} + 30$ 을 $x + 1$ 로 나누었을 때의 몫을 $Q(x)$ 라 하자. 이때, $Q(x)$ 를 $x - 1$ 로 나눈 나머지를 구하면?

① -3 ② -2 ③ -1 ④ 0 ⑤ 1

15. 삼각형의 세 변의 길이 a, b, c 사이에 $a^3 + a^2b - ac^2 + ab^2 + b^3 - bc^2 = 0$ 의 관계가 성립한다면 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

- ① $a = b$ 인 이등변삼각형 ② $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형
③ $b = c$ 인 이등변삼각형 ④ $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형
⑤ 정삼각형