

1. 다음 분수 중 분모를 10의 거듭제곱의 꼴로 나타낼 수 있는 것은?

① $\frac{2}{3}$ ② $\frac{3}{14}$ ③ $\frac{8}{15}$ ④ $\frac{9}{22}$ ⑤ $\frac{7}{125}$

해설

10의 거듭제곱의 꼴로 나타내기 위해서는 기약 분수의 분모의 소인수가 2 또는 5만 있어야 한다.

$$\textcircled{5} \quad \frac{7}{125} = \frac{7}{5^3} = \frac{7 \times 2^3}{5^3 \times 2^3} = \frac{56}{10^3}$$

2. 다음 분수 중에서 유한소수로 나타낼 수 없는 것을 모두 골라라.

$$\textcircled{④} \frac{24}{48}$$

$$\textcircled{②} \frac{12}{60}$$

$$\textcircled{⑤} -\frac{24}{15}$$

$$\textcircled{③} \frac{14}{5 \times 7^2}$$

해설

분수를 기약분수로 나타내고 그 분모를 소인수 분해하였을 때 분모의 소인수가 2나 5뿐이면 그 분수는 유한소수로 나타낼 수 있다.

$$\textcircled{①} \frac{24}{15} = \frac{24}{3 \times 5} = \frac{8}{5}$$

$$\textcircled{②} \frac{12}{60} = \frac{2^2 \times 3}{2^2 \times 3 \times 5} = \frac{1}{5}$$

$$\textcircled{⑤} -\frac{24}{15} = -\frac{2^3 \times 3}{3 \times 5} = -\frac{2^3}{5}$$

이므로 유한소수이다.

$$\textcircled{③} \frac{14}{5 \times 7^2} = \frac{2}{5 \times 7}$$

$$\textcircled{④} \frac{25}{48} = \frac{5^2}{2^4 \times 3}$$

이므로 유한소수로 나타낼 수 없다.

3. 다음 분수 중에서 유한소수로 나타낼 수 없는 것을 모두 구하여라.

$\textcircled{\text{A}} \frac{11}{120}$	$\textcircled{\text{B}} \frac{5}{2 \times 5^2}$	$\textcircled{\text{C}} \frac{21}{2 \times 3 \times 7^2}$
$\textcircled{\text{D}} \frac{3}{8}$	$\textcircled{\text{E}} -\frac{7}{2 \times 5 \times 7}$	

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ⑦

▷ 정답: ⑧

해설

분수를 기약분수로 나타내고 그 분모를 소인수 분해하였을 때
분모의 소인수가 2나 5 뿐이면 그 분수는 유한소수로 나타낼 수
있다.

$\textcircled{\text{A}} \frac{11}{120} = \frac{11}{2^3 \times 3 \times 5}$, $\textcircled{\text{C}} \frac{21}{2 \times 3 \times 7^2} = \frac{1}{2 \times 7}$
이므로 유한소수가 아니다.

4. 다음 분수 중에서 유한소수로 나타낼 수 없는 것은?

Ⓐ $\frac{5}{25}$	Ⓑ $\frac{6}{2^3 \times 3^2 \times 5}$	Ⓒ $\frac{9}{2 \times 3^2 \times 5^2}$
Ⓓ $\frac{75}{2^2 \times 5^2}$	Ⓔ $\frac{143}{2 \times 5^2 \times 11}$	

① Ⓐ ② Ⓑ ③ Ⓒ ④ Ⓓ ⑤ Ⓔ

해설

Ⓑ $\frac{6}{2^3 \times 3^2 \times 5} = \frac{1}{2^2 \times 3 \times 5}$ 이므로 무한소수로 나타내어 진다.

5. $\frac{51}{90}$ 에 어떤 자연수 A 를 곱하면 유한소수가 된다고 할 때, A 의 값이 될 수 없는것을 모두 고르면?(정답 2 개)

① 6 ② 5 ③ 9 ④ 15 ⑤ 17

해설

$$\frac{51}{90} = \frac{17}{30} = \frac{17}{2 \times 3 \times 5}$$

$\frac{17}{2 \times 3 \times 5} \times A$ 가 유한소수가 되려면 3이 약분되어야 하므로 A 는 3의 배수이어야 한다.

5와 17은 3의 배수가 아니므로 유한소수가 될 수 없다.

6. 두 유리수 $\frac{5}{84}$, $\frac{49}{45}$ 에 가장 작은 자연수 a 를 곱하여 두 수 모두 유한 소수가 되게 하려고 할 때, a 의 값은?

① 9 ② 21 ③ 63 ④ 108 ⑤ 189

해설

$$\frac{5}{84} = \frac{5}{2^2 \times 3 \times 7}, \frac{49}{45} = \frac{7^2}{3^2 \times 5} \text{ 이므로}$$

가장 작은 자연수 a 는 $3^2 \times 7$

7. $\frac{a}{48}$, $\frac{a}{112}$ 가 모두 유한소수로 나타내어지도록 하는 가장 작은 자연수 a 를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 21

해설

$$\frac{a}{48} = \frac{a}{2^4 \times 3}$$

$$\frac{a}{112} = \frac{a}{2^4 \times 7}$$

유한소수가 되려면 a 는 21 의 배수

8. 분수 $\frac{17}{66}$ 과 $\frac{14}{33}$ 를 소수로 나타냈을 때, 각각의 순환마디를 a , b 라 하면 $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$$\frac{17}{66} = 0.\overline{257}, b = \frac{14}{33} = 0.\overline{42}$$

$$a = 57, b = 42$$

$$\therefore a - b = 57 - 42 = 15$$

9. 다음 중 순환소수의 표현이 옳지 않은 것을 모두 고르면? (정답 2개)

Ⓐ $1.727272\cdots = 1.\dot{7}2$

Ⓑ $0.8444\cdots = 0.8\dot{4}$

Ⓒ $0.3030\cdots = 0.\dot{3}\dot{0}$

Ⓓ $2.123123\cdots = 2.1\dot{2}\dot{3}$

Ⓔ $1.246246\cdots = 1.\dot{2}4\dot{6}$

해설

Ⓐ $1.\dot{7}2$

Ⓑ $0.8\dot{4}$

Ⓒ $0.\dot{3}\dot{0}$

Ⓓ $2.1\dot{2}\dot{3}$

Ⓔ $1.\dot{2}4\dot{6}$

10. 분수를 순환소수로 나타낸 것 중 옳은 것을 모두 구하여라.

$\textcircled{\text{A}} \frac{2}{3} = 0.6\dot{6}$	$\textcircled{\text{C}} \frac{5}{6} = 0.838\dot{3}$
$\textcircled{\text{B}} \frac{5}{11} = 0.\dot{4}\dot{5}$	$\textcircled{\text{D}} \frac{3}{11} = 0.\dot{2}\dot{7}$
$\textcircled{\text{E}} \frac{11}{13} = 0.\dot{8}4615\dot{4}$	

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $\textcircled{\text{C}}$

▷ 정답: $\textcircled{\text{E}}$

해설

$\textcircled{\text{A}} 0.\dot{6}$ $\textcircled{\text{C}} 0.8\dot{3}$ $\textcircled{\text{D}} 0.\dot{8}4615\dot{4}$

11. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $1 = 0.\dot{9}$ ② $1 = 0.\dot{9}0$ ③ $0.9 = 0.8\dot{9}$
④ $1.9 = 1.8\dot{9}$ ⑤ $0.1 = 0.0\dot{9}$

해설

② $1 = 0.\dot{9}$

12. $\frac{19}{7}$ 를 계산한 값의 소수점 아래 500 번째 자리의 숫자를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$$\frac{19}{7} = 2.\dot{7}1428\dot{5}$$

500 = 6 × 83 + 2 이므로

소수점 아래의 500 번째 숫자는 순환마디의 2 번째 숫자 1이다.

13. 분수 $\frac{3}{7000}$ 을 소수로 나타내어 소수점 아래 n 번째 수를 F_n 라 할 때,

$F_1 + F_2 + \dots + F_{45}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 189

해설

$$\frac{3}{7000} = 0.00042857\bar{1} \text{ 이고 } 45 = 6 \times 7 + 3 \text{ 이므로 소수 } 45 \text{ 번째}$$

수까지는 소수 넷째 자리부터 순환마다가 7 번 반복된다.

$$\therefore F_1 + F_2 + \dots + F_{45}$$

$$= 0 + 0 + 0 + (4 + 2 + 8 + 5 + 7 + 1) \times 7$$

$$= 27 \times 7 = 189$$

14. $\frac{35}{111}$ 를 순환소수로 고쳤을 때의 순환마디와 소수점 아래 50번째 자리의 숫자를 차례로 짹지는 것은?

- ① 35, 3 ② 35, 5 ③ 315, 3
④ 315, 1 ⑤ 315, 5

해설

$$\frac{35}{111} = \frac{35 \times 9}{111 \times 9} = \frac{315}{999} = 0.\dot{3}1\dot{5} \text{ 이므로 순환마디는 } 315,$$

$50 \div 3 = 16 \cdots 2$ 이므로 50 번째 숫자는 1이다.

15. $x = 0.\dot{5}8\dot{3}$ 일 때, $x \times (10^3 - 1)$ 은 몇 자리 정수인가?

- ① 한 자리 정수
- ② 두 자리 정수
- ③ 세 자리 정수
- ④ 네 자리 정수
- ⑤ 다섯 자리 정수

해설

$$x = 0.\dot{5}8\dot{3} = \frac{583}{999}$$
$$x \times (10^3 - 1) = \frac{583}{999} \times 999 = 583$$

16. 다음 순환소수 $x = 0.2363636\cdots$ 에 대한 다음 설명 중 옳지 않은 것을 고르면?

- ① x 는 유리수이다. ② 순환마디는 36이다.
③ $1000x - 10x$ 는 정수이다. ④ $x = 0.2\dot{3}\dot{6}$ 이다.
⑤ 분수로 나타내면 $\frac{13}{55}$ 이다.

해설

- ① x 는 유리수이다.
② 순환마디는 36이다.
③ $1000x - 10x$ 는 정수이다.
④ $x = 0.2\dot{3}\dot{6}$ 이다.
⑤ 분수로 나타내면 $\frac{13}{55}$ 이다.

17. 다음 순환소수를 분수로 나타낸 것 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

Ⓐ $0.\dot{1} = \frac{1}{10}$ Ⓑ $0.\dot{3}\dot{1} = \frac{14}{45}$ Ⓒ $0.\dot{6}\dot{3} = \frac{7}{11}$
Ⓓ $0.\dot{7}\dot{2}\dot{5} = \frac{725}{999}$ Ⓨ $0.3\dot{7}\dot{6} = \frac{373}{990}$

해설

Ⓐ $0.\dot{1} = \frac{1}{9}$
Ⓓ $0.3\dot{7}\dot{6} = \frac{373}{990}$

18. 소수 $0.\overline{038888}$ 을 기약분수로 나타내었을 때, 분모와 분자의 합은?

- ① 938 ② 935 ③ 187 ④ 184 ⑤ 1037

해설

$$0.\overline{038} = \frac{38 - 3}{900} = \frac{7}{180} \text{ 이므로}$$

분모와 분자의 합은 187이다.

19. 다음 수를 크기가 작은 것부터 차례대로 나열할 때 세 번째에 해당하는 것은?

- ① 0.3742 ② $0.\dot{3}7\dot{4}\dot{2}$ ③ $0.\dot{3}74\dot{2}$
④ $0.\dot{3}7\dot{4}\dot{2}$ ⑤ $0.374\dot{2}$

해설

- ① 0.3742
② $0.\dot{3}7\dot{4}\dot{2} = 0.374242\dots$
③ $0.\dot{3}74\dot{2} = 0.37423742\dots$
④ $0.\dot{3}7\dot{4}\dot{2} = 0.3742742\dots$
⑤ $0.374\dot{2} = 0.374222\dots$

이므로 ① < ⑤ < ③ < ② < ④ 이다.

20. 다음 중 대소 관계가 옳은 것은?

- ① $0.\dot{1}\dot{3} > 0.1\dot{3}$ ② $0.\dot{2}0\dot{2} < 0.\dot{2}\dot{0}$ ③ $0.5 > 0.4\dot{9}$
④ $\frac{23}{99} < 0.\dot{2}\dot{3}$ ⑤ $0.\dot{2}\dot{3} < \frac{23}{90}$

해설

① $0.1313\cdots < 0.1333\cdots$

② $0.202202\cdots > 0.2020\cdots$

③ $0.4\dot{9} = \frac{45}{90} = \frac{1}{2}$

④ $0.\dot{2}\dot{3} = \frac{23}{99}$

⑤ $\frac{23}{99} < \frac{23}{90}$

21. $\frac{1}{5} < 0.x \leq \frac{1}{3}$ 을 만족하는 자연수 x 를 모두 더하면?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\frac{1}{5} < \frac{x}{9} \leq \frac{1}{3}$$

$$\frac{9}{45} < \frac{5x}{45} \leq \frac{15}{45}$$

$$9 < 5x \leq 15$$

$$\frac{9}{5} < x \leq 3$$

만족하는 x 의 값은 2, 3이므로 모두 더하면 5이다.

22. 부등식 $-2.\dot{3} \leq x < \frac{31}{15}$ 를 만족시키는 자연수들의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$-2.\dot{3} \leq x < \frac{31}{15} = 2.0\dot{6}, \quad x = 1, 2$$

23. $0.\dot{4}x - 0.0\dot{1}x = 0.0\dot{3}$ 을 계산하여 $x = \frac{1}{b}$ 로 나타낼 때, b 의 값은?

- ① 11 ② 12 ③ 13 ④ 14 ⑤ 15

해설

$$0.\dot{4}x - 0.0\dot{1}x = 0.0\dot{3}$$

$$\frac{4}{9}x - \frac{1}{90}x = \frac{3}{90}$$

$$\frac{40}{90}x - \frac{1}{90}x = \frac{3}{90}$$

$$\frac{39}{90}x = \frac{3}{90}$$

$$x = \frac{3}{90} \times \frac{90}{39} = \frac{1}{13}$$

$$\therefore b = 13$$

24. $x = 0.\dot{3}$ 일 때, $1 + \frac{1}{x}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$x = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}, 1 + \frac{1}{x} = 1 + 3 = 4$$

25. x 에 대한 일차방정식 $1.\dot{7}x + 2.\dot{4} = 2.\dot{1}x + 0.\dot{7}$ 을 풀어라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = 5$

해설

$$1.\dot{7}x + 2.\dot{4} = 2.\dot{1}x + 0.\dot{7}$$

$$\frac{16}{9}x + \frac{22}{9} = \frac{19}{9}x + \frac{7}{9}$$

$$16x + 22 = 19x + 7$$

$$\therefore x = 5$$

26. 기약분수 A 를 순환소수로 나타내는데, 태연이는 분자를 잘못 보아서 답이 $0.\dot{7}$ 이 되었고, 효정이는 분모를 잘못 보아서 답이 $0.\dot{2}\dot{3}$ 가 되었다. 이 때, 기약분수 A 를 구하면?

① $\frac{7}{90}$ ② $\frac{23}{90}$ ③ $\frac{23}{9}$ ④ $\frac{25}{9}$ ⑤ $\frac{23}{99}$

해설

태연 : $0.\dot{7} = \frac{7}{9}$,

효정 : $0.\dot{2}\dot{3} = \frac{23}{99}$

따라서 처음의 기약분수는

$$\frac{(\text{효정이가 본 분자})}{(\text{태연이가 본 분모})} = \frac{23}{9} = A \text{ 이다.}$$

27. 순환소수 $1.\dot{2}\dot{6}$ 에 A 를 곱하면 그 결과는 자연수가 된다고 한다. 이때, A 의 값이 될 수 없는 것을 모두 고르면?

① 5 ② 15 ③ 60 ④ 90 ⑤ 99

해설

$$1.\dot{2}\dot{6} = \frac{126 - 12}{90} = \frac{114}{90} = \frac{19}{15} \text{ } \diamond \text{] } \text{므로 } A \text{ 는 } 15 \text{ 의 배수이어야 한다.}$$

따라서 A 의 값이 될 수 없는 것은 5, 99이다.

28. 순환소수 $1.\overline{51}$ 에 a 를 곱하면 자연수가 된다고 한다. 이때, a 의 값이 될 수 있는 가장 작은 자연수는?

① 3 ② 15 ③ 45 ④ 90 ⑤ 99

해설

$$1.\overline{51} = \frac{151 - 15}{90} = \frac{68}{45} \text{ }^\circ\text{이므로 가장 작은 자연수 } a \text{는 } 45 \text{이다.}$$

29. 분수 $\frac{38}{111}$ 을 x 라 할 때, $x \times (10^3 - 1)$ 은 몇 자리 정수인지 구하여라.

▶ 답: 자리 정수

▷ 정답: 세 자리 정수

해설

$$\frac{38}{111} \times (10^3 - 1) = \frac{38}{111} \times 999 = 38 \times 9 = 342$$

30. 다음 설명 중 옳은 것을 모두 고르면?

- ① 모든 유리수는 유한소수이다.
- ② 모든 무한소수는 유리수가 아니다.
- ③ 모든 정수는 유리수이다.
- ④ 모든 순환소수는 정수나 유리수로 나타낼 수 있다.
- ⑤ 0이 아닌 유리수는 모두 유한소수로 나타낼 수 있다.

해설

순환소수 $0.\dot{9} = \frac{9}{9} = 1$ (정수)로 나타낼 수 있다.

31. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면? (정답 2개)

- ① 음의 정수는 분수로 나타낼 수 없다.
- ② 모든 순환소수는 유리수이다.
- ③ 소수는 유한소수와 무한소수로 나타낼 수 있다.
- ④ 정수가 아닌 유리수는 모두 유한소수로 나타낼 수 있다.
- ⑤ 모든 소수는 유리수이다.

해설

- ① 음의 정수는 유리수이므로 분수로 나타낼 수 있다.
- ④ 정수가 아닌 유리수는 유한소수 또는 순환소수로 나타낼 수 있다. 예) $\frac{1}{3} = 0.333\ldots$
- ⑤ 순환하지 않는 무한소수는 유리수가 아니다.

32. 다음 설명 중 옳은 것은?

- ① 정수가 아닌 유리수는 유한소수이다.
- ② 무한소수는 분수로 나타낼 수 없다.
- ③ 유한소수 중에는 유리수가 아닌 것도 있다.
- ④ 모든 유리수는 분수로 나타낼 수 있다.
- ⑤ 무한소수는 유리수가 아니다.

해설

- ① 정수가 아닌 유리수에는 유한소수와 순환소수가 있다.
- ② 무한소수 중에서 순환소수는 분수로 나타낼 수 있다.
- ③ 유한소수는 모두 유리수이다.
- ④ 무한소수 중에서 순환소수는 유리수이다.

33. X 가 $\frac{1}{60}, \frac{2}{60}, \frac{3}{60}, \dots, \frac{99}{60}, \frac{100}{60}$ 이고,
 Y 가 유한소수일 때, X 와 Y 의 공통해에서 자연수를 제외한 수의 갯수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 32개

해설

$60 = 2^2 \times 3 \times 5$ 이므로 k 는 3의 배수, 따라서 33개, 자연수는 아니므로 60의 배수 1개를 제외하면 32개이다.

34. $\frac{2}{125}$ 를 유한소수로 나타내기 위하여 $\frac{a}{10^n}$ 의 꼴로 고칠 때, $a + n$ 의 최솟값을 구하여라. (단, a, n 은 자연수)

▶ 답:

▷ 정답: 19

해설

$$\frac{2}{125} = \frac{2}{5^3} \text{의 분자, 분모에 } 2^3 \text{ 을 곱하면 } \frac{2^4}{2^3 \times 5^3} = \frac{16}{10^3}$$

$$\therefore a = 16, n = 3$$

$$\therefore a + n = 16 + 3 = 19$$

35. $\frac{1}{2 \times 5^2 \times x}$ 가 유한소수로 나타내어진다고 한다. 이때, x 가 될 수 있는 수는 모두 몇 개인지 구하여라. (단, x 는 1 이상 30 이하인 자연수)

▶ 답: 개

▷ 정답: 9 개

해설

분모의 소인수가 2나 5뿐이면 유한소수로 나타낼 수 있다.
따라서 x 에 들어갈 숫자는
 $1, 2^1, 2^2, 2^3, 2^4, 5^1, 5^2, 2^1 \times 5^1, 2^2 \times 5^1$ 으로 총 9개이다.

36. 자연수 A , B 가 다음 식을 만족할 때, A , B 를 동시에 만족하는 값을 구하여 $A + B$ 의 최솟값을 구하여라.

$$\frac{1}{60} \times A = \frac{1}{B} \quad (\text{단, } \frac{1}{B} \text{ 은 유한소수})$$

▶ 답:

▷ 정답: 16

해설

$\frac{1}{60} \times A$ 가 유한소수이려면
 A 는 3의 배수이어야 하고 $\frac{1}{60} = \frac{1}{AB}$, $AB = 60$ 이므로

(A, B) 를 구하면 $(3, 20)$, $(6, 10)$, $(12, 5)$, $(15, 4)$ 이다.
따라서 $A + B$ 의 최솟값은 16이다.

37. 경식이는 다음 계산을 하기 위해 계산기를 사용하고 있다. 마지막 = 버튼을 눌렀을 때, 계산기 화면에 소수점 아래의 어떤 자리부터 일정한 숫자의 배열이 계속 되풀이 되는 것은?

- ① $4 \div 25$ ② $3 \div 18$ ③ $11 \div 50$
④ $7 \div 4$ ⑤ $21 \div 14$

해설

② $3 \div 18 = 0.16666\cdots$ 이므로 순환마디가 6 인 순환소수가 되어 일정한 숫자의 배열이 계속 되풀이 된다.

38. $\frac{4567}{9900} = 0.\overline{abcd}$ 에서 a, b, c, d 는 $0, 1, 2, \dots, 9$ 어느 한 수를 나타낸다.

이때, $a + b + c + d$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 14

해설

$$\frac{4567}{9900} = 0.46\dot{1}\dot{3}$$

$$a = 4, b = 6, c = 1, d = 3$$

$$\therefore a + b + c + d = 14$$

39. $0.\overline{abc}$ 를 분수로 고치면 $\frac{213}{330}$ 일 때, $a + b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$$\frac{213}{330} = \frac{639}{990} = 0.6\dot{4}\dot{5} \text{ 이므로}$$

$a = 6, b = 4, c = 5$ 이다.

$$\therefore a + b + c = 15$$

40. 순환소수 $1.\dot{4}$ 를 a 라 하고 $0.2\dot{8}$ 의 역수를 b 라 할 때, ab 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$1.\dot{4} = \frac{13}{9} = a, 0.2\dot{8} = \frac{26}{90}, b = \frac{90}{26}$$
$$\therefore ab = \frac{13}{9} \times \frac{90}{26} = 5$$