- 1. 이차함수 $y = x^2 4x + 1$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 2 만큼 평행이동하면 점 (3, m) 을 지난다. m 의 값을 구하면?
 - ① 6 ② 2 ③ -2 ④ -4 ⑤ -6

$$y = x^2 - 4x + 1 = (x - 2)^2 - 3$$

 x 축의 방향으로 2 만큼 평행이동하면
 $y = (x - 2 - 2)^2 - 3$
 따라서 $y = (x - 4)^2 - 3$

(3, m) 을 대입하면 $m = (-1)^2 - 3 = -2$ 이다.

이차함수 $v = 2x^2 - 12x + 16$ 의 그래프에서 x의 값이 증가함에 따라 v의 값도 증가하는 x의 값의 범위는?

(2) x > 2(5) x < -3 (3) x < 3

 $=2(x-3)^2-2$

 $y = 2x^2 - 12x + 16$ $=2(x^2-6x+9-9)+16$

대칭축이 x = 3이고 아래로 볼록한 포물선이다.

- **3.** 이차함수 $y = x^2 6x + 5$ 의 그래프와 x 축과의 교점의 x 좌표와 y 축과 교점의 y 좌표를 구하면?
 - ① x 의 좌표:2, 0, y 의 좌표:0
 - ② x 의 좌표:-5, -1, y 의 좌표:-5
 - ③ x 의 좌표:1, -3, y 의 좌표: $\frac{3}{2}$ ④ x 의 좌표:1, 5, y 의 좌표:5
 - ⑤ x 의 좌표:0, 2, y 의 좌표:0

4. 이차함수 $y = x^2 - 2ax + a^2 - a + 3$ 의 꼭짓점이 제 2 사분면에 있을 때, 상수 a 의 값의 범위는?

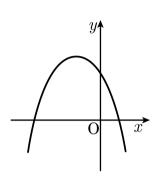
①
$$a > 0$$
 ② $a < 3$ ③ $a > 3$
② $a < 3$

해설

$$y = x^2 - 2ax + a^2 - a + 3 = (x - a)^2 - a + 3, 꼭짓점의 좌표가$$

$$(a, -a + 3)$$
∴ $a < 0, -a + 3 > 0$ 즉, $a < 0, a < 3$ 이므로 $a < 0$ 이다.

5. 이차함수 $y = a(x - p)^2 + q$ 의 그래프가 다음과 같을 때, a, p, q 의 부호는?



①
$$a > 0, p > 0, q > 0$$

② a < 0, p < 0, q < 0

③
$$a > 0, p < 0, q < 0$$

$$< 0$$
 (4) $a < 0, p < 0, q > 0$

⑤
$$a < 0, p > 0, q > 0$$

해설

위로 볼록한 모양의 포물선이고, 꼭짓점의 좌표는 제 2 사분면 위에 있으므로
$$a < 0, p < 0, q > 0$$
 이다.

$$\textcircled{1} y = 2x^2 - 4x - 1$$

③
$$y = 2x^2 + 4x - 5$$

⑤ $y = \frac{4}{3}x^2 - \frac{8}{3}x + 3$

②
$$y = -2x^2 + 4x + 3$$

④ $y = \frac{4}{3}x^2 - \frac{8}{3}x - 1$

해설
$$y = a(x-1)^2 + p \text{ of } (0, -1) \text{ 과 } (3, 5) 를 대입하여 a 와 p 를 구하면, $-1 = a + p, 5 = 4a + p, a = 2, p = -3 \text{ ol } 된다.$ 따라서 $y = 2x^2 - 4x - 1 \text{ ol } 다.$$$

7. 다음 중 이차함수의 최댓값 M 또는 최솟값 m 이 $\underline{2}$ 못된 것은?

①
$$y = 2x^2 - 2x + 3$$
 $\left(m = \frac{5}{2}\right)$

②
$$y = -x^2 - 2x$$
 $(M = 1)$

$$y = 2(x+1)^2 - 5 \quad (m = -5)$$

①
$$y = 2(x+1)^2 - 5$$
 $(m = -1)^2$
② $y = \frac{1}{2}x^2 - 3$ $(m = -3)$

$$y = -\frac{1}{3}(x-2)^2 \quad (M=2)$$

$$3^{(N-2)}$$
 $(M-2)$

$$y = -\frac{1}{3}(x-2)^2 \quad (M=0)$$

8. 이차함수 $y = 2x^2$ 의 그래프와 모양이 같고 x = -1 일 때, 최솟값 4 를 갖는 이차함수의 식은?

①
$$y = 2(x-1)^2$$
③ $y = 2(x+1)^2 + 4$

② $y = 2(x-1)^2 + 4$

해설
$$y=2x^2 의 그래프와 모양이 같고 꼭짓점이 $(-1,4)$ 이므로
$$y=2(x+1)^2+4$$$$

9. 이차함수 $y = -x^2 + 2x + 3$ 을 $y = a(x - p)^2 + q$ 의 꼴로 나타낼 때, p + q 의 값은?

해설

$$y = -x^{2} + 2x + 3$$

$$= -(x^{2} - 2x + 1 - 1) + 3$$

$$= -(x - 1)^{2} + 4$$

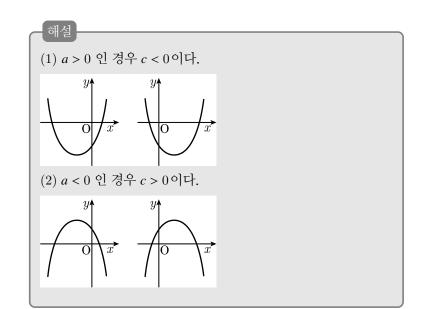
$$\therefore p = 1, q = 4$$

p + q = 1 + 4 = 5

10. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 좌표평면 위의 모든 사분면을 지나도록 하는 a,c의 조건을 모두 고르면?(정답 2개)

- ① a > 0, c > 0
- (2) a > 0, c < 0 (3) a = 0, c = 0

- \bigcirc 4 a < 0, c < 0
- (5) a < 0, c > 0



11. 다음 보기의 이차함수의 그래프 중 $y = -2x^2$ 의 그래프를 평행이동하여 완전히 포갤 수 있는 것을 모두 고르면?

 $y = -2x^2 + 2$

 \bigcirc $y = 2x^2 - 3$

 \bigcirc $y = -2(x+1)^2$ ⓐ $y = x^2 + 3x + 3 - 3(x - 1)(x + 1)$ \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc (1) (7),(1)2 (7,0,0) \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc 해설 $v = ax^2 + bx + c$ 의 그래프에서 a 의 값이 같으면 평행 이동하여

두 이차 함수의 그래프를 완전히 포갤 수 있다.

따라서 a = -2 인 것은 \bigcirc . (교) 이다.

12. 이차함수
$$y = -\frac{1}{2}(x-2)^2 + 6$$
 의 꼭짓점과 y 축과의 교점을 지나는 직선의 방정식을 구하면?

①
$$y = 6x - 14$$
 ② $y = 2x + 4$ ③ $y = 2x + 2$

(4) y = x + 2

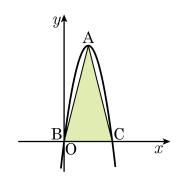
$$y = 2x + 4$$

$$y = x + 4$$

 $\frac{6-4}{2-0}=1$,

따라서 구하는 직선의 식은
$$y = x + 4$$

13. 다음 그림은 이차함수 $y = -x^2 + 8x$ 의 그래프이다. \triangle ABC 의 넓이는?



③ 32

⑤ 128

높이는 16이다. y = -x(x-8) 에서 B(0, 0), C(8, 0) 이므로 $\overline{BC} = 8$

$$\therefore (\triangle ABC의 넓이S) = \frac{1}{2} \times 8 \times 16 = 64$$

- **14.** 다음 중 이차함수 $y = -x^2 + 4x 3$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳은 것은?
 - ① 꼭짓점의 좌표는 (2,-3) 이다.
 - ② $y = x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 2 만큼, y 축의 방향으로 1 만큼 평행이동한 것이다.
 - ③ 축의 방정식은 x = 2 이다.
 - ④ 아래로 볼록하다.
 - ⑤ x < 2 일 때, x 의 값이 증가하면 y 의 값은 감소한다.

주어진 식을 정리하면 $y = -(x-2)^2 + 1$

- ① 꼭짓점의 좌표는 (2, 1)② $y = -x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 2 만큼, y 축의 방향으로
- 1 만큼 평행이동한 것이다.④ 위로 볼록한 그래프
- ⑤ x < 2 일 때, x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가한다.

15. 꼭짓점의 좌표가 (-3, 1) 이고, 한 점 (0, -2) 를 지나는 포물선을 그래프로 하는 이차함수식이 $y = a(x - p)^2 + q$ 일 때, apq 의 값은?

 $y = ax^2 + bx + c$ 의 꼭짓점이 (-3, 1) 이므로

$$-2 = a(0+3)^2 + 1, \ a = -\frac{1}{3}$$
$$y = -\frac{1}{3}(x+3)^2 + 1 \text{ 이다.}$$
$$\therefore a = -\frac{1}{3}, \ p = -3, \ q = 1 \text{ 이므로}$$
$$apq = -\frac{1}{3} \times (-3) \times 1 = 1 \text{ 이다.}$$

해설

 $y = a(x+3)^2 + 1$ 점 (0, -2) 를 지나므로

16. 세 점 (-2,14),(0,6),(1,-4)를 지나는 포물선의 축의 방정식은?

(1)x = -2

② x = -1

③ x = 0

(4) x = 1

⑤ x = 2

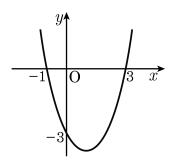
 $y = ax^2 + bx + c$ 라 하자.

세 점 (-2,14), (0,6), (1,-4)를 각각 대입하면 4a-2b+c=14, c=6, a+b+c=-4

 $\therefore a = -2, b = -8, c = 6$

 $\therefore y = -2x^2 - 8x + 6 = -2(x+2)^2 + 14$

17. 다음 그림과 같이 나타내어지는 포물선의 식은?



①
$$y = 3x^2 - 3x - 6$$

$$4y = x^2 - 2x - 3$$

② $y = -x^2 + 6x - 8$

$$3 y = -\frac{1}{2}x^2 - 2$$

$$-3 = -3a$$

$$a = 1$$

따라서 $y = (x-3)(x+1) = x^2 - 2x - 3$

18. 이차함수 $y = \frac{1}{2}ax^2 + ax$ 의 최댓값이 이차함수 $y = 2x^2 + 8x + 9$ 의 최솟값과 같을 때. a 의 값은?





- 해설

$$i) y = \frac{1}{2}ax^2 + ax = \frac{1}{2}a(x+1)^2 - \frac{1}{2}a$$

따라서, x = -1 일 때 최댓값 $-\frac{1}{2}a$ 를 갖는다. *ii*) $y = 2x^2 + 8x + 9 = 2(x+2)^2 + 1$

$$i$$
) 의 최댓값과 ii) 의 최솟값이 같으므로

 $-\frac{1}{2}a = 1$ 에서 a = -2

따라서. x = -2 일 때. 최솟값 1 을 갖는다.

19. 이차함수 $y = x^2 - 2ax - 2a - 5$ 의 최솟값을 m 이라고 할 때, m 의 최댓값을 구하면?

①
$$-1$$
 ② -2 ③ -3 ④ -4 ⑤ -5

$$y = x^{2} - 2ax - 2a - 5$$

$$= (x - a)^{2} - a^{2} - 2a - 5$$

$$y 의 최솟값: m = -a^{2} - 2a - 5$$

$$= -(a + 1)^{2} - 4$$

$$m 의 최댓값: -4$$

- **20.** 차가 16 인 두 수가 있다. 두 수의 곱의 최솟값을 구하면?
 - ① 4 ② 32 ③ 43 ④ -26 ⑤ -64

차가 16 인 두 수가 있다. 한 수를
$$x$$
 로 두면 나머지 한 수는 $(x+16)$ 이다.
$$y=x(x+16)=x^2+16x=(x^2+16x+64)-64$$

$$y=(x+8)^2-64$$

21. 직각을 낀 두 변의 길이의 합이 10 인 직사각형의 최대 넓이는?



①
$$\frac{25}{4}$$

 $② \frac{25}{2}$

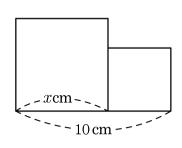


4 50

⑤ 100

두 변의 길이를 x, 10 - x, 넓이를 y 라 하면 y = x(10 - x) $= -(x^2 - 10x)$ $= -(x^2 - 10x + 25 - 25)$

22. 다음 그림과 같이 길이가 10cm 인 선분을 둘로 나누어 각각을 한 변으로 하는 두 정사각형을 만들려고 한다. 이 때, 두 정사각형의 넓이의합의 최솟값을 구하여라.



① 20 ② 30 ③ 40 ④ 45 ⑤ 50

한 정사각형의 한 변의 길이를
$$x \, \mathrm{cm}$$
 , 다른 한 정사각형의 한 변의 길이를 $(10-x) \, \mathrm{cm}$ 라고 놓으면,
$$y=x^2+(10-x)^2 \\ =2x^2-20x+100$$

따라서 최솟값은 50(cm²) 이다.

 $=2(x-5)^2-50$

해설

23. 가로의 길이가 5 cm, 세로의 길이가 9 cm 인 직사각형의 가로의 길이를 x cm 만큼 늘이고, 세로의 길이를 x cm 만큼 줄여서 새로운 직사각형을 만들었다. 새로운 직사각형의 넓이가 최대가 되도록 하는 x 의 값은?

(3) 2.5

4 3

(5) 3.5

① 1

새로운 사각형의 넓이를 *S* 라 하면

제도군 자각 영의 넓이들
$$S$$
 다 아닌 $S = (5+x)(9-x)$

 $= -x^2 + 4x + 45$
= -(x - 2)^2 + 49

 $= -(x-2)^2 + 49$ 따라서 x=2 일 때 새로운 직사각형의 넓이의 최댓값 49cm^2 를 가진다.

24. 둘레의 길이가 24 인 철사를 구부려서 부채꼴 모양을 만들려고 한다. 부채꼴의 넓이를 *y* 라고 할 때, 부채꼴의 넓이의 최댓값을 구하면?

① 18

② 20

③ 30

4 32



해설

반지름의 길이를
$$x$$
 라 하면 호의 길이는 $24 - 2x$ 이다.
$$y = \frac{1}{2} \times x \times (24 - 2x)$$

$$= x(12 - x)$$

$$= -x^2 + 12x$$

$$= -(x^2 - 12x + 36 - 36)$$

$$=-(x-6)^2+36$$

이차함수는 위로 볼록이므로 꼭짓점이 최댓값을 나타낸다.

따라서 꼭짓점이 (6,36) 이므로 반지름의 길이 x=6 일 때, 부채꼴의 넓이 y 가 최댓값 36 을 가진다.

25. 지면으로부터 초속
$$30\text{m}$$
 로 던져 올린 물체의 t 초 후의 높이를 $h\text{m}$ 라고 하면 $h=30t-5t^2$ 인 관계가 성립한다. 이 물체가 가장 높이 올라갔을 때의 높이는?

① 60m ② 55m ③ 50m ④ 45m ⑤ 40m

해설
$$h = 30t - 5t^{2}$$

$$= -5(t^{2} - 6t + 9) + 45$$

$$= -5(t - 3)^{2} + 45$$