

1. 그림에서 A, B, C는 도로가 통과하는 세 마을이다. A 마을과 B 마을 사이의 거리는 6 km, B 마을과 C 마을 사이의 거리는 3 km이다. 이 도로 위에 또 하나의 다른 마을이 있는데, 그 마을과 A 사이의 거리는 그 마을과 C 마을 사이의 거리의 2배이다. 그 마을과 B 마을 사이의 거리는?

- ① 6 km      ② 9 km      ③ 12 km  
④ 15 km      ⑤ 18 km



2. 두 점  $A(a, 4)$ ,  $B(1, b)$ 에서 같은 거리에 있는  $x$ 축 위의 점을  $P$ ,  $y$ 축 위의 점을  $Q$ 라 하면,  $\triangle OPQ$ 의 무게중심은  $G(-1, 1)$ 이다. 이때,  $a - b$ 의 값을 구하면?

① -1      ② -2      ③ -3      ④ -4      ⑤ -5

3. 세 점  $A(-1, 1)$ ,  $B(2, -3)$ ,  $C(k, k - 1)$ 이 같은 직선위에 있도록 상수  $k$ 의 값을 구하면?

①  $\frac{1}{7}$       ②  $\frac{2}{7}$       ③  $\frac{3}{4}$       ④  $-\frac{4}{3}$       ⑤  $\frac{3}{5}$

4. 두 직선  $kx + 2y + 3 = 0$ ,  $2x + ky + 4 = 0$ 이 서로 평행하도록 양수  $k$ 의 값을 구하면?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

5. 점  $P(1, 2)$ 에서 직선  $2x + y - 3 = 0$ 에 내린 수선의 발을  $H$ 라할 때,  
수선  $PH$ 의 길이는?

- ①  $\frac{\sqrt{5}}{5}$       ②  $\frac{\sqrt{3}}{3}$       ③  $4\sqrt{2}$       ④ 2      ⑤ 3

6. 다음의  $x$ ,  $y$ 에 대한 이차방정식 중 원의 방정식을 나타내지 않은 것은?

- ①  $x^2 + y^2 + x + 2y + 1 = 0$       ②  $x^2 + y^2 + x + 2y + 2 = 0$   
③  $x^2 + y^2 + 2x + y + 1 = 0$       ④  $x^2 + y^2 - 2x + 4y + 3 = 0$   
⑤  $x^2 + y^2 - 2x + 4y + 4 = 0$

7.  $x$  축에 접하는 원  $x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$  의 중심의 좌표가  $(3, -2)$  일 때,  $a + b + c$  의 값은?

① 7      ② 8      ③ 9      ④ 10      ⑤ 11

8. 다음은  $\triangle ABC$ 의 세 변의 수직이등분선이 한 점에서 만남을 보인 것이다.

직선 BC를 x축, 변 BC의 수직이등분선을 y축으로 잡고, A(a, b), B(-c, 0), C(c, 0)라고 하자. (단,  $b \neq 0, c > 0$ )

( i )  $a \neq c$ 이고  $a \neq -c$  일 때 직선 AC의 기울기는  $\frac{b}{a-c}$  이므로,

변 AC의 중점 E를 지나고 변 AC에 수직인 직선의 방정식은

$$y = \boxed{(가)} \left( x - \frac{a+c}{2} \right) + \frac{b}{2}$$

$$= \boxed{(가)} x + \boxed{(나)} \dots\dots \textcircled{①}$$

같은 방법으로, 변 AB의 중점 D를 지나고 변 AB에 수직인 직선의 방정식은

$$y = -\frac{a+c}{b}x + \boxed{(나)} \dots\dots \textcircled{②}$$

두 직선  $\textcircled{①}, \textcircled{②}$ 의 y절편이 같으므로 세 변의 수직이등분선은

y축 위의 점  $(0, \boxed{(나)})$ 에서 만난다. 따라서  $\triangle ABC$ 의 세

변의 수직이등분선은 한 점에서 만난다.

( ii )  $a = c$  또는  $a = -c$  일 때

$\triangle ABC$ 는  $\boxed{(다)}$  이므로 세 변의 수직이등분선은 D 또는 E

에서 만난다.

따라서  $\triangle ABC$ 의 세 변의 수직이등분선은 한 점에서 만난다.

위

의 과정에서 (가), (나), (다)에 알맞은 것을 순서대로 적으면?

①  $-\frac{a-c}{b}, \frac{a^2+b^2-c^2}{2b}$ , 직각삼각형

②  $-\frac{a-c}{b}, \frac{a^2+b^2-c^2}{2b}$ , 정삼각형

③  $-\frac{a-c}{b}, \frac{-a^2+b^2-c^2}{2b}$ , 이등변삼각형

④  $\frac{a-c}{b}, \frac{a^2+b^2-c^2}{2b}$ , 이등변삼각형

⑤  $\frac{a-c}{b}, \frac{-a^2+b^2-c^2}{2b}$ , 직각삼각형

9. 직선 위의 두 점 A, B에 대하여  $\overline{AB}$ 의 중점을 A \* B,  $\overline{AB}$ 를 1 : 3으로 내분하는 점을 A  $\circledast$  B,  $\overline{AB}$ 를 2 : 1로 내분하는 점을 A  $\star$  B로 나타내기로 한다. 다음 중 B  $\star$  (A  $\circledast$  B)와 같은 것을 모두 고르면?

- ① A \* B      ② A  $\star$  B  
③ (A  $\star$  B) \* (A  $\circledast$  B)      ④ (A  $\star$  B)  $\circledast$  A  
⑤ (B \* A)  $\circledast$  (B  $\star$  A)

10. 좌표평면 위의 네 점  $A(-3, -3)$ ,  $B(3, -3)$ ,  $C(3, 5)$ ,  $D(-3, 5)$ 를 꼭짓점으로 하는 직사각형 ABCD가 있다. ABCD의 넓이를 이등분하는  
직선이 항상 지나는 점 E의 좌표는?

- ①  $(-4, 0)$       ②  $(0, 1)$       ③  $(0, 2)$   
④  $(1, 2)$       ⑤  $(4, 3)$

11. 좌표평면 위의 세 점  $O(0,0)$ ,  $A(3,1)$ ,  $B(1,3)$ 에 대하여 선분  $OA$ ,  $AB$ ,  $BO$ 를  $2 : 1$ 로 내분하는 점을 차례로  $P$ ,  $Q$ ,  $R$ 라 할 때,  $\triangle PQR$ 의 무게중심의 좌표는?

- ①  $\left(\frac{1}{2}, 2\right)$       ②  $(1, -1)$       ③  $(1, 1)$   
④  $\left(\frac{4}{3}, 0\right)$       ⑤  $\left(\frac{4}{3}, \frac{4}{3}\right)$

12. 세 점 A(2, 1), B(1, 3), C(2, 0)에 대하여  $2\overline{AP}^2 + \overline{BP}^2 = 3\overline{CP}^2$ 을 만족하는 점 P가 나타내는 도형의 방정식을 구하면?

- ①  $x - y + 1 = 0$     ②  $x + 2y + 3 = 0$     ③  $x - 3y - 2 = 0$   
④  $x - 4y + 5 = 0$     ⑤  $x - 5y + 4 = 0$

13. 두 직선  $3x + 2y - 1 = 0$  과  $2x - 3y + 1 = 0$  으로부터 같은 거리에 있는 점들 중  $x$  와  $y$  의 좌표가 모두 정수인 점에 대한 다음 설명 중 옳은 것만을 골라 놓은 것은?

I. 위 조건을 만족하는 점은 유한개이다.  
II. 제2사분면의 점들 중에서 위 조건을 만족하는 것이 없다.  
III. 제3사분면에 있는 모든 점들의  $y$ 좌표는 5의 배수이다.

- ① I      ② II      ③ III      ④ I, III      ⑤ II, III

14. 좌표평면 위에 세 점  $A(-1, 0)$ ,  $B(2, 0)$ ,  $C(1, 3)$ 이 있다.  $\triangle ABC$ 의 내부의 점  $P$ 가  $\triangle BPC = \triangle APC + \triangle APB$ 인 관계를 만족시키면서 움직인다. 점  $P$ 가 그리는 도형의 길이는?

- ①  $\frac{\sqrt{10}}{2}$     ②  $\sqrt{2}$     ③ 2    ④  $\sqrt{10}$     ⑤  $2\sqrt{2}$

15. 중심이  $x$  축 위에 있고 두 점  $(-1, 4)$ ,  $(6, 3)$  을 지나는 원의 방정식은?

- ①  $(x - 2)^2 + y^2 = 5$       ②  $(x + 2)^2 + y^2 = 5$   
③  $(x - 2)^2 + y^2 = 25$       ④  $(x + 1)^2 + y^2 = 25$   
⑤  $(x + 2)^2 + y^2 = 25$