- ${f 1.}$ 두 점 ${
 m A}(3,-1), {
 m B}(a,-3)$ 에 대하여 ${
 m \overline{AB}}=2$ 일 때, a의 값을 구하면?
 - ① 1 ② 2

 $\overline{AB}^2 = (a-3)^3 + (-3+1)^2 = 4$ $a^2 - 6a + 9 = 0$ $(a-3)^2 = 0$ $\therefore a = 3$

2. 두 점 A(3, 2), B(a, b) 를 1:3으로 내분하는 점을 P(2, 1) 이라고 할 때, ab 의 값은?

①2 23 34 45 56

$$P\left(\frac{1 \cdot a + 3 \cdot 3}{1 + 3}, \frac{1 \cdot b + 3 \cdot 2}{1 + 3}\right) = P(2, 1) \cap \square \neq 0$$

$$\frac{1 \cdot a + 3 \cdot 3}{1 + 3} = 2, \ a + 9 = 8 \therefore \ a = -1$$

$$\frac{1 \cdot b + 3 \cdot 2}{1 + 3} = 1, \ b + 6 = 4 \therefore \ b = -2$$

$$1+3$$
 $1 \cdot b + 3 \cdot 2$ $1 \cdot b + 3 \cdot 2$

$$\begin{vmatrix} 1+3 \\ \therefore ab = 2 \end{vmatrix}$$

직선 $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$ 이 x 축, y 축과 만나는 점을 각각 A, B 라 하자. 선분 3. AB 의 중점이 (2, 3) 일 때, a+b 의 값은?

② 7 ③ 8 ④ 9 ① 6

- **⑤**10

직선 $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$ 에서

y = 0 일 때 x = a, x = 0 일 때, y = b A(a, 0), B(0, b)

한편 선분 AB 의 중점이 (2, 3) 이므로

 $\frac{a+0}{2} = 2, \ \frac{0+b}{2} = 3$

 $\therefore a = 4, b = 6$ $\therefore a+b=10$

- **4.** 두 직선 ax y + 3 = 0, 4x + 2y + (1 b) = 0이 일치할 때, ab의 값은?
 - ① -14 ② -7 ③ 1 ④ 7 ⑤ 14

두 직선 ax - y + 3 = 0, 4x + 2y + (1 - b) = 0이 일치하려면

 $\frac{a}{4} = \frac{-1}{2} = \frac{3}{1-b}$

 $\therefore a = -2, b = 7$ $\therefore ab = (-2) \cdot 7 = -14$ 5. 점 (4,5) 와 직선 3x - 4y - 2 = 0 사이의 거리를 구하면?

① -1 ② 0 ③ 1 ④2 ⑤ 3

해설
거리 $d = \frac{|3 \cdot 4 - 4 \cdot 5 - 2|}{\sqrt{3^2 + (-4)^2}}$ $= \frac{10}{5} = 2$

- 6. 두 점 A(-1,2), B(3,0)으로부터 같은 거리에 있는 점 P의 자취의 방정식을 구하면?

- ① x = 1 ② y = 1 ③ y = x + 1④ $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$ ③ y = 2x 1

P(x, y)라 하면 $\overline{AP} = \overline{BP}$

해설

즉, $\overline{AP}^2 = \overline{BP}^2$ 이므로 $(x+1)^2 + (y-2)^2 = (x-3)^2 + y^2$ $\therefore y = 2x - 1$

- **7.** 점 (5, 1)과 (-1, 7)을 지름의 양 끝으로 하는 원의 방정식은?
 - ① $(x-1)^2 + (y-2)^2 = 12$ ② $(x-2)^2 + (y-1)^2 = 15$

 - $(x-4)^2 + (y-6)^2 = 25$

두 점의 중점을 C라 하면 C(2,4)

구하는 원의 반지름의 길이는 $r = \sqrt{(2 - (-1))^2 + (4 - 7)^2} = \sqrt{18}$

$$\therefore (x-2)^2 + (y-4)^2 = 18$$

- 8. 두 원 $(x-2)^2+y^2=10$, $x^2+y^2+y-5=0$ 의 공통현을 포함하는 직선의 방정식이 y=ax+b 일 때, a+b 의 값은?
 - ① -1 ② -2 ③ -3 ④ -4 ⑤ -5

해설

 $(x-2)^2 + y^2 = 10$ 에서 $x^2 + y^2 - 4x - 6 = 0$ 이므로

두 원의 공통현을 포함하는 직선의 방정식은

 $x^{2} + y^{2} - 4x - 6 - (x^{2} + y^{2} + y - 5) = 0$ 4x + y + 1 = 0, y = -4x - 1

 $\therefore a = -4, b = -1$

 $\therefore a + b = -4 + (-1) = -5$

9. 다음은 원 $x^2 + y^2 = 1$ 과 직선 y = 2x + k 가 서로 만나지 않을 때, k 의 값의 범위를 구하는 과정이다. (가), (나), (다)에 들어갈 알맞은 것을 고르면?

```
x^2 + y^2 = 1 \cdots \bigcirc
y = 2x + k \cdots \bigcirc
⑤을 つ에 대입하여 식을 정리하면
5x^2 + 4kx + k^2 - 1 = 0 \cdot \cdot \cdot \bigcirc
⊙과 ⓒ이 서로 만나지 않으려면
D = (4k)^2 - 4 \cdot 5 \cdot (k^2 - 1)
(가)0
k^2( 나)5 \therefore (다)
```

② (가):= , (나):= , (다): $k = \pm \sqrt{5}$

① (가):> , (나):< , (다): $-\sqrt{5} < k < \sqrt{5}$

- ③ (가):> , (나):< , (다): $-\sqrt{5} < k < \sqrt{5}$
- ④ (가):> , (나):> , (다): $k>\sqrt{5}$ 또는 $k<-\sqrt{5}$
- ⑤ (가):< , (나):> , (다): $k > \sqrt{5}$ 또는 $k < -\sqrt{5}$

해설

(가): 원과 직선이 만나지 않으면 판별식이 0보다 작다. (나): 판별식을 정리하면, $k^2 > 5$

(다): $k^2 - 5 > 0 \implies k > \sqrt{5}$ 또는 $k < -\sqrt{5}$

- **10.** 원 $x^2 + y^2 = 5$ 위의 점 (1, 2) 에서의 접선의 방정식은?

 - ① x + y = 3 ② 2x y = 0 ③ x 2y = -3

해설

원 $x^2 + y^2 = 5$ 위의 점 (1, 2) 에서의 접선의 방정식은 $1 \cdot x + 2 \cdot y = 5$

- $\therefore x + 2y = 5$

- **11.** 평행이동 $(x, y) \Rightarrow (x+a, y+4)$ 에 의하여 점(2, 1) 이 점(1, b) 로 옮겨질 때, a+b 의 값은?
- ① -3 ② -1 ③ 2 ④ 4

해설

점 (2, 1) 이 평행이동 $(x, y) \Rightarrow (x + a, y + 4)$ 에 의하여 옮겨진 점이 (1,b) 이므로 2+a=1 , 1+4=b

 $\therefore a = -1$, b = 5

 $\therefore a+b=4$