1. 다음 방정식 중에서 미지수가 2 개인 일차방정식을 모두 고르면?

㉠ $x + y = 0$

㉡ $x(x + 1) + y = x^2 + y^2$

㉢ $x = y$

㉣ $x(2 + 3y) - 3xy = 0$

㉤ $x(x + 1) + y(y + 1) = 0$

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢

③ ㉡, ㉢

④ ㉡, ㉣

⑤ ㉣, ㉤

해설

㉡ $x + y - y^2 = 0$

㉣ $2x = 0$

㉤ $x^2 + x + y^2 + y = 0$

2. 연립방정식 $\begin{cases} 3x - 2y = -4 & \dots \textcircled{\text{㉠}} \\ -x + y = 3 & \dots \textcircled{\text{㉡}} \end{cases}$ 을 x 항을 소거하여 가감법으로

풀려고 할 때, 옳은 것은?

- ㉠ + ㉡ $\times 3$ ㉡ ㉠ $\times 2 -$ ㉡ ㉢ ㉠ $\times 2 +$ ㉡
 ㉣ ㉠ + ㉡ $\times 2$ ㉤ ㉠ $\times 3 -$ ㉡ $\times 2$

해설

$$\begin{cases} 3x - 2y = -4 & \dots \textcircled{\text{㉠}} \\ -x + y = 3 & \dots \textcircled{\text{㉡}} \end{cases}$$

에서 x 를 소거하기 위해선 x 의 계수를

맞춘 후에 두 식을 더한다.

$$\textcircled{\text{㉡}} \times 3 : -3x + 3y = 9$$

$\textcircled{\text{㉠}} + \textcircled{\text{㉡}} \times 3$ 을 하면 x 가 소거된다.

3. 다음의 연립방정식을 대입법을 이용하여 풀었을 때, 이를 만족하는 해 (x, y) 가 사분면에서 다른 곳에 위치하는 것을 고르면?

$$\textcircled{1} \begin{cases} y = 2x \\ 3x + y = 15 \end{cases}$$

$$\textcircled{3} \begin{cases} y = 3x + 1 \\ x + y = 7 \end{cases}$$

$$\textcircled{5} \begin{cases} y = 2x - 1 \\ x - y = 3 \end{cases}$$

$$\textcircled{2} \begin{cases} 3x + y = 4 \\ x = 2y - 1 \end{cases}$$

$$\textcircled{4} \begin{cases} x = y + 3 \\ x = 2y \end{cases}$$

해설

$$\textcircled{1} x = 3, y = 6$$

$$\textcircled{2} x = 1, y = 1$$

$$\textcircled{3} x = \frac{3}{2}, y = \frac{11}{2}$$

$$\textcircled{4} x = 6, y = 3$$

$$\textcircled{5} x = -2, y = -5$$

4. $\frac{2x}{3} + \frac{3y}{4} = \frac{3}{4}$, $\frac{x}{6} + \frac{y}{3} = \frac{1}{2}$ 에 대하여 연립방정식의 해를 구하면?

① $\left(-\frac{9}{4}, \frac{15}{4}\right)$

② $\left(\frac{15}{7}, -\frac{9}{7}\right)$

③ $\left(-\frac{9}{7}, \frac{15}{7}\right)$

④ $(-3, 5)$

⑤ $(5, -3)$

해설

$$\begin{cases} 8x + 9y = 9 \\ x + 2y = 3 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 8x + 9y = 9 \cdots \text{㉠} \\ 8x + 16y = 24 \cdots \text{㉡} \end{cases}$$

㉠ - ㉡ 을 하면 $x = -\frac{9}{7}, y = \frac{15}{7}$ 이다.

따라서 $\left(-\frac{9}{7}, \frac{15}{7}\right)$ 이다.

5. 연립방정식 $\begin{cases} 0.2x + 4y = 0.3 \\ 1.6x + 0.7y = -2.1 \end{cases}$ 를 풀기 위하여 계수를 정수로

올게 고친 것은?

① $\begin{cases} 2x + 8y = 13 \\ 16x + 17y = -21 \end{cases}$

③ $\begin{cases} 3x + 24y = 12 \\ 16x + 7y = -21 \end{cases}$

⑤ $\begin{cases} 5x + 2y = 3 \\ 16x + 8y = -21 \end{cases}$

② $\begin{cases} 2x + 40y = 3 \\ 16x + 7y = -21 \end{cases}$

④ $\begin{cases} 2x + 14y = 6 \\ 1.6x + 17y = -21 \end{cases}$

해설

$$\begin{cases} 0.2x + 4y = 0.3 & \dots \textcircled{㉠} \\ 1.6x + 0.7y = -2.1 & \dots \textcircled{㉡} \end{cases}$$

㉠ 식에 $\times 10$, ㉡ 식에 $\times 10$ 을 하면 각각 $2x + 40y = 3$, $16x + 7y = -21$ 이 된다.

6. 연립방정식 $\begin{cases} x + y = a \\ x + 2y = 7 \end{cases}$ 을 만족하는 x 와 y 의 값의 비가 $1 : 3$ 일 때, a 의 값은?

① 2

② 4

③ 6

④ 8

⑤ 10

해설

x 와 y 의 값의 비가 $1 : 3$ 이므로 $y = 3x$, 이를 아래 방정식에 대입하면 $7x = 7$, $x = 1$ 이고, $y = 3$ 이다. 따라서 $x + y = a = 1 + 3 = 4$ 이다.

7. x, y 에 관한 연립방정식 $\begin{cases} ax + y = 5 \\ 2x - y = b \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, a, b 의 값은?

① $a = -1, b = 3$

② $a = 1, b = 3$

③ $a = 2, b = 5$

④ $a = 2, b = -5$

⑤ $a = -2, b = -5$

해설

첫 번째 식에 $\times(-1)$ 을 해 주면 $-ax - y = -5$ 가 되고 이것이 두 번째 식과 일치해야 하므로 $-a = 2, -5 = b$ 가 된다. 따라서 $a = -2, b = -5$ 이다.

8. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $4x + y = 13$ 의 해 중에서 $x > y$ 인 것의 개수는?

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

$4x + y = 13$ 의 해는 $(1, 9), (2, 5), (3, 1)$ 이고,
그 중 $x > y$ 를 만족하는 것은 $(3, 1)$ 이다.

9. 미지수가 2 개인 일차방정식 $\frac{x}{2} + \frac{y}{6} = 1$ 을 만족하는 x, y 의 값의 비가 1 : 5 라고 할 때, $x - 4y$ 의 값은?

- ① $\frac{7}{3}$ ② $-\frac{57}{4}$ ③ $-\frac{7}{3}$ ④ -2 ⑤ 21

해설

$x : y = 1 : 5$ 이므로 $y = 5x$, $\frac{x}{2} + \frac{y}{6} = 1$ 에 대입하면

$$\frac{x}{2} + \frac{5x}{6} = 1 \text{ 이므로 } x = \frac{3}{4}, y = \frac{15}{4},$$

따라서 $x - 4y = \frac{3}{4} - 15 = -\frac{57}{4}$ 이다.

10. 둘레의 길이가 52 cm 인 직사각형에서 가로 길이는 세로 길이의 2 배보다 3 cm 가 짧다고 한다. 가로 길이를 x cm , 세로 길이를 y cm 라고 하여 연립방정식을 세우면?

$$\begin{aligned} \textcircled{1} & \begin{cases} x + y = 52 \\ x = 2(y - 3) \end{cases} \\ \textcircled{3} & \begin{cases} x + y = 26 \\ x = 2y - 3 \end{cases} \\ \textcircled{5} & \begin{cases} x + y = 26 \\ x = 2(y - 3) \end{cases} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{2} & \begin{cases} x + y = 52 \\ x = 2y - 3 \end{cases} \\ \textcircled{4} & \begin{cases} 2(x + y) = 52 \\ y = 2(x - 3) \end{cases} \end{aligned}$$

해설

직사각형의 둘레는 (가로 + 세로) $\times$ 2 이므로 (가로 + 세로) = 26(cm) 가 된다. 그리고 가로의 길이는 세로의 길이의 2 배보다 3 cm 가 짧으므로 $x = 2y - 3$ 이 된다.

11. 다음 보기 중에서 $(-1, 1)$ 을 해로 가지는 연립 일차 방정식 한 쌍으로 이루어진 것을 고르면?

㉠ $x - y = 0$

㉡ $2x + 5y = -3$

㉢ $-8x - y = 7$

㉣ $-4x + y = 2$

㉤ $x + 2y = 3$

㉥ $2x - 3y + 5 = 0$

① ㉠, ㉥

② ㉡, ㉣

③ ㉢, ㉤

④ ㉡, ㉥

⑤ ㉢, ㉥

해설

㉢. $(-8) \times (-1) - 1 = 7$

㉥. $2 \times (-1) - 3 \times 1 + 5 = 0$

12. 연립방정식 $\begin{cases} x + ay = -5 \\ bx - y = -13 \end{cases}$ 의 해가 $(2, 7)$ 일 때, 상수 a 와 b 의

값을 각각 구하면?

① $a = -6, b = \frac{11}{7}$

② $a = -1, b = \frac{15}{7}$

③ $a = -1, b = \frac{15}{7}$

④ $a = 2, b = -3$

⑤ $a = -1, b = -3$

해설

$x + ay = -5$ 에 $(2, 7)$ 을 대입하면 $a = -1$ 이 나오고, $bx - y = -13$ 에 $(2, 7)$ 을 대입하면 $b = -3$ 이 나온다.

13. 연립방정식 $\begin{cases} 2x - y = 4 \\ 3x - 2y = 5 \end{cases}$ 의 해가 (m, n) 일 때, $m - n$ 의 값은?

① -1

② 1

③ 0

④ 2

⑤ -2

해설

$$\begin{cases} 2x - y = 4 & \cdots \textcircled{\text{㉠}} \\ 3x - 2y = 5 & \cdots \textcircled{\text{㉡}} \end{cases} \text{에서 } \textcircled{\text{㉠}} \times 2 - \textcircled{\text{㉡}} \text{ 이면}$$

$$x = 3, y = 2 \text{ 이므로 } (m, n) = (3, 2)$$

$$\therefore m - n = 3 - 2 = 1$$

14. 연립방정식 $\begin{cases} x + y = 8 \\ 5x - my = 8 \end{cases}$ 의 해가 $x = a, y = b$ 일 때, 방정식

$2a - 3b = 1$ 을 만족한다. 이때 상수 m 의 값은?

① $-\frac{17}{3}$

② $-\frac{3}{17}$

③ $\frac{3}{4}$

④ $\frac{17}{3}$

⑤ $\frac{17}{4}$

해설

$$\begin{cases} x + y = 8 \\ 5x - my = 8 \end{cases} \text{에}$$

$x = a, y = b$ 를 대입하면

$$\begin{cases} a + b = 8 \\ 5a - bm = 8 \end{cases},$$

$a + b = 8 \dots (1)$ 과

$2a - 3b = 1 \dots (2)$ 를 연립하여

$(1) \times 3 + (2)$ 를 하면 $5a = 25$

$a = 5, b = 3 \dots (3)$

(3) 을 $5a - bm = 8$ 에 대입하면

$$25 - 3m = 8$$

$$\therefore m = \frac{17}{3}$$

15. 다음 중 해가 없는 연립방정식은?

$$\textcircled{1} \begin{cases} 5x - 2y = 4 \\ 10x - 4y = 8 \end{cases}$$

$$\textcircled{3} \begin{cases} 4y = 8x + 3 \\ 4x - 2y = 1 \end{cases}$$

$$\textcircled{5} \begin{cases} 2x - 3(x + y) = 6 \\ 3x + 9y = -18 \end{cases}$$

$$\textcircled{2} \begin{cases} \frac{1}{3}x - 0.2y = 1 \\ x - 0.6y = 3 \end{cases}$$

$$\textcircled{4} \begin{cases} 0.4x - 0.9y = 1.2 \\ 8x = 6(3y + 4) \end{cases}$$

해설

두 방정식의 미지수의 계수는 각각 같고 상수항이 다를 때 해가 없다.

따라서

$$\textcircled{1} \begin{cases} 5x - 2y = 4 \quad \dots \textcircled{㉠} \\ 10x - 4y = 8 \quad \dots \textcircled{㉡} \end{cases}$$

$2 \times \textcircled{㉠} = \textcircled{㉡}$ 이므로 해가 무수히 많다.

$$\textcircled{2} \begin{cases} \frac{1}{3}x - 0.2y = 1 \quad \dots \textcircled{㉠} \\ x - 0.6y = 3 \quad \dots \textcircled{㉡} \end{cases}$$

$3 \times \textcircled{㉠} = \textcircled{㉡}$ 이므로 해가 무수히 많다.

$$\textcircled{3} \begin{cases} 4y = 8x + 3 \quad \dots \textcircled{㉠} \\ 4x - 2y = 1 \quad \dots \textcircled{㉡} \end{cases}$$

$\textcircled{㉠}$ 과 $2 \times \textcircled{㉡}$ 은 상수항만 다르므로 해가 없다.

$$\textcircled{4} \begin{cases} 0.4x - 0.9y = 1.2 \quad \dots \textcircled{㉠} \\ 8x = 6(3y + 4) \quad \dots \textcircled{㉡} \end{cases}$$

$20 \times \textcircled{㉠} = \textcircled{㉡}$ 이므로 해가 무수히 많다.

$$\textcircled{5} \begin{cases} 2x - 3(x + y) = 6 \quad \dots \textcircled{㉠} \\ 3x + 9y = -18 \quad \dots \textcircled{㉡} \end{cases}$$

$(-3) \times \textcircled{㉠} = \textcircled{㉡}$ 이므로 해가 무수히 많다.