

1. 다음 등식 중에서 x 에 관한 항등식인 것은?

① $x + 3x = 5x - 2x$

② $2x + 1 = 2$

③ $4(x - 2) = 4x - 8$

④ $2x + 2 = 2(x - 3) + 2$

⑤ $3x + 4 - x = 2(x - 1) + 3$

해설

③ $4(x - 2) = 4x - 8$

$4x - 8 = 4x - 8$

2. 다음 등식 중에서 일차방정식에 해당하는 글자를 차례대로 쓰면 어떠한 문장이 된다.
일차방정식인 것을 골라 문장을 구하여라.

Ⓐ $4x = 3x$ [신]

Ⓑ $4x - 2x = 2x$ [바]

Ⓒ $0.5x + 1.5x = 2x$ [람]

Ⓓ $2x = 2$ [나]

Ⓔ $x - 1 = -1$ [는]

Ⓕ $3 - 3x = 0$ [방]

Ⓖ $-2x + 1 = 1 - 2x$ [정]

Ⓗ $x^2 - 3x = 4$ [식]

Ⓘ $3x + 1 = 3x + 1$ [수]

Ⓚ $4x - 1 = x + 2$ [학]

▶ 답 :

▷ 정답 : 신나는 방학

해설

Ⓐ $4x = 3x$: $4x - 3x = 0$ (일차방정식이다.)

Ⓑ $4x - 2x = 2x$: $4x - 2x - 2x = 0$

$\Rightarrow 0 = 0$ (일차방정식이 아니다.)

Ⓒ $0.5x + 1.5x = 2x$: $0.5x + 1.5x - 2x = 0$

$\Rightarrow 0 = 0$ (일차방정식이 아니다.)

Ⓓ $2x = 2$: (일차방정식이다.)

Ⓔ $x - 1 = -1$: $x - 1 + 1 = 0$

($x = 0$ 인 일차방정식이다.)

Ⓕ $3 - 3x = 0$: (일차방정식이다.)

Ⓖ $-2x + 1 = 1 - 2x$: $-2x + 1 - 1 + 2x = 0$

$\Rightarrow 0 = 0$ (일차방정식이 아니다.)

Ⓗ $x^2 - 3x = 4$: (미지수의 최고차항의 차수가 일차가 아니다.)

Ⓘ $3x + 1 = 3x + 1$: (항등식이다.)

Ⓚ $4x - 1 = x + 2$: (일차방정식이다.)

따라서 일차방정식인 것은 Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ이고, 문장은 신나는 방학이다.

3. 방정식 $2x - 3 = 4$ 에서 좌변의 -3 을 이항한다는 것과 같은 뜻은?

- ① 양변에 -3 을 더한다.
- ② 양변에서 3 을 뺀다.
- ③ 양변에 3 을 더한다. (선택지에 원을 칠한 항)
- ④ 양변에서 -3 을 곱한다.
- ⑤ 양변을 3 으로 나눈다.

해설

이항은 양변에 같은 수를 더하거나 빼도 등식은 성립한다는 등식의 성질을 이용한 것이다.

-3 을 이항하기 위해서는 양변에 3 을 더해야 한다.

4. 어떤수를 3배 한 뒤 2를 더한 수는 그 수에 14를 더한 수와 같다고 할 때, 어떤 수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = 6$

해설

$$3x + 2 = x + 14$$

$$2x = 12$$

$$\therefore x = 6$$

5. 다음은 x 년 전의 작은 아버지, 이모, 할머니의 나이이다. 5년 전에 작은 아버지의 나이와 이모의 나이의 합이 할머니 나이보다 8세 많았다면 올해 작은 아버지의 나이와 이모의 나이의 합을 구하여라. (단, $x > 5$)

작은 아버지 : 31 세

이모 : 26 세

할머니 : 53 세

▶ 답 : 세

▷ 정답 : 75세

해설

5년 전 작은 아버지의 나이는 $(31 + x - 5)$ 세, 이모의 나이는 $(26 + x - 5)$ 세,

할머니의 나이는 $(53 + x - 5)$ 세가 된다.

$$(31 + x - 5) + (26 + x - 5) = (53 + x - 5) + 8$$

$$2x + 47 = x + 56, x = 9$$

따라서 올해 작은 아버지의 나이는 $31 + 9 = 40$ (세)이고 이모의 나이는 $26 + 9 = 35$ 이므로

작은 아버지의 나이와 이모의 나이의 합은 $40 + 35 = 75$ 이다.

6. 어떤 일을 하는데 A 가 하면 12 시간 걸리고 B 가 하면 15 시간 걸린다.
A 와 B 가 같이 일을 하면 몇 시간 걸리겠는가?

① $\frac{14}{3}$

② $\frac{16}{3}$

③ $\frac{18}{3}$

④ $\frac{20}{3}$

⑤ $\frac{22}{3}$

해설

A 가 1 시간에 하는 일의 양 : $\frac{1}{12}$

B 가 1 시간에 하는 일의 양 : $\frac{1}{15}$

두 명이 같이 일한 시간 : x

$$\left(\frac{1}{12} + \frac{1}{15} \right) x = 1$$

$$\left(\frac{5+4}{60} \right) x = 1, \frac{9}{60} x = 1$$

$$x = \frac{60}{9} = \frac{20}{3}$$