

1. $3(3 - a\sqrt{2}) - \sqrt{3}(a\sqrt{3} - 2\sqrt{6})$ 을 간단히 한 값이 유리수가 되도록 하는 유리수 a 의 값을 구하면?

① 2

② -2

③ 3

④ -3

⑤ 4

해설

$$9 - 3a\sqrt{2} - 3a + 2\sqrt{18}$$

$$= (9 - 3a) + (6 - 3a)\sqrt{2}$$

유리식이 되기 위해서 근호가 없어져야 한다.

$$\therefore 6 - 3a = 0, a = 2$$

2. $2a + 8\sqrt{3} - 7 - 4a\sqrt{3}$ 의 값이 유리수가 되도록 하는 유리수 a 의 값은?

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 4

해설

$$2a + 8\sqrt{3} - 7 - 4a\sqrt{3} = 2a - 7 + (8 - 4a)\sqrt{3}$$

주어진 식이 유리수가 되기 위해서는 $8 - 4a$ 의 값이 0 이 되어야 한다.

$$8 - 4a = 0 \quad \therefore a = 2$$

3. $2\sqrt{6}\left(\frac{1}{\sqrt{3}} - \sqrt{6}\right) - \frac{a}{\sqrt{2}}(4\sqrt{2} - 2)$ 가 유리수가 되도록 유리수 a 의 값을 정하면?

① -1

② -2

③ -3

④ -4

⑤ -5

해설

$$2\sqrt{6} \times \frac{1}{\sqrt{3}} - 2\sqrt{6} \times \sqrt{6} - \frac{a}{\sqrt{2}} \times 4\sqrt{2} + \frac{a}{\sqrt{2}} \times 2$$

$$= 2\sqrt{2} - 12 - 4a + a\sqrt{2}$$

$$= \sqrt{2}(2 + a) - 12 - 4a$$

유리수가 되기 위해서 $a + 2 = 0$

$$\therefore a = -2$$

4. $(x - y)^2 - 12x + 12y + 36 = (x + ay + b)^2$ 일 때, 상수 a, b 의 곱 ab 의 값은?

① 2

② 4

③ 6

④ 11

⑤ 16

해설

$x - y = A$ 로 치환하면

$$A^2 - 12A + 36 = (A - 6)^2 = (x - y - 6)^2$$

$$\therefore a = -1, b = -6$$

$$\therefore ab = 6$$

5. 다음 중 $(x^2 + 2x)^2 - 11(x^2 + 2x) + 24$ 를 바르게 인수분해한 것은?

① $(x - 4)(x + 2)(x + 3)(x - 1)$

② $(x + 4)(x + 2)(x - 3)(x - 1)$

③ $(x + 4)(x - 2)(x - 3)(x + 1)$

④ $(x - 4)(x - 2)(x + 3)(x + 1)$

⑤ $(x + 4)(x - 2)(x + 3)(x - 1)$

해설

$x^2 + 2x = A$ 로 치환하면

$$\begin{aligned} A^2 - 11A + 24 &= (A - 8)(A - 3) \\ &= (x^2 + 2x - 8)(x^2 + 2x - 3) \\ &= (x + 4)(x - 2)(x + 3)(x - 1) \end{aligned}$$

6. $(x+2)^2 - (x-1)(x+2)$ 를 전개하여 간단히 나타내면?

① $2x^2 + 4x + 6$

② $2x^2 - 4x$

③ $x^2 - 7x + 2$

④ $3x + 6$

⑤ $3x - 6$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (x+2) \{x+2 - (x-1)\} \\ &= (x+2) \times 3 = 3x+6\end{aligned}$$

7. 이차방정식 $x^2 + 3x - 3 = 0$ 의 두 근을 m, n 이라고 할 때, $(m - n)^2$ 의 값은?

① -6

② 0

③ 3

④ 18

⑤ 21

해설

근과 계수의 관계로부터

$$m + n = -3, mn = -3$$

$$(m - n)^2 = (m + n)^2 - 4mn = 9 + 12 = 21$$

9. 이차방정식 $x^2 + 3x + 1 = 0$ 의 두 근의 합이 이차방정식 $2x^2 + kx + 6 = 0$ 의 해일 때, k 의 값은?

① 5

② 6

③ 7

④ 8

⑤ 9

해설

$x^2 + 3x + 1 = 0$ 에서 (두 근의 합) = -3

$x = -3$ 이 $2x^2 + kx + 6 = 0$ 의 해이므로 대입하면

$$18 - 3k + 6 = 0$$

$$\therefore k = 8$$

10. 이차방정식 $x^2 - (2a + 3)x + a^2 + 3a = 0$ 의 한 근이 다른 한 근의 2배 일 때, a 의 값은? (a 는 상수)

① 3

② -3

③ 6

④ -3, 6

⑤ 3, -6

해설

두 근을 각각 p , $2p$ 라고 하면, 근과 계수와의 관계에 의해
 $p + 2p = 2a + 3$, $2p^2 = a^2 + 3a \cdots \textcircled{1}$

$3p = 2a + 3$, $p = \frac{2a + 3}{3}$ 를 $\textcircled{1}$ 에 대입하면

$$2 \times \left(\frac{2a + 3}{3} \right)^2 = a^2 + 3a, \quad 2(2a + 3)^2 = 9a^2 + 27a$$

정리하면 $a^2 + 3a - 18 = 0$, $(a + 6)(a - 3) = 0$

$\therefore a = -6, 3$

11. 두 근이 연속한 짝수이고 두 근의 제곱의 차가 28 인 이차방정식 $x^2 - 2ax + 3b = 0$ 이 있다. 이때, 상수 $b - a$ 의 값은?

① 6

② 7

③ 8

④ 9

⑤ 10

해설

두 근을 $\alpha, \alpha + 2$ 라 하면

$$(\alpha + 2)^2 - \alpha^2 = 28$$

$$4\alpha - 24 = 0$$

$$\therefore \alpha = 6$$

따라서 두 근은 6, 8 이므로 근과 계수와의 관계로부터

$$2a = 6 + 8 = 14, a = 7$$

$$3b = 48, b = 16$$

$$\therefore b - a = 9$$

12. 이차방정식 $x^2 + 2kx + 4k + 4 = 0$ 의 두 근의 비가 2 : 3 일 때, 정수 k 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

두 근을 2α , 3α 라 하면,

$$2\alpha + 3\alpha = 5\alpha = -2k \cdots \cdots \textcircled{㉠}$$

$$2\alpha \times 3\alpha = 6\alpha^2 = 4k + 4 \cdots \cdots \textcircled{㉡}$$

㉠을 정리하면 $\alpha = -\frac{2}{5}k$

이것을 ㉡에 대입하면 $6 \times \left(-\frac{2}{5}k\right)^2 = 4k + 4$

$$\frac{24}{25}k^2 - 4k - 4 = 0$$

$$6k^2 - 25k - 25 = 0$$

$$(6k + 5)(k - 5) = 0$$

$\therefore k = 5$ ($\because k$ 는 정수)

13. 실수 a, b 에 대하여 $a \circ b = ab - a - b$ 라고 할 때, $(x-1) \circ (x+2) = x+2$ 의 두 근을 α, β 라 한다. 이때, $\alpha^2 + \beta^2$ 의 값은?

① 14

② 16

③ 18

④ 20

⑤ 22

해설

$$\begin{aligned}(x-1) \circ (x+2) \\ &= (x-1)(x+2) - (x-1) - (x+2) \\ &= x+2\end{aligned}$$

$$x^2 - 2x - 5 = 0$$

$$\alpha + \beta = 2, \alpha\beta = -5$$

$$\therefore \alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = 14$$

14. 한 원 위에 n 개의 점을 잡아 n 각형을 만들었다. 새로 만든 도형의 대각선의 총 개수가 35개 일 때, n 의 값은?

① 7

② 8

③ 9

④ 10

⑤ 11

해설

$$\frac{n(n-3)}{2} = 35 \text{ 이므로}$$

$$n^2 - 3n - 70 = 0$$

$$(n+7)(n-10) = 0$$

$$n = 10 (\because n > 0)$$

15. n 개의 수 중 2개의 수를 골라 만들 수 있는 두 자리의 자연수는 20개일 때, n 의 값은?

① 3

② 4

③ 5

④ 6

⑤ 7

해설

$$n(n-1) = 20$$

$$n^2 - n - 20 = 0$$

$$(n-5)(n+4) = 0$$

$n > 0$ 이므로 $n = 5$ 이다.