

1. 다항식  $2xy^2 + x^2y - 3x + x^3 - 1$ 에 대한 다음 설명 중 옳지 않은 것은?

- ①  $x$ 에 대한 삼차식이다.
- ②  $y$ 에 대한 이차식이다.
- ③  $x^2$ 의 계수는  $y$ 이다.
- ④  $x$ 의 계수는  $2y^2 - 3$ 이다.
- ⑤  $y$ 에 대한 상수항은  $-1$ 이다.

해설

⑤  $y$ 에 대한 상수항:  $x^3 - 3x - 1$

2. 임의의 실수  $x$ 에 대하여  $x^2 - 3x + 2 = a + bx + cx(x-1) + dx(x-1)(x-2)$  가 항상 성립할 때,  $a + b + c + d$ 의 값을 구하면? (단,  $a, b, c, d$ 는 상수)

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$x = 0$ 을 대입하면  $a = 2$

$x = 1$ 을 대입하면  $b = -2$

$x = 2$ 을 대입하면  $c = 1$

3차항은 없으므로  $d = 0$

$\therefore a + b + c + d = 1$

3. 다항식  $ax + ay - bx - by$ 를 인수분해 하면?

- ①  $x(a - b)$       ②  $(a - b)(x - y)$       ③  $(a + b)(x - y)$   
④  $(a - b)(x + y)$       ⑤  $(a + b)(x + y)$

해설

$$\begin{aligned} ax + ay - bx - by &= a(x + y) - b(x + y) \\ &= (a - b)(x + y) \end{aligned}$$

4.  $x^4 - 6x^2 + 8$ 를 인수분해하면? (단, 유리수 범위에서 인수분해 하여라.)

- ①  $(x^2 - 2)(x^2 - 4)$
- ②  $(x^2 - 2)(x - 4)(x + 4)$
- ③  $(x^2 - 2)(x - 2)(x + 2)$
- ④  $(x - \sqrt{2})(x + \sqrt{2})(x - 2)(x + 2)$
- ⑤  $(x^2 - \sqrt{2})(x - 2)(x + 2)$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 6x^2 + 8 &= (x^2)^2 - 6x^2 + 8 \\&= (x^2 - 2)(x^2 - 4) \\&= (x + 2)(x - 2)(x^2 - 2)\end{aligned}$$

해설

인수정리를 이용할 수 있다.  
 $f(x) = x^4 - 6x^2 + 8$   
 $f(2) = 0, f(-2) = 0,$   
즉,  $(x - 2)(x + 2)$ 로 나누어 떨어지므로  
조립제법을 써서 인수분해하면 된다.

5. 직선  $x + y = 2$  위에 있고, 두 점 A(2, 3), B(3, 2)에 이르는 거리가 같은 점 P의 좌표는?

- ① (0, 2)      ② (1, 1)      ③ (2, 0)  
④ (3, -1)      ⑤ (4, -2)

해설

점 P의 좌표를  $P(a, 2-a)$ 로 놓으면

$$\overline{PA} = \sqrt{(a-2)^2 + (2-a-3)^2}$$

$$= \sqrt{2a^2 - 2a + 5}$$

$$\overline{PB} = \sqrt{(a-3)^2 + (2-a-2)^2}$$

$$= \sqrt{2a^2 - 6a + 9}$$

그런데  $\overline{PA} = \overline{PB}$ 이므로  $\overline{PA}^2 = \overline{PB}^2$ 에서

$$2a^2 - 2a + 5 = 2a^2 - 6a + 9$$

$$4a = 4 \text{ 에서 } a = 1$$

$$\therefore P(1, 1)$$

6. 세 점 A(-3, 2), B(4, 2), C(2, 8)을 꼭짓점으로 하는 삼각형의 무게 중심의 좌표는?

- ① (0, 4)      ② (2, 3)      ③ (2, 4)  
④ (1, 3)      ⑤ (1, 4)

해설

$$\left( \frac{-3+4+2}{3}, \frac{2+2+8}{3} \right) = (1, 4)$$

7. 점  $(2, -1)$  을 지나고, 기울기가  $-3$  인 직선의 방정식이  $ax + by - 5 = 0$  일 때  $a + b$  의 값은?

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

점  $(x_1, y_1)$  을 지나고 기울기가  $m$  인  
직선의 방정식은  $y - y_1 = m(x - x_1)$  이므로  
구하는 직선의 방정식은  $y - (-1) = -3(x - 2)$   
 $\therefore y = -3x + 5 \cdots ⑦$

⑦을 직선의 방정식의 일반형으로 고치면  
 $3x + y - 5 = 0$

$$\therefore a + b = 3 + 1 = 4$$

8. 점  $(1, 2)$  를 중심으로 하고 점  $(3, -2)$  를 지나는 원의 방정식은?

- ①  $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 = 4$       ②  $(x + 1)^2 + (y - 2)^2 = 32$   
③  $(x - 1)^2 + (y - 2)^2 = 20$       ④  $(x + 1)^2 + (y + 2)^2 = 12$   
⑤  $(x - 1)^2 + (y - 2)^2 = 16$

해설

원의 반지름을  $r$  이라 하면  
 $(x - 1)^2 + (y - 2)^2 = r^2$   $\circ| (3, -2)$  를 지나므로  
 $(3 - 1)^2 + (-2 - 2)^2 = r^2$      $\therefore r^2 = 20$   
 $\therefore (x - 1)^2 + (y - 2)^2 = 20$

9. 두 원  $O_1$ ,  $O_2$ 의 중심거리가  $d = 7$ 이고, 그 각각 반지름의 길이  $r_1$ ,  $r_2$ 가 2, 5 일 때, 두 원은 어떤 위치관계에 있는가?

- ① 외접한다.      ② 내접한다.  
③ 두 점에서 만난다.      ④ 만나지 않는다.  
⑤ 네 점에서 만난다.

해설

$d = r_1 + r_2$  이므로 두 원은 외접한다.

10. 두 원  $(x - 2)^2 + y^2 = 10$ ,  $x^2 + y^2 + y - 5 = 0$  의 공통현을 포함하는  
직선의 방정식이  $y = ax + b$  일 때,  $a + b$  의 값은?

- ① -1      ② -2      ③ -3      ④ -4      ⑤ -5

해설

$$(x - 2)^2 + y^2 = 10 \text{에서}$$
$$x^2 + y^2 - 4x - 6 = 0 \text{이므로}$$

두 원의 공통현을 포함하는 직선의 방정식은

$$x^2 + y^2 - 4x - 6 - (x^2 + y^2 + y - 5) = 0$$
$$4x + y + 1 = 0, y = -4x - 1$$

$$\therefore a = -4, b = -1$$

$$\therefore a + b = -4 + (-1) = -5$$

11. 다음은 원  $x^2 + y^2 = 1$  과 직선  $y = 2x + k$  가 서로 만나지 않을 때,  $k$  의 값의 범위를 구하는 과정이다. (가), (나), (다)에 들어갈 알맞은 것을 고르면?

$$\begin{aligned}x^2 + y^2 &= 1 \cdots \textcircled{\text{I}} \\y &= 2x + k \cdots \textcircled{\text{I}} \\ \textcircled{\text{I}} \text{을 } \textcircled{\text{I}} \text{에 대입하여 식을 정리하면} \\5x^2 + 4kx + k^2 - 1 &= 0 \cdots \textcircled{\text{I}} \\ \textcircled{\text{I}} \text{과 } \textcircled{\text{I}} \text{이 서로 만나지 않으려면} \\D &= (4k)^2 - 4 \cdot 5 \cdot (k^2 - 1) \\(\text{가}) 0 &\\k^2 (\text{나}) 5 &\quad \therefore (\text{다})\end{aligned}$$

- ① (가):  $>$ , (나):  $<$ , (다):  $-\sqrt{5} < k < \sqrt{5}$   
② (가):  $=$ , (나):  $=$ , (다):  $k = \pm \sqrt{5}$   
③ (가):  $>$ , (나):  $<$ , (다):  $-\sqrt{5} < k < \sqrt{5}$   
④ (가):  $>$ , (나):  $>$ , (다):  $k > \sqrt{5}$  또는  $k < -\sqrt{5}$   
⑤ (가):  $<$ , (나):  $>$ , (다):  $k > \sqrt{5}$  또는  $k < -\sqrt{5}$

해설

- (가): 원과 직선이 만나지 않으면 판별식이 0보다 작다.  
(나): 판별식을 정리하면,  $k^2 > 5$   
(다):  $k^2 - 5 > 0 \Rightarrow k > \sqrt{5}$  또는  $k < -\sqrt{5}$

12. 원  $x^2 + y^2 = 25$  위의 점  $(-5, 0)$ 에서 접하는 직선의 방정식을 구하면?

- ①  $x = -1$       ②  $x = -2$       ③  $x = -3$   
④  $x = -4$       ⑤  $x = -5$

해설

구하는 접선의 방정식은  $-5 \cdot x + 0 \cdot y = 25$   
 $-5x = 25$   
 $\therefore x = -5$