

1.  $(x - 3) + (y - 2)i = 2 + 5i$ 를 만족하는 실수  $x, y$ 에 대하여  $2x + y$ 의 값은? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

- ① 10      ② 12      ③ 15      ④ 17      ⑤ 20

해설

$$x - 3 = 2, y - 2 = 5$$

$$\therefore x = 5, y = 7$$

$$\therefore 2x + y = 17$$

2. 복소수  $z = \frac{1+i}{\sqrt{2}}$  에 대하여  $z^2$  을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $z^2 = i$

해설

$$z = \frac{1+i}{\sqrt{2}} \text{ 이므로 } z^2 = \frac{1+2i-1}{2} = i$$

3.  $z = 1 + i$  일 때,  $\frac{z\bar{z}}{z - \bar{z}}$  의 값은?(단,  $i = \sqrt{-1}$ ,  $\bar{z}$ 는  $z$ 의 콤팩트소수)

- ①  $1 + i$     ②  $1 - i$     ③ 1    ④  $i$     ⑤  $-i$

해설

$$z = 1 + i \text{이면 } \bar{z} = 1 - i \text{이다.}$$
$$\therefore \frac{z\bar{z}}{z - \bar{z}} = \frac{(1+i)(1-i)}{(1+i)-(1-i)} = \frac{2}{2i} = -i$$

4.  $x^2 - 5x + 6 = 0$ 의 근을 근의 공식을 이용하여 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x = 2$

▷ 정답:  $x = 3$

해설

$$x = \frac{5 \pm \sqrt{25 - 4 \times 1 \times 6}}{2} = \frac{5 \pm 1}{2}$$

$$\therefore x = 2 \text{ 또는 } x = 3$$

5. 이차방정식  $x^2 - 3x - (k - 1) = 0$ 이 실근을 갖게 하는 실수  $k$ 의 값으로 옮지 않은 것은?

① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$x^2 - 3x - (k - 1) = 0 \diamond] \text{ 실근을 가지므로}$$

$$D = (-3)^2 + 4 \cdot 1 \cdot (k - 1) \geq 0$$

$$9 + 4k - 4 \geq 0, 4k \geq -5$$

$$\therefore k \geq -\frac{5}{4}$$

6. 이차방정식  $x^2 + 4x + k = 0$ 이 허근을 가지도록 상수  $k$ 의 값의 범위를 정하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $k > 4$

해설

$$\frac{D}{4} = 2^2 - k < 0$$
$$\therefore k > 4$$

7. 이차방정식  $2x^2 - 6x + 4 = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라고 할 때,  $\alpha^2 + \beta^2$  은?

- ① -9      ② -2      ③ 0      ④ 5      ⑤ 13

해설

$$\alpha + \beta = 3, \quad \alpha\beta = 2$$

$$\alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = 9 - 4 = 5$$

8.  $-x + 5 \geq 3$ ,  $2x - 3 \geq 7$ 에 대하여 연립부등식의 해를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\emptyset$

해설

$$-x + 5 \geq 3, x \leq 2$$

$$2x - 3 \geq 7, x \geq 5$$

$\therefore$  해는 없다.

9. 부등식  $4 - x \leq 3x - 4 < 2x + 2$  를 풀면?

- ①  $x \leq 2$       ②  $x \geq 2$       ③  $2 \leq x < 6$   
④  $x \leq 6$       ⑤  $x \geq 6$

해설

$$4 - x \leq 3x - 4 < 2x + 2$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 4 - x \leq 3x - 4 \\ 3x - 4 < 2x + 2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} -x - 3x \leq -4 - 4 \\ 3x - 2x < 2 + 4 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} -4x \leq -8 \\ x < 6 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x \geq 2 \\ x < 6 \end{cases}$$

$$\therefore 2 \leq x < 6$$

10. 연립부등식  $\begin{cases} 3x^2 + 4x - 4 \geq 0 \\ (x+1)^2 < 4 \end{cases}$  을 풀면?

- ①  $-2 < x \leq -1, \frac{2}{3} < x < 1$       ②  $-1 < x \leq -3, \frac{2}{3} \leq x < 2$   
③  $-2 < x \leq 0, \frac{1}{3} < x < 1$       ④  $-3 < x \leq -2, \frac{2}{3} \leq x < 1$   
⑤  $-4 < x \leq -2, \frac{1}{3} < x < 1$

해설

$$\begin{cases} 3x^2 + 4x - 4 \geq 0 \cdots (1) \\ (x+1)^2 < 4 \cdots (2) \end{cases}$$

(1)에서  $(x+2)(3x-2) \geq 0$  이므로

$$x \leq -2 \text{ 또는 } x \geq \frac{2}{3}$$

(2)에서  $-2 < x+1 < 2$ ,

$$-3 < x < 1$$
 이므로

$$-3 < x \leq -2, \frac{2}{3} \leq x < 1$$

11. 이차함수  $y = -(x - 1)(x + 3)$  의 최댓값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$\begin{aligned}y &= -(x - 1)(x + 3) \\&= -x^2 - 2x + 3 \\&= -(x + 1)^2 + 4\end{aligned}$$

$x = -1$  일 때, 최댓값 4 를 가진다.

12. 삼차방정식  $x^3 + x - 2 = 0$  의 해를 구하면?

- Ⓐ 1,  $\frac{-1 \pm \sqrt{7}i}{2}$  Ⓛ -1,  $\frac{-1 \pm \sqrt{7}i}{2}$  Ⓝ -1,  $\frac{-1 \pm \sqrt{7}}{2}$   
④ -1 Ⓟ 1

해설

조립제법을 이용하면

$$\begin{array}{c|cccc} 1 & 1 & 0 & 1 & -2 \\ & & 1 & 1 & 2 \\ \hline & 1 & 1 & 2 & 0 \end{array}$$

$$\Rightarrow (x - 1)(x^2 + x + 2) = 0$$

$$x^2 + x + 2 = 0 \text{ 의 근 : } \frac{-1 \pm \sqrt{7}i}{2}$$

$$\therefore \text{해} : 1, \frac{-1 \pm \sqrt{7}i}{2}$$

13. 삼차방정식  $x^3 + x^2 + ax + b = 0$ 의 두 근이  $-3, 1 - \sqrt{2}$  일 때, 유리수  $a, b$ 의 합  $a + b$ 의 값은?

① -10      ② -5      ③ 0      ④ 5      ⑤ 10

해설

계수가 실수인 삼차방정식의 한 근이  $1 - \sqrt{2}$  이므로 다른 한 근은  $1 + \sqrt{2}$  이다.

따라서, 근과 계수의 관계에 의하여

$$a = (1 - \sqrt{2})(1 + \sqrt{2}) + (-3)(1 - \sqrt{2}) + (-3)(1 + \sqrt{2}) = -7$$

$$b = -(1 - \sqrt{2})(1 + \sqrt{2})(-3) = -3$$

$$\therefore a + b = -10$$

14. 이차부등식  $x^2 - 6x + 9 \geq 0$ 의 해를 구하면?

- ① 해가 없다                    ②  $x = 3$   
③  $x \neq 3$ 인 모든 실수        ④  $-3 < x < 3$   
⑤ 모든 실수

해설

$$(x - 3)^2 \geq 0, \quad (\text{실수})^2 \geq 0 \text{이므로}$$

$\therefore$  ⑤ 모든 실수

15. 모든 실수  $x, y$ 에 대하여  $x^2 + pxy + qy^2 \geq 0$ 이 항상 성립하려면 다음 중 어떤 조건을 만족해야 하는가?

- ①  $p < q$       ②  $p^2 \leq q$       ③  $p \leq q^2$   
④  $p^2 \leq 4q$       ⑤  $p^2 \geq 4q^2$

해설

모든 실수  $x, y$ 에 대하여  $x^2 + pxy + qy^2 \geq 0$ 이 항상 성립하려면  $x$ 에 대한 이차방정식  $x^2 + pxy + qy^2 = 0$ 의 판별식을  $D$ 라 할 때  $D = (py)^2 - 4qy^2 \leq 0$   
 $(p^2 - 4q)y^2 \leq 0 \cdots \textcircled{1}$

① 모든 실수  $y$ 에 대하여 성립하려면  
 $p^2 - 4q \leq 0$ 이어야 한다.  
 $\therefore p^2 \leq 4q$

16. 다항식  $2x^3 + ax^2 + x + b$  가  $x^2 - x + 1$ 로 나누어떨어질 때,  $a - b$ 의 값은?

- ① -4      ② -2      ③ 2      ④ 3      ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}2x^3 + ax^2 + x + b \\&= (x^2 - x + 1)(2x + c) \\&= 2x^3 + (c - 2)x^2 + (2 - c)x + c \\&\therefore a = c - 2, 1 = 2 - c, b = c \\&c = 1 \text{ } \textcircled{O} \text{므로 } a = -1, b = 1 \\&\therefore a - b = -2\end{aligned}$$

17. 다항식  $2x^{30} + 2x^{28} - x$ 를  $x + 1$ 로 나누었을 때의 몫을  $Q(x)$ 라 할 때,  
 $Q(x)$ 를  $x - 1$ 로 나누었을 때의 나머지는?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$2x^{30} + 2x^{28} - x = (x + 1) Q(x) + R$$

양변에  $x = -1$ 을 대입 하면,

$$2 + 2 + 1 = R \therefore R = 5$$

양변에  $x = 1$ 을 대입 하면,

$$2 + 2 - 1 = 2Q(1) + 5$$

$$\therefore Q(1) = -1$$

18. 다항식  $f(x) = x^2 + ax + b$ 에 대하여  $f(x) - 2$ 는  $x - 1$ 로 나누어 떨어지고,  $f(x) + 2$ 는  $x + 1$ 로 나누어 떨어진다. 이 때,  $a - 2b$ 의 값은?

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$f(x) - 2$ 는  $x - 1$ 로 나누어 떨어지므로

$$f(1) - 2 = 0 \therefore 1 + a + b - 2 = 0$$

$$\therefore a + b = 1 \cdots ①$$

$f(x) + 2$ 는  $x + 1$ 로 나누어 떨어지므로

$$f(-1) + 2 = 0 \therefore 1 - a + b + 2 = 0$$

$$\therefore -a + b = -3 \cdots ②$$

$$\text{①, ②에서 } a = 2, b = -1$$

$$\therefore a - 2b = 4$$

19.  $x^4 - 8x^2 - 9$  를  $x$ 에 대한 일차식만의 곱으로 인수분해할 때, 계수는 다음 중 어떤 수라 할 수 있는가?

- ① 정수      ② 유리수      ③ 무리수  
④ 실수      ⑤ 복소수

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 8x^2 - 9 &= (x^2 - 9)(x^2 + 1) \\&= (x + 3)(x - 3)(x^2 + 1) \\&= (x + 3)(x - 3)(x + i)(x - i)\end{aligned}$$

∴ 복소수

20. 최대공약수가  $x - 2$ 이고, 최소공배수가  $x^3 + 2x^2 - 5x - 6$ 인 두 다항식  $A, B$ 에 대하여  $A = x^2 + x - 6$ 일 때, 다항식  $B$ 를 구하면?

- ①  $x^2 - x - 2$       ②  $x^2 - x + 2$       ③  $x^2 + 2x - 1$   
④  $2x^2 - x - 1$       ⑤  $x^2 + x + 1$

해설

조립제법을 이용한다.

$$\begin{array}{c|cccc} 2 & 1 & 2 & -5 & -6 \\ & & 2 & 8 & 6 \\ \hline -1 & 1 & 4 & 3 & 0 \\ & & -1 & -3 & \\ \hline -3 & 1 & 3 & 0 & \\ & & -3 & & \\ \hline & 1 & 0 & & \end{array}$$

$$x^3 + 2x^2 - 5x - 6 = (x - 2)(x + 1)(x + 3)$$

$$A = x^2 + x - 6 = (x + 3)(x - 2)$$

$$B = (x - 2)(x + 1) = x^2 - x - 2$$

$$\therefore B = (x - 2)(x + 1) = (x^2 - x - 2)$$

21. 두 다항식  $A, B$ 의 최대공약수가  $x+1$ 이고, 곱이  $x^4 + x^3 - 7x^2 - 13x - 6$ 이다.  $A, B$ 의 최소공배수를  $f(x)$ 라 할 때,  $f(3)$ 의 값은?

- ① -3      ② -1      ③ 0      ④ 2      ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned}AB &= LG, \quad G = x+1 \\AB &= x^4 + x^3 - 7x^2 - 13x - 6 \\&= (x+1)^2(x+2)(x-3) \\f(x) &= (x+1)(x+2)(x-3), \quad f(3) = 0\end{aligned}$$

22. A, B 두 사람이 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 을 푸는데 A는 b를 잘못 읽어 -4와 7을, B는 c를 잘못 읽어  $-3 \pm \sqrt{2}i$ 를 근으로 얻었다. 원래의 두 근의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -6

해설

A는 a와 c를 바르게 읽었으므로

근과 계수와의 관계에서

$$\frac{c}{a} = -4 \cdot 7 = -28, c = -28a$$

B는 a와 b는 바르게 읽었으므로

$$\frac{b}{a} = (-3 + \sqrt{2}i) + (-3 - \sqrt{2}i) = -6, b = 6a$$

따라서 원래의 이차방정식은

$$ax^2 + 6ax - 28a = 0$$

근과 계수와의 관계에 의해 두 근의 합은 -6

23. 축의 방정식이  $x = 3$ 이고, 원점을 지나는 포물선을 그래프로 하는 이차함수의 최솟값이  $-1$ 일 때, 이 이차함수의 식을  $y = ax^2 + bx + c$  라 하면 상수  $a, b, c$ 의 합  $a + b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $-\frac{5}{9}$

해설

$$\begin{aligned}y &= a(x - 3)^2 - 1 \\9a - 1 &= 0 \therefore a = \frac{1}{9} \\y &= \frac{1}{9}(x^2 - 6x + 9) - 1 \\y &= \frac{1}{9}x^2 - \frac{2}{3}x \\a &= \frac{1}{9}, b = -\frac{2}{3}, c = 0 \\\therefore a + b + c &= -\frac{5}{9}\end{aligned}$$

24. 실수  $x, y$  가  $x^2 + 2y^2 - 2xy - 4 = 0$  을 만족시킬 때,  $x$  의 최댓값과  $y$  의 최댓값의 합은?

- ①  $2\sqrt{2} - 1$       ②  $2\sqrt{2} + 1$       ③  $2\sqrt{2} + 2$   
④  $\sqrt{2} + 4$       ⑤  $\sqrt{2} + 5$

해설

$$x^2 + 2y^2 - 2xy - 4 = 0 \text{ 을}$$

( i )  $x$ 에 대한 내림차순으로 정리하면

$$x^2 - 2yx + 2y^2 - 4 = 0 \text{에서 } x \text{가 실수이므로}$$

$$\frac{D}{4} = y^2 - (2y^2 - 4) \geq 0, y^2 \leq 4$$

$$\therefore -2 \leq y \leq 2$$

따라서,  $y$ 의 최댓값은 2이다.

( ii )  $y$ 에 대한 내림차순으로 정리하면

$$2y^2 - 2xy + x^2 - 4 = 0 \text{에서 } y \text{가 실수이므로}$$

$$\frac{D'}{4} = x^2 - 2(x^2 - 4) \geq 0, x^2 \leq 8$$

$$\therefore -2\sqrt{2} \leq x \leq 2\sqrt{2}$$

따라서,  $x$ 의 최댓값은  $2\sqrt{2}$ 이다.

( i ), ( ii )에 의해 구하는 합은  $2\sqrt{2} + 2$

25. 자연수  $N = 5 \cdot 29^3 + 15 \cdot 29^2 + 15 \cdot 29 + 5$ 의 양의 약수의 개수는?

- ① 20 개      ② 40 개      ③ 60 개  
④ 80 개      ⑤ 100 개

해설

주어진  $N$ 의 값을 직접 계산하여 다시 소인수분해 하기는 너무 복잡하므로,

주어진 수들을 하나의 문자로 생각하여 5로 묶으면

$$N = 5(29^3 + 3 \cdot 29^2 + 3 \cdot 29 + 1)$$

$$= 5(29 + 1)^3$$

$$= 5 \cdot 30^3$$

$$= 5 \cdot (2 \cdot 3 \cdot 5)^3$$

$$= 2^3 \cdot 3^3 \cdot 5^4$$

따라서  $N$ 의 양의 약수의 개수는

$$(3+1)(3+1)(4+1) = 80$$

26.  $x$ 에 관한 방정식  $|x^2 - 1| - x - k = 0$ 이 서로 다른 네 개의 실근을 가질 때,  $k$ 의 값의 범위를 구하면?

$$\textcircled{1} \quad 1 < k < \frac{5}{4} \quad \textcircled{2} \quad 1 \leq k \leq \frac{5}{4} \quad \textcircled{3} \quad -5 < k < -\frac{5}{4}$$

$$\textcircled{4} \quad k < 1, \quad k > \frac{5}{4} \quad \textcircled{5} \quad \frac{4}{5} < k < 1$$

**해설**

$|x^2 - 1| - x - k = 0$ 을 변형하여

분리하면

$$|x^2 - 1| = x + k, \quad y = |x^2 - 1|, \quad y = x + k$$

이 두 함수가 4개의 교점을 가지

려면

다음그림과 같아야 한다.

$$y = -x^2 + 1, \quad y = x + k$$

두 점에서 만나야 하므로

$x^2 + x + k - 1 = 0$ 의 판별식  $D > 0$ 이어야 한다.

$$D = 1 - 4k + 4 > 0 \quad \therefore k < \frac{5}{4}$$

또, 직선  $y = x + k$ 는 점  $(-1, 0)$ 을 지나는 직선 위에 존재해야 하므로

$$0 < -1 + k \quad \therefore k > 1$$

$$\therefore 1 < k < \frac{5}{4}$$



27.  $y = x^2 + 2ax + a$  의 최솟값을  $m$  이라고 할 때,  $m$  의 최댓값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{1}{4}$

해설

$$y = x^2 + 2ax + a = (x + a)^2 - a^2 + a$$

최솟값은  $-a^2 + a$  이다.

$$\therefore m = -a^2 + a = -\left(a - \frac{1}{2}\right)^2 + \frac{1}{4} \text{ 이다.}$$

$\therefore a = \frac{1}{2}$  일 때,  $m$  은 최댓값  $\frac{1}{4}$  을 갖는다.

28. 연립방정식  $\begin{cases} x(y+z) = 10 \\ y(z+x) = 18 \\ z(x+y) = 24 \end{cases}$ 의 해를  $x = \alpha, y = \beta, z = \gamma$  라 할 때,  
 $a\beta\gamma$  의 값은?

- ①  $\pm 2$       ②  $\pm 4$       ③  $\pm 8$       ④  $\pm 16$       ⑤  $\pm 32$

해설

$$\begin{cases} x(y+z) = 10 & \dots \textcircled{1} \\ y(z+x) = 18 & \dots \textcircled{2} \\ z(x+y) = 24 & \dots \textcircled{3} \end{cases}$$

$$\textcircled{1} + \textcircled{2} + \textcircled{3} : 2(xy + yz + zx) = 52$$

$$\therefore xy + yz + zx = 26$$

$$\therefore xy = 2, yz = 16, zx = 8 \dots \textcircled{4}$$

$$\textcircled{4} \text{에서 } (xyz)^2 = 16^2 \quad \therefore xyz = \pm 16$$

$$\therefore x = \alpha = \pm 1, y = \beta = \pm 2, z = \gamma = \pm 8 (\text{복부호동순})$$

$$\therefore a\beta\gamma = \pm 16$$

29. 두 부등식  $0.7 - x \leq -2 - 0.1x$ ,  $\frac{2+x}{3} \geq x + a$ 의 공통 부분이 없을 때,  
 $a$ 의 값 중 가장 작은 정수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

$$0.7 - x \leq -2 - 0.1x \quad 7 - 10x \leq -20 - x - 9x \leq -27, \quad x \geq 3$$

$$\frac{2+x}{3} \geq x + a \quad 2 + x \geq 3x + 3a - 2x \geq 3a - 2, \quad x \leq 1 - \frac{3}{2}a$$

$$\text{공통 부분이 없으므로 } 1 - \frac{3}{2}a < 3,$$

$$-\frac{3}{2}a < 2$$

$$\therefore a > -\frac{4}{3}$$

따라서 가장 작은 정수  $a$ 의 값은 -1이다.

30. 세 실수  $a, b, c$ 가  $a + b + c = 3$ ,  $a^2 + b^2 + c^2 = 9$ ,  $a^3 + b^3 + c^3 = 24$ 를 만족시킬 때,  $a^4 + b^4 + c^4 + 1$ 의 값을 구하면?

① 69      ② 70      ③ 71      ④ 72      ⑤ 73

해설

$$\begin{aligned} a + b + c &= 3 \cdots ① \\ a^2 + b^2 + c^2 &= 9 \cdots ② \\ a^3 + b^3 + c^3 &= 24 \cdots ③ \text{이라 하면,} \\ ②\text{식에서} \\ a^2 + b^2 + c^2 &= (a + b + c)^2 - 2(ab + bc + ca) = 9 \\ 9 - 2(ab + bc + ca) &= 9 \\ \therefore ab + bc + ca &= 0 \cdots ④ \\ ③\text{식에서} \\ a^3 + b^3 + c^3 &= (a + b + c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca) + 3abc \\ 24 &= 3 \cdot (9 - 0) + 3abc \\ \therefore abc &= -1 \cdots ⑤ \\ a^4 + b^4 + c^4 + 1 &= (a^2 + b^2 + c^2)^2 - 2(a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2) + 1 \\ &= 81 - 2 \cdot 6 + 1 = 70 \\ (\because a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2 &= (ab + bc + ca)^2 - 2abc(a + b + c) \\ &= 0 - 2 \times (-1) \times 3 \\ &= 6) \end{aligned}$$

31.  $a + b = 1$ ,  $a^2 + b^2 = -1$  일 때,  $a^{2000} + b^{2006}$  의 값은?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$a + b = 1$  이고  $b = 1 - a$  이고  $a^2 + b^2 = -1$  이므로

$a^2 + (1 - a)^2 = -1$ ,  $2a^2 - 2a + 2 = 0$ ,  $a^2 - a + 1 = 0$

이 식의 양변에  $a + 1$ 을 곱하면

$(a + 1)(a^2 - a + 1) = 0$ ,  $a^3 + 1 = 0$

같은 방법으로 하면

$b^3 + 1 = 0$  이므로  $a^3 = -1$ ,  $b^3 = -1$

$$\therefore a^{2000} + b^{2006} = (a^3)^{666} \cdot a^2 + (b^3)^{668} \cdot b^2$$

$$= a^2 + b^2 = -1$$

32. 가을 전어철을 맞아 전어의 어획량은 매일 현재 어획량의 10% 씩 늘어나고, 마리당 판매 가격은 매일 현재 가격의 5% 씩 줄어들고 있다. 며칠 후에 전어를 한꺼번에 팔아야 최대의 수입을 얻을 수 있는지 구하여라.

▶ 답:

일

▷ 정답: 5 일

해설

현재의 전어의 양과 가격을 각각  $m$ 마리,  $p$  원 라고 할 때,  $x$  일 후의 전어의 양과 가격은 각각

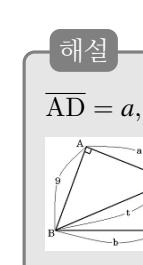
$$m \left(1 + \frac{1}{10}x\right) \text{마리}, p \left(1 - \frac{1}{20}x\right) \text{원 이다.}$$

이때,  $x$  일 후의 수입을  $y$  원이라고 하면

$$\begin{aligned} y &= mp \left(1 + \frac{1}{10}x\right) \left(1 - \frac{1}{20}x\right) \\ &= mp \left(1 + \frac{1}{20}x - \frac{1}{200}x^2\right) \\ &= -\frac{mp}{200}(x^2 - 10x - 200) \\ &= -\frac{mp}{200}(x - 5)^2 + \frac{9}{8}mp \end{aligned}$$

따라서  $x = 5$  일 때,  $y$  는 최댓값을 가지므로 5 일 후에 팔면 최대의 수입을 얻을 수 있다.

33. 네 변의 길이는 서로 다른 자연수이고,  $\overline{AB} = 9$ ,  $\overline{CD} = 7$ ,  $\angle BAD = \angle BCD = 90^\circ$ 인 사각형 ABCD가 있다. 대각선 BD의 길이를  $t$ 라 할 때,  $t^2$ 의 값을 구하면?



- ① 83      ② 85      ③ 87      ④ 120      ⑤ 130

해설

$\overline{AD} = a$ ,  $\overline{BC} = b$ ,  $\overline{BD} = t$  라 할 때,



$$9^2 + a^2 = 7^2 + b^2, b^2 - a^2 = 32$$

(자연수이므로,  $b > a$ )

$$(b - a)(b + a) = 32 \Rightarrow$$
 부정방정식

$b > a$ 이므로

$b - a$ ,  $b + a$  모두 자연수이므로,

곱이 32가 되는 수의 조합은

$$1 \times 32 = 32, 2 \times 16 = 32, 4 \times 8 = 32, \dots$$

$b - a = 4$ ,  $b + a = 8$  일 때 조건이 성립하므로,

$$a = 2, b = 6$$
이다.

$b + a = 16$ ,  $b - a = 2$  일 때도

성립하나, 서로 다른 자연수 조건에 위배하므로,

$$\therefore t^2 = 9^2 + 2^2 = 81 + 4 = 85$$