

1.  $-2 \leq x \leq 2$ 에서 함수  $y = -x^2 + 4x + k$ 의 최댓값이 6 일 때, 최솟값은?

- ① -14      ② -12      ③ -10      ④ -8      ⑤ -6

해설

$y = -x^2 + 4x + k = -(x - 2)^2 + k + 4$  이므로

$x = 2$  일 때  $y$ 의 최댓값은  $k + 4$  이다.

따라서  $k + 4 = 6$ 에서  $k = 2$

$-2 \leq x \leq 2$ 에서  $y = -(x - 2)^2 + 6$ 은  $x = -2$  일 때 최솟값을 가지며, 최솟값은 -10 이다.

2. 사차방정식  $x^4 + x^3 - 7x^2 - x + 6 = 0$ 의 근 중에서 최대의 근은?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 6      ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned} &x^4 + x^3 - 7x^2 - x + 6 = 0 \text{에서} \\ &x = 1, x = -1 \text{을 대입하면 성립하므로} \\ &x^4 + x^3 - 7x^2 - x + 6 \\ &= (x-1)(x+1)(x^2+x-6) \\ &= (x-1)(x+1)(x+3)(x-2) = 0 \\ &\therefore x = -3, -1, 1, 2 \\ &\text{따라서 최대의 근은 } 2 \end{aligned}$$

3.  $(1 + 2x - 3x^2 + 4x^3 - 5x^4 + 6x^5 + 7x^6)^2$  의 전개식에서  $x^3$ 의 계수는?

- ① 0      ② 2      ③ -2      ④ 4      ⑤ -4

해설

$x^3$ 을 만들 수 있는 것은  
(3차항)  $\times$  (상수항), (2차항)  $\times$  (1차항)  
2쌍씩이다.

$$4 \times 1 \times 2 + (-3) \times 2 \times 2 = 8 + (-12) = -4$$

4.  $x$ 에 대한 두 다항식  $A = x^2 + 3x + k$ ,  $B = x^2 + x - k$ 의 최대공약수가 일차식일 때, 상수  $k$ 의 값은? (단,  $k \neq 0$ )

- ① -1      ② 0      ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

$$A - B = 2x + 2k = 2(x + k)$$

$A$ ,  $B$ 의 최대공약수는  $A - B$ 의 인수이므로

$A$ ,  $B$ 의 최대공약수를  $G$ 라 하면

$G$ 는 일차식이므로  $G = x + k$

$x + k$ 는  $A$ 의 인수이어야 하므로

$$(-k)^2 + 3(-k) + k = 0$$

$$\therefore k = 0 \text{ 또는 } k = 2$$

그런데 주어진 조건에서  $k \neq 2$ 이므로  $k = 2$

5.  $a = 1 + i$ ,  $b = 1 - i$  일 때,  $\left(\frac{1}{a}\right)^2 + \frac{1}{ab} + \left(\frac{1}{b}\right)^2$  의 값을 구하면?

- ①  $-\frac{1}{2}$       ②  $-\frac{1}{3}$       ③  $\frac{1}{3}$       ④  $\frac{1}{2}$       ⑤  $\frac{1}{4}$

해설

$$a^2 = (1+i)^2 = 2i, b^2 = (1-i)^2 = -2i, \\ ab = (1+i)(1-i) = 2$$

$$\begin{aligned} \left(\frac{1}{a}\right)^2 + \frac{1}{ab} + \left(\frac{1}{b}\right)^2 &= \frac{b^2 + ab + a^2}{a^2b^2} \\ &= \frac{-2i + 2 + 2i}{4} \\ &= \frac{1}{2} \end{aligned}$$

6. 두 실수  $x, y$ 가  $x+y = -5, xy = 2$ 를 만족할 때,  $\sqrt{\frac{x}{y}} + \sqrt{\frac{y}{x}}$ 의 값을

구하면?

- ①  $\sqrt{2}$     ②  $\frac{5\sqrt{2}}{4}$     ③  $\frac{5\sqrt{2}}{3}$     ④  $\frac{5\sqrt{2}}{2}$     ⑤  $3\sqrt{2}$

해설

$x+y = -5, xy = 2$ 에서  $x < 0, y < 0$  이다.

$$\begin{aligned}\therefore \sqrt{\frac{x}{y}} + \sqrt{\frac{y}{x}} &= \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{y}} + \frac{\sqrt{y}}{\sqrt{x}} \\ &= \frac{x+y}{\sqrt{xy}} \\ &= \frac{-5}{-\sqrt{xy}} = \frac{5\sqrt{2}}{2}\end{aligned}$$

7. 0이 아닌 두 실수  $a, b$ 에 대하여  $\frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}} = -\sqrt{\frac{b}{a}}$  가 성립할 때, <보기>

의 방정식 중 항상 실근이 존재하는 것을 모두 고른 것은?

[보기]

Ⓐ  $x^2 + ax + b = 0$  Ⓑ  $x^2 + bx + a = 0$

Ⓒ  $ax^2 + x + b = 0$  Ⓛ  $bx^2 + ax + b = 0$

① Ⓐ, Ⓑ ② Ⓐ, Ⓛ ③ Ⓒ, Ⓓ ④ Ⓑ, Ⓛ ⑤ Ⓒ, Ⓛ

[해설]

$$\frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}} = -\sqrt{\frac{b}{a}} \Leftrightarrow \frac{b}{a} < 0$$

Ⓐ  $x^2 + ax + b = 0, D = a^2 - 4b$

$$b \leq \frac{a^2}{4}$$
 일 때만 실근 존재

Ⓑ  $x^2 + bx + a = 0$

$$D = b^2 - 4a > 0$$
 항상 실근 존재 (○)

Ⓒ  $ax^2 + x + b = 0$

$$D = 1 - 4ab > 0$$
 항상 실근 존재 (○)

Ⓓ  $bx^2 + ax + b = 0$

$$D = a^2 - 4b^2, a^2 \geq 4b^2$$
 일 때만 실근 존재

8. 이차방정식  $x^2 + 2(k-m)x + (k^2 - n + 4) = 0$ 이 실수  $k$  값에 관계없이 중근을 가질 때, 실수  $m+n$ 의 값은?

① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

해설

중근을 가지려면 판별식이 0이다.

$$D' = (k-m)^2 - (k^2 - n + 4) = 0$$

모든  $k$ 에 대해 성립하려면

$$-2m = 0, \text{ 그리고 } m^2 + n - 4 = 0$$

$$\therefore m = 0, \quad n = 4, \quad m + n = 4$$

9.     이차방정식  $ix^2 + (2+i)x - i(1+i) = 0$ 의 두 근의 합은? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

- ①  $-1 - 2i$                   ②  $1 - i$                   ③  $-1 + i$   
④  $-1 + 2i$                   ⑤  $3i$

해설

주어진 양 방정식에  $i$  를 곱하면

$$-x^2 + (2i-1)x - i(i-1) = 0$$

$$x^2 - (2i-1)x + i(i-1) = 0$$

$$(x-i)(x+1-i) = 0$$

$$\therefore x = i \text{ 또는 } x = -1 + i$$

두 근의 합은  $-1 + 2i$