

1. 이차방정식 $ax^2 + (5 - 4b)x - 6 = 0$ 의 한 해가 $x = 1$ 일 때, 상수 $a - 4b$ 의 값은?

① 15

② -8

③ 1

④ 8

⑤ 15

해설

이차방정식 $ax^2 + (5 - 4b)x - 6 = 0$ 에 $x = 1$ 을 대입하면,

$$a + 5 - 4b - 6 = 0$$

$$\therefore a - 4b = 1$$

2. 이차방정식 $(x - 3)^2 - 2 = 0$ 의 두 근을 α, β 라고 할 때, $\alpha + \beta$ 의 값은?

① 6

② $2\sqrt{2}$

③ $6 + 2\sqrt{2}$

④ $-2\sqrt{2}$

⑤ -6

해설

$$(x - 3)^2 = 2 \text{ 이므로}$$

$$x - 3 = \pm \sqrt{2}$$

$$\therefore x = 3 \pm \sqrt{2}$$

$$\alpha + \beta = (3 + \sqrt{2}) + (3 - \sqrt{2}) = 6$$

3. 이차방정식 $(x - 5)^2 = a$ 의 한 근이 $x = 5 - \sqrt{3}$ 일 때, 다른 한 근은?
(단, $a \geq 0$)

- ① 5
④ $5 + \sqrt{3}$
⑤ 3

- ② $3 + \sqrt{5}$
③ $3 - \sqrt{5}$

해설

$$x - 5 = \pm \sqrt{a}$$

$$\therefore x = 5 \pm \sqrt{a}$$

$a = 3$ 이므로 다른 한 근은 $5 + \sqrt{3}$ 이다.

4. 다음 이차방정식의 근을 구하여라.

$$\frac{x^2 - 1}{4} - \frac{x + 1}{2} = \frac{1}{6}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = \frac{3 \pm \sqrt{42}}{3}$

해설

양변에 12를 곱하면

$$3(x^2 - 1) - 6(x + 1) = 2$$

$$3x^2 - 6x - 11 = 0, x = \frac{3 \pm \sqrt{42}}{3}$$

5. 다음 이차방정식의 두 근의 곱을 구하면?

$$0.3x^2 + 0.2x = 0.5$$

- ① -3 ② $-\frac{5}{3}$ ③ $-\frac{7}{8}$ ④ 2 ⑤ 5

해설

$$3x^2 + 2x = 5$$

$$3x^2 + 2x - 5 = 0$$

$$3(x-1)\left(x+\frac{5}{3}\right) = 0$$

$$\therefore x = 1 \text{ 또는 } -\frac{5}{3}$$

따라서 두 근의 곱은 $-\frac{5}{3}$ 이다.

6. 이차방정식 $\frac{1}{2}(x+3)^2 = 8$ 의 두 근의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -6

해설

$$\frac{1}{2}(x+3)^2 = 8, x^2 + 6x + 9 = 16, x^2 + 6x - 7 = 0 ,$$

따라서 두 근의 합은 근과 계수의 관계에 의하여 -6 이다.

7. 이차방정식 $2x^2 - 6x + 1 = 0$ 의 두 근을 α, β 라고 할 때, $(\alpha + \beta)^2 = A$, $(\alpha - \beta)^2 = B$ 이다. $A + B$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 16

해설

근과 계수의 관계에 의하여

$$\alpha + \beta = 3, \quad \alpha\beta = \frac{1}{2} \text{ 이므로, } (\alpha + \beta)^2 = A = 9 \text{ 이다.}$$

곱셈 공식에서

$$(\alpha - \beta)^2 = (\alpha + \beta)^2 - 4\alpha\beta \text{ 이므로}$$

$$(\alpha - \beta)^2 = (3)^2 - 4 \times \left(\frac{1}{2}\right) = 7$$

$B = 7$ 이다.

따라서 $A + B = 9 + 7 = 16$ 이다.

8. 이차방정식 $ax^2 + (4a+2)x - a - 2 = 0$ 의 두 근이 $-5, b$ 일 때, $\frac{b}{a}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{1}{9}$

해설

$$x = -5 \text{ 일 때}$$

$$a \times (-5)^2 + (4a+2) \times (-5) - a - 2 = 0$$

$$25a - 20a - 10 - a - 2 = 0$$

$$4a = 12, a = 3$$

$$3x^2 + (4 \times 3 + 2)x - 3 - 2 = 0$$

$$3x^2 + 14x - 5 = 0$$

$$(x+5)(3x-1) = 0$$

$$x = -5, x = \frac{1}{3} = b$$

$$\frac{b}{a} = \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{9}$$

9. $x^2 + 5x + a = (x + b)^2$ 에서 $a - b$ 의 값은?

① $\frac{5}{4}$

② $\frac{15}{2}$

③ $\frac{15}{8}$

④ $\frac{15}{4}$

⑤ $\frac{11}{4}$

해설

$$x^2 + 5x + a = x^2 + 2bx + b^2$$

$$2b = 5, \quad b = \frac{5}{2}$$

$$a = b^2 = \frac{25}{4}$$

$$\therefore a - b = \frac{15}{4}$$

10. $4.6 < \sqrt{x} < 5.1$ 을 만족하는 자연수 x 의 값에서 가장 큰 수를 a , 가장 작은 수를 b 라고 할 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $a - b = 4$

해설

$$4.6 = \sqrt{21.16}, 5.1 = \sqrt{26.01},$$

$\sqrt{21.16} < \sqrt{x} < \sqrt{26.01}$ 을 만족하는

$$x = 22, 23, 24, 25, 26$$

$$a = 26, b = 22$$

$$\therefore a - b = 26 - 22 = 4$$

11. $\sqrt{a^2 + 4a + 4} - \sqrt{a^2 - 4a + 4}$ 를 간단히 하여 $2a$ 라는 결과를 얻었다.
이때, a 의 범위로 가장 적합한 것은?

- ① $a < -2$ ② $a > 2$ ③ $0 < a < 2$
④ $-2 < a < 0$ ⑤ $-2 < a < 2$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{a^2 + 4a + 4} - \sqrt{a^2 - 4a + 4} \\&= \sqrt{(a+2)^2} - \sqrt{(a-2)^2} \\&= |a+2| - |a-2| = 2a\end{aligned}$$

이 식이 성립하려면 $a+2 > 0$, $a-2 < 0$ 이어야 한다.
 $\therefore -2 < a < 2$

12. $-2 < a < 2$ 일 때, $\sqrt{a^2 + 4a + 4} - \sqrt{a^2 - 4a + 4}$ 를 간단히 하면?

① a

② $2a$

③ 4

④ $a + 3$

⑤ $2a + 3$

해설

$$(\text{주어진 식}) = \sqrt{(a+2)^2} - \sqrt{(a-2)^2}$$

$-2 < a < 2$ 일 때, $a+2 > 0, a-2 < 0$ 이므로

$$\begin{aligned}\sqrt{(a+2)^2} - \sqrt{(a-2)^2} &= a+2 - \{-(a-2)\} \\ &= a+2 + (a-2) = 2a\end{aligned}$$

13. 두 수의 대소관계가 옳지 않은 것을 모두 골라라.

보기

㉠ $-\sqrt{3} > -\sqrt{2}$

㉡ $-2\sqrt{2} > -\sqrt{12}$

㉢ $\sqrt{11} > 2\sqrt{3}$

① ㉠

② ㉢

③ ㉠, ㉡

④ ㉠, ㉢

⑤ ㉡, ㉢

해설

㉠ $2 < 3$ 이므로 $\sqrt{2} < \sqrt{3}$

따라서 $-\sqrt{2} > -\sqrt{3}$ 이다.

㉡ $-2\sqrt{2} > -\sqrt{12}$ (○)

㉢ $\sqrt{11}^2 = 11 < 12 = (2\sqrt{3})^2$ 이므로 $\sqrt{11} < 2\sqrt{3}$

14. $\sqrt{30} < x < \sqrt{50}$ 을 만족하는 자연수 x 의 값을 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = 6$

▷ 정답: $x = 7$

해설

$$6 = \sqrt{36}, 7 = \sqrt{49}$$

15. 다음 보기 중에서 큰 수부터 차례대로 쓰시오.

보기

$$\sqrt{2}, \sqrt{\frac{3}{2}}, 1.5, \sqrt{3}, \sqrt{4}$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $\sqrt{4}$

▷ 정답: $\sqrt{3}$

▷ 정답: 1.5

▷ 정답: $\sqrt{2}$

▷ 정답: $\sqrt{\frac{3}{2}}$

해설

$2 < 3 < 4$ 이므로 $\sqrt{2} < \sqrt{3} < \sqrt{4}$ 이고, $\frac{3}{2} < 2$ 이므로 $\sqrt{\frac{3}{2}} < \sqrt{2}$ 이다.

또한 $1.5 = \frac{3}{2}$ 이므로 $\sqrt{\frac{3}{2}} < 1.5$, $\sqrt{2^2} = 2 < \frac{9}{4} = 1.5^2 < 3 = \sqrt{3^2}$ 이므로 $\sqrt{2} < 1.5 < \sqrt{3}$ 이다.

따라서 $\sqrt{\frac{3}{2}} < \sqrt{2} < 1.5 < \sqrt{3} < \sqrt{4}$ 이므로 큰 수부터 차례대로 쓰면 다음과 같다.

$$\sqrt{4}, \sqrt{3}, 1.5, \sqrt{2}, \sqrt{\frac{3}{2}}$$