

# 1. 다음 중 다항식의 전개가 잘못된 것은?

- ①  $(x + 1)(x^2 - x + 1) = x^3 + 1$
- ②  $(a + 2b - 3c)^2 = a^2 + 4b^2 + 9c^2 + 4ab - 12bc - 6ac$
- ③  $(x + 2)(x^2 - 2x + 4) = x^3 + 8$
- ④  $(x^2 - xy + y^2)(x^2 + xy + y^2) = x^4 - x^2y^2 + y^4$
- ⑤  $(x - 1)^2(x + 1)^2 = x^4 - 2x^2 + 1$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{4} \quad & (x^2 - xy + y^2)(x^2 + xy + y^2) \\ &= (x^2 + y^2)^2 - (xy)^2 \\ &= x^4 + x^2y^2 + y^4 \end{aligned}$$

2. 다항식  $f(x)$ 를 두 일차식  $x - 1$ ,  $x - 2$ 로 나눌 때의 나머지는 각각 2, 1이다. 이때,  $f(x)$ 를  $x^2 - 3x + 2$ 로 나눌 때 나머지는?

①  $x + 3$

②  $-x + 3$

③  $x - 3$

④  $-x - 3$

⑤  $-x + 1$

해설

$f(x)$ 를  $x - 1$ ,  $x - 2$ 로 나눈 나머지는 각각 2, 1이므로  
 $f(1) = 2$ ,  $f(2) = 1$ , 구하는 나머지를  $ax + b$ 라 하자.

$$\begin{aligned}f(x) &= (x^2 - 3x + 2)Q(x) + ax + b \\&= (x - 1)(x - 2)Q(x) + ax + b\end{aligned}$$

양변에 각각  $x = 1$ ,  $x = 2$ 를 대입하면

$$f(1) = a + b = 2, f(2) = 2a + b = 1$$

두 식을 연립하여 구하면  $a = -1, b = 3$

$\therefore$  구하는 나머지는  $-x + 3$

3.  $(1 - 3i)x + (3 + 2i)y = 1 + 8i$  를 만족하는 실수  $x, y$  에 대하여  $x + y$  의 값은?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$(1 - 3i)x + (3 + 2i)y = 1 + 8i$  ,  
 $(x + 3y) + (-3x + 2y)i = 1 + 8i$  에서  
복소수의 상등에 의하여  
 $x + 3y = 1, -3x + 2y = 8$  이고  
연립하여 풀면  $y = 1, x = -2$   
 $\therefore x + y = -1$

4. 복소수  $z$ 에 대하여  $z\bar{z} = 13$ ,  $z + \bar{z} = 4$  일 때, 복소수  $z$ 는? (단,  $\bar{z}$ 는  $z$ 의 결례복소수이다.)

①  $2 - 2i$

②  $2 \pm 3i$

③  $2 \pm \sqrt{3}i$

④  $3 \pm 2i$

⑤  $4 \pm 3i$

해설

$z = a + bi$  ( $a, b$ 는 실수)로 놓으면  $\bar{z} = a - bi$  이므로

$z\bar{z} = 13$ ,  $z + \bar{z} = 4$ 에서

$$(a + bi)(a - bi) = 13, (a + bi) + (a - bi) = 4$$

$$a^2 + b^2 = 13, 2a = 4$$

$$\therefore A = 2, b = \pm 3$$

$$z = 2 \pm 3i$$

5. 두 수  $1+2i$ ,  $1-2i$ 를 근으로 하고,  $x^2$ 의 계수가 1인 이차방정식은?

①  $x^2 - 2x - 5 = 0$

②  $x^2 + 2x + 5 = 0$

③  $x^2 + 5x + 2 = 0$

④  $x^2 - 2x + 5 = 0$

⑤  $x^2 - 5x + 2 = 0$

해설

$$\alpha + \beta = (1 + 2i) + (1 - 2i) = 2$$

$$\alpha\beta = (1 + 2i)(1 - 2i) = 5$$

$$\therefore x^2 - 2x + 5 = 0$$

6. 다음 이차함수의 최댓값 또는 최솟값이 옳게 짹지어진 것은?

①  $y = \frac{1}{2}x^2 + x - 1 \Rightarrow x = -1$  일 때, 최댓값  $-\frac{3}{2}$

②  $y = -\frac{1}{2}x^2 - x - 2 \Rightarrow x = -1$  일 때, 최솟값  $-\frac{2}{3}$

③  $y = -3x^2 + 2x - 1 \Rightarrow x = \frac{1}{3}$  일 때, 최댓값  $-\frac{2}{3}$

④  $y = 2x^2 + 12x \Rightarrow x = 3$  일 때, 최댓값  $-3$

⑤  $y = -x^2 + 5x - 5 \Rightarrow x = \frac{5}{2}$  일 때, 최댓값  $-\frac{5}{4}$

해설

①  $y = \frac{1}{2}x^2 + x - 1 = \frac{1}{2}(x + 1)^2 - \frac{3}{2}$

$\Rightarrow x = -1$  일 때, 최솟값  $-\frac{3}{2}$

②  $y = -\frac{1}{2}x^2 - x - 2 = -\frac{1}{2}(x + 1)^2 - \frac{3}{2}$

$\Rightarrow x = -1$  일 때, 최댓값  $-\frac{3}{2}$

④  $y = 2x^2 + 12x = 2(x + 3)^2 - 18$

$\Rightarrow x = -3$  일 때, 최솟값  $-18$

⑤  $y = -x^2 + 5x - 5 = -\left(x - \frac{5}{2}\right)^2 + \frac{5}{4}$

$\Rightarrow x = \frac{5}{2}$  일 때, 최댓값  $\frac{5}{4}$

7. 연립방정식  $\begin{cases} x^2 - 3xy + 2y^2 = 0 \\ x^2 + 2y^2 = 12 \end{cases}$  을 만족하는  $x, y$ 에 대하여  $x + y$  값이 될 수 없는 것은?

①  $3\sqrt{2}$

② 4

③  $-3\sqrt{2}$

④ -4

⑤  $4\sqrt{2}$

### 해설

$$x^2 - 3xy + 2y^2 = 0 \text{ 에서}$$

$$(x-y)(x-2y) = 0 \quad \therefore x = y \text{ 또는 } x = 2y$$

i )  $x = y$  일 때

$$x^2 + 2y^2 = 3x^2 = 12$$

$$x = \pm 2, y = \pm 2$$

ii )  $x = 2y$  일 때

$$x^2 + 2y^2 = 6y^2 = 12$$

$$y = \pm\sqrt{2}, \quad x = \pm 2\sqrt{2}$$

$$\therefore x + y = 4, -4, 3\sqrt{2}, -3\sqrt{2}$$

8. 다항식  $(x^3 + x^2 - 2x - 1)^5$  을 전개한 식이  $a_0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3 + \cdots + a_{14}x^{14} + a_{15}x^{15}$  일 때,  $a_0 - a_1 + a_2 - a_3 + \cdots + a_{14} - a_{15}$  의 값을 구하면?

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 5

해설

$$(x^3 + x^2 - 2x - 1)^5$$

$$= a_0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3 + \cdots + a_{14}x^{14} + a_{15}x^{15}$$

양변에  $x = -1$  을 대입하면

$$(-1 + 1 + 2 - 1)^5 = a_0 - a_1 + a_2 - a_3 + \cdots + a_{14} - a_{15} = 1$$

9. 다항식  $(x - 1)(x - 3)(x + 2)(x + 4) + 21$  를 인수분해 하면?

- ①  $(x^2 - x - 5)(x^2 + x - 9)$       ②  $(x^2 - x - 5)(x^2 - x - 9)$   
③  $(x^2 + x + 5)(x^2 + x + 9)$       ④  $(x^2 + x - 5)(x^2 + x - 9)$   
⑤  $(x^2 - x + 5)(x^2 + x + 9)$

해설

$$(\text{준식}) = (x - 1)(x + 2)(x - 3)(x + 4) + 21$$

$$= (x^2 + x - 2)(x^2 + x - 12) + 21$$

$x^2 + x = A$  로 치환하면,

$$(A - 2)(A - 12) + 21 = A^2 - 14A + 45$$

$$= (A - 9)(A - 5)$$

$$\therefore (x^2 + x - 9)(x^2 + x - 5)$$

10. 다항식  $2x^2 + xy + 5x - y^2 + 2y + 3$  가  $(2x + ay + b)(x + cy + d)$  로  
인수분해 될 때,  $a, b, c, d$ 의 값을 차례로 적은 것은?

① 1, 3, 1, 1

② 1, 3, -1, 1

③ -1, 3, 1, 1

④ -1, 3, -1, 1

⑤ -1, -3, 1, 1

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 2x^2 + (y+5)x - (y^2 - 2y - 3) \\&= \{2x - (y-3)\}\{x + (y+1)\} \\&= (2x-y+3)(x+y+1)\end{aligned}$$

$$\therefore a = -1, b = 3, c = 1, d = 1$$

11. 다음 □안에 들어갈 식이 바르게 연결되지 않은 것은?

$$\begin{aligned} & a^2(b - c) + b^2(c - a) + c^2(a - b) \\ &= (b - c)a^2 - \boxed{\text{(가)}} a + \boxed{\text{(나)}} (b - c) \\ &= \boxed{\text{(다)}} \{a^2 - \boxed{\text{(라)}} a + \boxed{\text{(나)}}\} \\ &= (b - c)(a - b) \boxed{\text{(마)}} \end{aligned}$$

- ① (가)  $(b^2 - c^2)$       ② (나)  $bc$       ③ (다)  $(b - c)$   
④ (라)  $(b + c)$       ⑤ (마)  $(c - a)$

해설

$$\begin{aligned} & a^2(b - c) + b^2(c - a) + c^2(a - b) \\ &= (b - c)a^2 + b^2c - ab^2 + c^2a - bc^2 \\ &= (b - c)a^2 - \boxed{(b^2 - c^2)} a + \boxed{bc} (b - c) \\ &= \boxed{(b - c)} \{a^2 - \boxed{(b + c)} a + \boxed{bc}\} \\ &= (b - c)(a - b) \boxed{(a - c)} \end{aligned}$$

12.  $\frac{2012^3 + 8}{2012 \times 2010 + 4}$ 의 값은?

- ① 2010      ② 2011      ③ 2012      ④ 2013      ⑤ 2014

해설

$a = 2012$  라 치환하면,

$$\begin{aligned}\frac{2012^3 + 8}{2012 \times 2010 + 4} &= \frac{a^3 + 2^3}{a \times (a - 2) + 4} \\&= \frac{(a + 2)(a^2 - 2a + 4)}{a^2 - 2a + 4} \\&= 2012 + 2 \\&= 2014\end{aligned}$$

13. 다음 두 다항식이 서로 소가 아닐 때, 상수  $a$ 의 모든 값의 합은?

$$x^3 - 2x^2 - 5x + 6, \quad x^2 - 3x + a$$

- ① -10      ② -8      ③ -5      ④ 0      ⑤ 3

해설

$x^3 - 2x^2 - 5x + 6$ 을 조립제법으로 인수분해하면

$$(x - 1)(x + 2)(x - 3)$$

각각의 경우에 대해 나머지 정리를 이용한다

i)  $x = 1 \Rightarrow 1 - 3 + a = 0, a = 2$

ii)  $x = 2 \Rightarrow 4 + 6 + a = 0, a = -10$

iii)  $x = 3 \Rightarrow 9 - 9 + a = 0, a = 0$

$\therefore a$ 의 합 :  $2 + (-10) + 0 = -8$

14. 이차방정식  $x^2 + x + 4(k - 2) = 0$ 의 두 근이 모두 음수일 때, 실수  $k$ 의 값의 범위는?

①  $-2 < k \leq -1$

②  $-1 < k \leq \frac{33}{16}$

③  $2 < k \leq \frac{33}{16}$

④  $k \leq \frac{16}{33}$

⑤  $k < \frac{21}{16}$

해설

두 근을  $\alpha, \beta$ 라고 할 때,  
모두 음수일 조건은

$$\alpha + \beta < 0, \alpha\beta > 0, D \geq 0$$

( i )  $\alpha + \beta = -1 < 0$

( ii )  $\alpha\beta = 4(k - 2) > 0 \quad \therefore k > 2$

( iii )  $D = 1^2 - 4 \cdot 4(k - 2) = 33 - 16k \geq 0$

$$\therefore k \leq \frac{33}{16}$$

( ii ) 과 ( iii ) 의 공통 범위는  $2 < k \leq \frac{33}{16}$

15.  $x, y$ 가 실수일 때,  $-x^2 - y^2 - 4x + 6y - 12$ 의 최댓값은?

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

$$-x^2 - y^2 - 4x + 6y - 12 = -(x+2)^2 - (y-3)^2 + 1$$

이 때,  $x, y$ 가 실수이므로

$$(x+2)^2 \geq 0, (y-3)^2 \geq 0$$

$$\therefore -x^2 - y^2 - 4x + 6y - 12 \leq 1$$

따라서  $x = -2, y = 3$  일 때

주어진 식의 최댓값은 1이다.