1.  $x^2 + x - 1 = 0$  일 때,  $x^5 - 5x$  의 값을 구하면?

① 2 ② 1 ③ 0 ④ -1 ⑤ -3

 $x^5 - 5x 를 x^2 + x - 1$  로 나누면

즉,  $x^5 - 5x = (x^2 + x - 1) \times 몫-3$  $x^2 + x - 1 = 0$ 

 $\therefore x^5 - 5x = -3$ 

해설

다음과 같이 식의 차수를 낮춰 나갈 수 있다.  $x^2 = -x + 1$ 

 $x^5 - 5x = (x^2)^2 \times x - 5x$ 

 $= x(-x+1)^2 - 5x$  $= x^3 - 2x^2 - 4x$ 

= x(-x+1) - 2(-x+1) - 4x $= -x^2 - x - 2$  $= -(x^2 + x) - 2$ 

= -1 - 2 = -3

① 72 ② 71 ③ 70 ④ 69 ⑤ 68

해설  $\frac{10^{85}}{10^{15} + 10^{5}} = N \circ ]$ 라고 하면  $\frac{10^{85}}{10^{15} + 10^{15}} < N < \frac{10^{85}}{10^{15}}$  $\frac{10 \times 10^{84}}{2 \times 10^{15}} < N < \frac{10 \times 10^{84}}{10^{15}}$  $5 \times 10^{69} < N < 10 \times 10^{69}$ 따라서  $N = k \times 10^{69} (5 < k < 10)$  $\therefore n = 69$ 

- A를 B로 나눈 몫을 Q, 나머지를 R라 하고, Q를 B'으로 나눈 몫은 Q', 나머지는 R'이라 한다. A를 BB'으로 나눈 나머지는? (단, 모든 문자는 자연수이다.)
  - $\bigcirc R + R'B \qquad \bigcirc R' + RB \qquad \bigcirc RR'$ 4 R ⑤ R'

주어진 조건을 식으로 나타내면  $A = BQ + R \cdots \bigcirc$ 

 $Q = B'Q' + R' \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \Box$ 

∁을 つ에 대입하면 A = B(B'Q' + R') + R

= (BB')Q' + (R + R'B)

R + R'B가 A를 BB'로 나눈 나머지가 되기 위해서는 R + R'B <

BB'이어야 한다.

그런데  $R \le B-1$ ,  $R' \le B'-1$ 이므로  $R + R'B \le (B-1) + (B'-1)B$ 

= BB' - 1 < BB'

따라서 A = BB'으로 나눈 나머지는 R + R'B이다.