

1.  $x^2 + x - 1 = 0$  일 때,  $x^5 - 5x$ 의 값을 구하면?

① 2

② 1

③ 0

④ -1

⑤ -3

해설

$$\begin{aligned}x^5 - 5x &\text{를 } x^2 + x - 1 \text{로 나누면} \\&\frac{x^5 - 5x}{x^2 + x - 1} = (x^2 + x - 1) \times \underline{\text{몫}} - 3 \\x^2 + x - 1 &= 0 \\∴ x^5 - 5x &= -3\end{aligned}$$

해설

다음과 같이 식의 차수를 낮춰 나갈 수 있다.

$$\begin{aligned}x^2 &= -x + 1 \\x^5 - 5x &= (x^2)^2 \times x - 5x \\&= x(-x + 1)^2 - 5x \\&= x^3 - 2x^2 - 4x \\&= x(-x + 1) - 2(-x + 1) - 4x \\&= -x^2 - x - 2 \\&= -(x^2 + x) - 2 \\&= -1 - 2 = -3\end{aligned}$$

2.  $\frac{10^{85}}{10^{15} + 10^5} = k \times 10^n$  (단,  $0 < k < 10$ ,  $n$ 은 자연수)로 나타낼 때,  $n$ 의 값을 구하면?

- ① 72      ② 71      ③ 70      ④ 69      ⑤ 68

해설

$$\frac{10^{85}}{10^{15} + 10^5} = N \text{이라고 하면}$$

$$\frac{10^{85}}{10^{15} + 10^5} < N < \frac{10^{85}}{10^{15}}$$

$$\frac{10 \times 10^{84}}{2 \times 10^{15}} < N < \frac{10 \times 10^{84}}{10^{15}}$$

$$5 \times 10^{69} < N < 10 \times 10^{69}$$

$$\text{따라서 } N = k \times 10^{69} (5 < k < 10)$$

$$\therefore n = 69$$

3.  $A$ 를  $B$ 로 나눈 몫을  $Q$ , 나머지를  $R$ 라 하고,  $Q$ 를  $B'$ 으로 나눈 몫은  $Q'$ , 나머지는  $R'$ 이라 한다.  $A$ 를  $BB'$ 으로 나눈 나머지는? (단, 모든 문자는 자연수이다.)

①  $R + R'B$

②  $R' + RB$

③  $RR'$

④  $R$

⑤  $R'$

해설

주어진 조건을 식으로 나타내면

$$A = BQ + R \cdots \textcircled{1}$$

$$Q = B'Q' + R' \cdots \textcircled{2}$$

②을 ①에 대입하면

$$A = B(B'Q' + R') + R$$

$$= (BB')Q' + (R + R'B)$$

$R + R'B$ 가  $A$ 를  $BB'$ 로 나눈 나머지가 되기 위해서는  $R + R'B < BB'$ 이어야 한다.

그런데  $R \leq B - 1$ ,  $R' \leq B' - 1$  이므로

$$R + R'B \leq (B - 1) + (B' - 1)B$$

$$= BB' - 1 < BB'$$

따라서  $A$ 를  $BB'$ 으로 나눈 나머지는  $R + R'B$ 이다.