- 1. 두 수 $2^3 \times 3^4 \times 7^c$, $2^a \times 3^b \times 7^4$ 의 최대공약수가 $2^2 \times 3^2 \times 7^2$ 일 때, a+b+c 의 값은?
 - ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

최대공약수가 $2^2 \times 3^2 \times 7^2$ 이고

 $2^3 \times 3^4 \times 7^c$ 에서 2 의 지수가 3 이므로 $2^a \times 3^b \times 7^4$ 에서 2 의 지수가 2 이어야 한다.

같은 방식으로

2³ × 3⁴ × 7^c 에서 3 의 지수가 4 이므로 2^a × 3^b × 7⁴ 에서 3 의 지수가 2 이어야

해설

2^a × 3^b × 7⁴ 에서 3 의 지수가 2 이어야 한다. 또한,

 $2^a \times 3^b \times 7^4$ 에서 7 의 지수가 4 이므로

 $2^3 \times 3^4 \times 7^c$ 에서 7 의 지수가 2 이어야 한다. 따라서 $a=2,\ b=2,\ c=2$ 이다.

2. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① 12,10,4 의 최소공배수는 60 이다. ② 4,5,10 의 최소공배수는 20 이다.
- ③ 2,3,6 의 최소공배수는 6 이다.
- ④ 12,24,6 의 최소공배수는 24 이다.
- ⑤ 14, 6, 8 의 최소공배수는 100 이다.

해설

2<u>) 14 6 8</u> 7 3 4 \therefore 최소공배수는 $2 \times 7 \times 3 \times 4 = 168$ 이다.

- 3. a 와 12 의 공배수가 12 의 배수와 같을 때, 다음 중 a 의 값이 될 수 없는 것은?
 - ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 12 ⑤ 24

해설

a 와 12 의 공배수가 12 의 배수와 같다는 것은 a 와 12 의 최소 공배수가 12 이라는 뜻이므로

a 와 12 의 최소공배수가 12 가 나오기 위해서는 a 가 12 의 약수가 되어야 한다.
24 는 12 의 약수가 아니고 a 가 24 가 될 경우 24 와 12 의 최소

공배수는 24 이므로 24 가 아니다.

- 4. $2^2 \times 3 \times 5$, $2 \times 3^2 \times 5$ 의 공배수가 <u>아닌</u> 것은?
 - ① $2^3 \times 3^2 \times 5$ ② $2^2 \times 3^3 \times 5 \times 7$
 - (4) $2^2 \times 3^2 \times 5$ (5) $2^3 \times 3^3 \times 5^3$

해설 $2^2 \times 3 \times 5, 2 \times 3^2 \times 5$ 의 공배수는 두 수의 최소공배수인 $2^2 \times 3^2 \times 5$

의 배수이다.

- **5.** 지은이와 지연이가 운동장 한 바퀴를 도는데 각각 15 분, 18 분이 걸린다. 이와 같은 속력으로 출발점을 동시에 출발하여 같은 방향으로 운동장을 돌 때, 지은이와 지연이는 몇 분 후 처음으로 출발점에서 다시 만나게 되는가?
 - ① 30 분 ② 50 분 ③ 60 분 ④ 80 분

⑤90 분

15 와 18 의 최소공배수는 90 이므로 두 사람은 90 분 후 처음으로

출발점에서 다시 만난다.

6. 가로의 길이가 8cm, 세로의 길이가 16cm, 높이가 20cm 인 직육면체 모양의 벽돌이 있다. 이것을 같은 방향으로 놓이도록 쌓아서 정육면 체를 만들 때, 이러한 정육면체 중 가장 작은 것의 한 모서리의 길이와 필요한 벽돌의 개수를 옮게 구한 것은?

② $16 \mathrm{cm}$, 80 개

③ 36cm , 100 개

- ④ 40cm, 200 개 ⑤ 80cm, 200 개
- Jeeen , 200 "

① 8cm , 80 개

해설

벽돌의 한 모서리의 길이는 8, 16, 20 의 최소공배수이므로 80이다. 한 모서리의 길이는 80cm 이고, 필요한 벽돌의 개수는

 $(80 \div 8) \times (80 \div 16) \times (80 \div 20) = 10 \times 5 \times 4 = 200$ (케)이다.

- **7.** 5 로 나누면 4 가 남고, 6 로 나누면 5 가 남고, 8 로 나누면 7 이 남는 자연수 중에서 세 번째로 작은 값은?
 - ① 119 ② 120 ③ 239 ④ 240 ⑤ 359

구하는 수는 (5, 6, 8 의 공배수)-1 이고,

해설

5, 6, 8 의 최소공배수는 120 이다. 120 의 배수는 120, 240, 360 ··· 이고, 구하는 자연수는 119, 239, 359 ··· 이다. 따라서 세 번째로 작은 자연수는 359 이다.

- **8.** 24, 32 의 최대공약수는?
 - ① 2^2 ② 3^2 (4) $2^2 \times 3$ (5) 2×3

 $24 = 2^3 \times 3, 32 = 2^5$ 이므로 최대공약수는 2^3

- 9. 최대공약수가 24인 두 자연수 a,b에 대해 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - 1, 2, 24는 a,b의 공약수이다.
 12는 a,b의 공약수이다.
 - ③ a,b의 공약수는 모두 8개이다.
 - ④ 10 은 *a*, *b* 의 공약수가 아니다.
 - ⑤3, 6, 8, 36는 a,b의 공약수이다.

a,b의 공약수는 24의 약수와 같으므로 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24

해설

이다. ⑤ 36은 a,b의 공약수가 아니다. **10.** 세 자연수 $5 \times a$, $6 \times a$, $9 \times a$ 의 최소공배수가 810 일 때, 세 수의 최대공약수는?

① 8 ② 9 ③ 15 ④ 24 ⑤ 27

세 수의 최대공약수는 a 이고 , $5 \times a$, $2 \times 3 \times a$, $3^2 \times a$ 의 최소공배수는 $2 \times 3^2 \times 5 \times a = 810 = 2 \times 3^4 \times 5$ 이다. 따라서 $a = 3^2 = 9$ 이다.

해설

11. 가로의 길이, 세로의 길이, 높이의 길이가 각각 45cm, 60cm, 90cm 인 상자 속에 정육면체 모양의 과자 상자가 빈틈없이 들어있다. 과자 상자가 가장 적을 때의 개수는?

②72 개 ③ 36 개 ④ 24 개 ⑤ 15 개

① 180 개

과자 상자가 가장 적을 때 과자 상자 한 모서리의 길이가 가장 크므로 상자 한 모서리의 길이는 45, 60, 90 의 최대공약수인 15cm 이다. 따라서 상자의 개수는 $(45 \div 15) \times (60 \div 15) \times (90 \div 15) = 72 \ (71)$

12. 61 을 나누면 5 가 남고 165 를 나누면 3 이 부족한 수가 <u>아닌</u> 것은?

① 4 ② 7 ③ 14 ④ 28 ⑤ 56

EG 3

56 과 168 의 최대공약수는 56 56 약수 중 나머지 5 보다 큰 수들은 7, 8, 14, 28, 56 이다. **13.** 세 자연수 54, 72, A 의 최대공약수가 6 , 최소공배수가 216 일 때, 가장 큰 자연수 A 의 값은?

① 12 ② 24 ③ 36 ④ 48 ⑤ 60

 $54 = 2 \times 3^3, \ 72 = 2^3 \times 3^2, \ A$ 에서 최대공약수는 $6 = 2 \times 3$,

해설

최대중학구는 $0 = 2 \times 3$, 최소공배수는 $216 = 2^3 \times 3^3$ 이므로 $A 는 2 \times 3$ 을 소인수로 가져야 하고, 또한 3 의 지수는 1 이어야

하므로
A 의 값이 될 수 있는 것은 6, 12, 24 이다.

자리 시 의 값이 될 수 있는 것은 0, 12, 24 이다. 따라서, 가장 큰 자연수 A 의 값은 24 이다.

- 14. 희정이는 1 과 100 사이의 자연수 중에서 $\frac{1}{3}$ 을 곱하여도, $\frac{1}{8}$ 을 곱하여도 항상 자연수가 되는 수가 모두 몇 개인가를 조사하려고 한다. 희정이가 찾은 자연수는 모두 몇 개인가?
 - ① 3 개 ② 4 개 ③ 5 개 ④ 6 개 ⑤ 7 개

구하는 수를 *a* 라 하면

 $\frac{1}{3} \times a = ($ 자연수) , $\frac{1}{8} \times a = ($ 자연수) 가 되는 a 는 3 과 8 의 공배수이므로, 3 과 8 의 최소공배수는 24 따라서 24, 48, 72, 96 의 4 개

- 15. 어떤 자연수 A 를 두 분수 $\frac{25}{6}$, $\frac{70}{9}$ 에 각각 곱했더니 그 결과가 모두 자연수가 되었다. 또 어떤 분수 $\frac{A}{B}$ 를 두 분수 $\frac{25}{6}$, $\frac{70}{9}$ 에 각각 곱했더니 그 결과 역시 모두 자연수가 되었다. 가능한 수 중 가장 작은 A, 가장 큰 B 를 구하여 A+B 를 계산하여라.
 - ① 23 ② 25 ③ 27 ④ 33 ⑤ 35

자연수 A는 두 분수 $\frac{25}{6}$, $\frac{70}{9}$ 의 분모인 6, 9 의 공배수이다. 따

라서 이를 만족하는 가장 작은 자연수는 6 과 9 의 최소공배수인 18 이다. 분수 $\frac{A}{B}$ 에서 B 는 두 분수 $\frac{25}{6}$, $\frac{70}{9}$ 의 분자인 25, 70 의 공약

수이다. 따라서 이를 만족하는 가장 큰 자연수는 25 와 70 의 최대공약수인 5 이다. A = 18, B = 5 이므로

A+B=23이다.

해설