

1. 두 수  $2^3 \times 3^4 \times 7^c$ ,  $2^a \times 3^b \times 7^4$  의 최대공약수가  $2^2 \times 3^2 \times 7^2$  일 때,  
 $a + b + c$  의 값은?

① 2

② 4

③ 6

④ 8

⑤ 10

### 해설

최대공약수가  $2^2 \times 3^2 \times 7^2$  이고

$2^3 \times 3^4 \times 7^c$ 에서 2의 지수가 3이므로

$2^a \times 3^b \times 7^4$ 에서 2의 지수가 2이어야 한다.

같은 방식으로

$2^3 \times 3^4 \times 7^c$ 에서 3의 지수가 4이므로

$2^a \times 3^b \times 7^4$ 에서 3의 지수가 2이어야 한다.

또한,

$2^a \times 3^b \times 7^4$ 에서 7의 지수가 4이므로

$2^3 \times 3^4 \times 7^c$ 에서 7의 지수가 2이어야 한다.

따라서  $a = 2$ ,  $b = 2$ ,  $c = 2$ 이다.

## 2. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 12, 10, 4 의 최소공배수는 60 이다.
- ② 4, 5, 10 의 최소공배수는 20 이다.
- ③ 2, 3, 6 의 최소공배수는 6 이다.
- ④ 12, 24, 6 의 최소공배수는 24 이다.
- ⑤ 14, 6, 8 의 최소공배수는 100 이다.

해설

$$2) \begin{array}{r} 14 & 6 & 8 \\ \hline 7 & 3 & 4 \end{array}$$

∴ 최소공배수는  $2 \times 7 \times 3 \times 4 = 168$ 이다.

3.  $a$  와 12 의 공배수가 12 의 배수와 같을 때, 다음 중  $a$  의 값이 될 수 없는 것은?

- ① 2      ② 4      ③ 6      ④ 12      ⑤ 24

해설

$a$  와 12 의 공배수가 12 의 배수와 같다는 것은  $a$  와 12 의 최소 공배수가 12 이라는 뜻이므로

$a$  와 12 의 최소공배수가 12 가 나오기 위해서는  $a$  가 12 의 약수가 되어야 한다.

24 는 12 의 약수가 아니고  $a$  가 24 가 될 경우 24 와 12 의 최소 공배수는 24 이므로 24 가 아니다.

4.  $2^2 \times 3 \times 5$ ,  $2 \times 3^2 \times 5$  의 공배수가 아닌 것은?

①  $2^3 \times 3^2 \times 5$

②  $2^2 \times 3^3 \times 5 \times 7$

③  $2^3 \times 3 \times 5$

④  $2^2 \times 3^2 \times 5$

⑤  $2^3 \times 3^3 \times 5^3$

해설

$2^2 \times 3 \times 5$ ,  $2 \times 3^2 \times 5$  의 공배수는 두 수의 최소공배수인  $2^2 \times 3^2 \times 5$ 의 배수이다.

5. 지은이와 자연이가 운동장 한 바퀴를 도는데 각각 15 분, 18 분이 걸린다. 이와 같은 속력으로 출발점을 동시에 출발하여 같은 방향으로 운동장을 돌 때, 지은이와 자연이는 몇 분 후 처음으로 출발점에서 다시 만나게 되는가?

- ① 30 분
- ② 50 분
- ③ 60 분
- ④ 80 분
- ⑤ 90 분

해설

15 와 18 의 최소공배수는 90 이므로 두 사람은 90 분 후 처음으로 출발점에서 다시 만난다.

6. 가로의 길이가 8cm, 세로의 길이가 16cm, 높이가 20cm인 직육면체 모양의 벽돌이 있다. 이것을 같은 방향으로 놓이도록 쌓아서 정육면체를 만들 때, 이러한 정육면체 중 가장 작은 것의 한 모서리의 길이와 필요한 벽돌의 개수를 옮겨 구한 것은?

- ① 8cm, 80 개
- ② 16cm, 80 개
- ③ 36cm, 100 개
- ④ 40cm, 200 개
- ⑤ 80cm, 200 개

해설

벽돌의 한 모서리의 길이는 8, 16, 20의 최소공배수이므로 80이다.

한 모서리의 길이는 80cm이고, 필요한 벽돌의 개수는  
 $(80 \div 8) \times (80 \div 16) \times (80 \div 20) = 10 \times 5 \times 4 = 200$  (개)이다.

7. 5로 나누면 4가 남고, 6로 나누면 5가 남고, 8로 나누면 7이 남는 자연수 중에서 세 번째로 작은 값은?

① 119

② 120

③ 239

④ 240

⑤ 359

해설

구하는 수는 (5, 6, 8의 공배수)-1이고,

5, 6, 8의 최소공배수는 120이다.

120의 배수는 120, 240, 360 …이고,

구하는 자연수는 119, 239, 359 …이다.

따라서 세 번째로 작은 자연수는 359이다.

8. 24, 32 의 최대공약수는?

①  $2^2$

②  $3^2$

③  $2^3$

④  $2^2 \times 3$

⑤  $2 \times 3$

해설

$24 = 2^3 \times 3$ ,  $32 = 2^5$  이므로 최대공약수는  $2^3$

9. 최대공약수가 24인 두 자연수  $a, b$ 에 대해 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 1, 2, 24는  $a, b$ 의 공약수이다.
- ② 12는  $a, b$ 의 공약수이다.
- ③  $a, b$ 의 공약수는 모두 8개이다.
- ④ 10은  $a, b$ 의 공약수가 아니다.
- ⑤ 3, 6, 8, 36는  $a, b$ 의 공약수이다.

해설

$a, b$ 의 공약수는 24의 약수와 같으므로 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24이다.

⑤ 36은  $a, b$ 의 공약수가 아니다.

10. 세 자연수  $5 \times a$ ,  $6 \times a$ ,  $9 \times a$  의 최소공배수가 810 일 때, 세 수의 최대공약수는?

① 8

② 9

③ 15

④ 24

⑤ 27

해설

세 수의 최대공약수는  $a$ 이고,  
 $5 \times a$ ,  $2 \times 3 \times a$ ,  $3^2 \times a$ 의 최소공배수는  
 $2 \times 3^2 \times 5 \times a = 810 = 2 \times 3^4 \times 5$  이다.  
따라서  $a = 3^2 = 9$  이다.

11. 가로의 길이, 세로의 길이, 높이의 길이가 각각 45cm, 60cm, 90cm인 상자 속에 정육면체 모양의 과자 상자가 빈틈없이 들어있다. 과자 상자가 가장 적을 때의 개수는?

① 180 개

② 72 개

③ 36 개

④ 24 개

⑤ 15 개

해설

과자 상자가 가장 적을 때 과자 상자 한 모서리의 길이가 가장 크므로 상자 한 모서리의 길이는 45, 60, 90 의 최대공약수인 15cm 이다.

따라서 상자의 개수는

$$(45 \div 15) \times (60 \div 15) \times (90 \div 15) = 72 (\text{개})$$

12. 61 을 나누면 5 가 남고 165 를 나누면 3 이 부족한 수가 아닌 것은?

① 4

② 7

③ 14

④ 28

⑤ 56

해설

56 과 168 의 최대공약수는 56

56 약수 중 나머지 5 보다 큰 수들은

7, 8, 14, 28, 56 이다.

13. 세 자연수 54, 72, A 의 최대공약수가 6, 최소공배수가 216 일 때,  
가장 큰 자연수 A 의 값은?

- ① 12      ② 24      ③ 36      ④ 48      ⑤ 60

해설

$$54 = 2 \times 3^3, 72 = 2^3 \times 3^2, A \text{ 에서}$$

$$\text{최대공약수는 } 6 = 2 \times 3,$$

$$\text{최소공배수는 } 216 = 2^3 \times 3^3 \text{ 이므로}$$

A 는  $2 \times 3$  을 소인수로 가져야 하고, 또한 3 의 지수는 1 이어야  
하므로

A 의 값이 될 수 있는 것은 6, 12, 24 이다.

따라서, 가장 큰 자연수 A 의 값은 24 이다.

14. 희정이는 1 과 100 사이의 자연수 중에서  $\frac{1}{3}$  을 곱하여도,  $\frac{1}{8}$  을 곱하여도 항상 자연수가 되는 수가 모두 몇 개인가를 조사하려고 한다. 희정이가 찾은 자연수는 모두 몇 개인가?

- ① 3 개      ② 4 개      ③ 5 개      ④ 6 개      ⑤ 7 개

해설

구하는 수를  $a$  라 하면

$\frac{1}{3} \times a =$ (자연수) ,  $\frac{1}{8} \times a =$ (자연수) 가 되는  $a$  는 3 과 8 의

공배수이므로,

3 과 8 의 최소공배수는 24

따라서 24, 48, 72, 96 의 4 개

15. 어떤 자연수  $A$  를 두 분수  $\frac{25}{6}$ ,  $\frac{70}{9}$  에 각각 곱했더니 그 결과가 모두 자연수가 되었다. 또 어떤 분수  $\frac{A}{B}$  를 두 분수  $\frac{25}{6}$ ,  $\frac{70}{9}$  에 각각 곱했더니 그 결과 역시 모두 자연수가 되었다. 가능한 수 중 가장 작은  $A$ , 가장 큰  $B$  를 구하여  $A + B$  를 계산하여라.

① 23

② 25

③ 27

④ 33

⑤ 35

### 해설

자연수  $A$  는 두 분수  $\frac{25}{6}$ ,  $\frac{70}{9}$  의 분모인 6, 9 의 공배수이다. 따라서 이를 만족하는 가장 작은 자연수는 6 과 9 의 최소공배수인 18 이다.

분수  $\frac{A}{B}$  에서  $B$  는 두 분수  $\frac{25}{6}$ ,  $\frac{70}{9}$  의 분자인 25, 70 의 공약수이다. 따라서 이를 만족하는 가장 큰 자연수는 25 와 70 의 최대공약수인 5 이다.

$A = 18$ ,  $B = 5$  이므로

$A + B = 23$  이다.