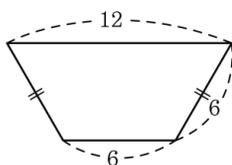
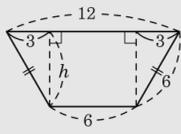


1. 윗변의 길이가 12, 아랫변의 길이가 6, 나머지 두변의 길이가 6 인 등변사다리꼴의 넓이는?



- ①  $21\sqrt{3}$     ②  $22\sqrt{3}$     ③  $23\sqrt{3}$     ④  $25\sqrt{3}$     ⑤  $27\sqrt{3}$

해설

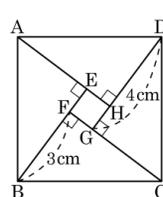


등변사다리꼴의 높이는

$$\begin{aligned} h &= \sqrt{6^2 - 3^2} \\ &= \sqrt{36 - 9} \\ &= \sqrt{27} \\ &= 3\sqrt{3} \end{aligned}$$

$$(\text{넓이}) = (6 + 12) \times 3\sqrt{3} \times \frac{1}{2} = 27\sqrt{3}$$

2. 다음 그림에서  $\overline{BF} = 3\text{cm}$ ,  $\overline{DG} = 4\text{cm}$  이고, 삼각형 4 개는 모두 합동인 삼각형이다. (가)와 (나)에 알맞은 것을 차례대로 쓴 것은?



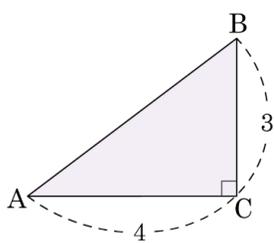
$\square EFGH$ 의 모양은 (가) 이고,  
 $\overline{BC}$ 의 길이는 (나) 이다.

- ① (가) : 직사각형, (나) : 5 cm
- ② (가) : 직사각형, (나) : 6 cm
- ③ (가) : 정사각형, (나) : 5 cm
- ④ (가) : 정사각형, (나) : 8 cm
- ⑤ (가) : 정사각형, (나) : 9 cm

**해설**

$\square EFGH$ 의 모양은 정사각형이고,  $\overline{BC}$ 의 길이는 5 cm 이다.

3. 삼각형 ABC 는  $\angle C = 90^\circ$  인 직각삼각형이다.  $\overline{AC} = 4$ ,  $\overline{BC} = 3$  일 때, 다음 설명 중 옳은 것은?



- ①  $\sin A = \frac{4}{5}$       ②  $\cos A = \frac{3}{4}$       ③  $\tan A = \frac{4}{3}$   
④  $\sin B = \frac{3}{5}$       ⑤  $\cos B = \frac{3}{5}$

해설

$$\overline{AB} = \sqrt{4^2 + 3^2} = \sqrt{25} = 5$$

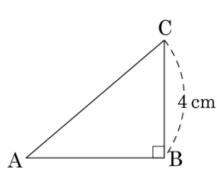
①  $\sin A = \frac{3}{5}$

②  $\cos A = \frac{4}{5}$

③  $\tan A = \frac{3}{4}$

④  $\sin B = \frac{4}{5}$

4. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC 에서  $\sin A = \frac{2}{3}$  이고, BC 가 4cm 일 때, AB 의 길이는?



- ①  $2\sqrt{5}$  cm      ②  $4\sqrt{5}$  cm      ③  $2\sqrt{7}$  cm  
 ④ 3 cm      ⑤  $4\sqrt{3}$  cm

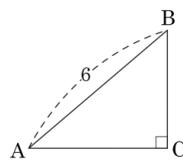
해설

$$\sin A = \frac{BC}{AC} = \frac{2}{3} \text{ 이므로 } 4 = AC \times \frac{2}{3} \text{ 이다.}$$

$$\Rightarrow AC = 6\text{cm}$$

$$\text{따라서 피타고라스 정리에 의해 } AB = \sqrt{6^2 - 4^2} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5} \text{ cm 이다.}$$

5.  $\sin A = \frac{\sqrt{2}}{2}$  인 직각삼각형 ABC 에서  $\cos A$ ,  $\tan A$  의 값을 각각 구하면? (단,  $0^\circ < A < 90^\circ$ )



- ①  $\cos A = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ,  $\tan A = 1$       ②  $\cos A = \frac{\sqrt{2}}{2}$ ,  $\tan A = 2$   
 ③  $\cos A = 2\sqrt{3}$ ,  $\tan A = 1$       ④  $\cos A = 3\sqrt{3}$ ,  $\tan A = \frac{1}{2}$   
 ⑤  $\cos A = \frac{\sqrt{2}}{2}$ ,  $\tan A = 1$

해설

$\sin A = \frac{BC}{AB} = \frac{\sqrt{2}}{2}$  이므로  $BC = AB \times \sin A = 6 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 3\sqrt{2}$  이다.

피타고라스 정리에 의해  $AC = \sqrt{6^2 - (3\sqrt{2})^2} = 3\sqrt{2}$  이다.

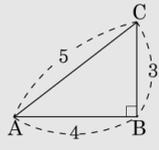
따라서  $\cos A = \frac{3\sqrt{2}}{6} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ ,  $\tan A = \frac{\sin A}{\cos A} = \frac{3\sqrt{2}}{3\sqrt{2}} = 1$  이다.

6.  $\sin A = \frac{3}{5}$  일 때,  $\cos A + \tan A$  의 값은? (단,  $0^\circ \leq A \leq 90^\circ$ )

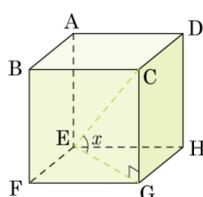
- ①  $\frac{5}{3}$       ②  $\frac{12}{5}$       ③  $\frac{23}{12}$       ④  $\frac{31}{20}$       ⑤  $\frac{39}{28}$

해설

$$\cos A + \tan A = \frac{4}{5} + \frac{3}{4} = \frac{16 + 15}{20} = \frac{31}{20}$$



7. 다음 그림은 한 변의 길이가 2 인 정육면체이다.  $\angle CEG = x$  일 때,  $\sin x + \cos x$  의 값을 구하면?



- ①  $\frac{\sqrt{3}}{3}$                       ②  $\frac{2\sqrt{3}}{3}$                       ③  $\frac{2}{3}$   
 ④  $\frac{\sqrt{3} + \sqrt{6}}{3}$                       ⑤  $\frac{\sqrt{6} - \sqrt{3}}{3}$

해설

$$\overline{CE} = 2\sqrt{3}$$

$$\overline{EG} = 2\sqrt{2}$$

$$\overline{CG} = 2 \text{ 이므로}$$

$$\sin x + \cos x = \frac{2}{2\sqrt{3}} + \frac{2\sqrt{2}}{2\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3} + \sqrt{6}}{3} \text{ 이다.}$$

8. 직선  $y = \frac{2}{5}x - 1$  이  $x$  축의 양의 방향과 이루는 예각의 크기를  $A$  라고 할 때, 다음 중 옳은 것은 ?

①  $\sin A = \frac{1}{\sqrt{5}}$

②  $\cos A = \frac{2}{\sqrt{5}}$

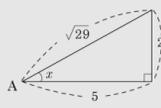
③  $\tan A = 2$

④  $\sin A \cdot \cos A = \frac{2}{5}$

⑤  $\tan A = \frac{2}{5}$

**해설**

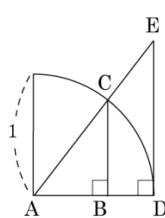
주어진 직선의 기울기는  $\frac{2}{5}$  이므로 다음 그림과 같이 표현할 수 있다.



$\tan A = \frac{2}{5}$ ,  $\cos A = \frac{5}{\sqrt{29}}$ ,  $\sin A = \frac{2}{\sqrt{29}}$

9. 다음은 반지름의 길이가 1인 사분원을 그린 것이다. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ①  $\tan A = \overline{DE}$       ②  $\cos C = \overline{BC}$   
 ③  $\sin C = \overline{AB}$       ④  $\sin A = \overline{BC}$   
 ⑤  $\cos A = \overline{DE}$



해설

$$\textcircled{5} \cos A = \frac{\overline{AB}}{\overline{AC}} = \frac{\overline{AB}}{1} = \overline{AB}$$

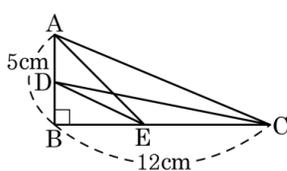
10.  $0^\circ \leq x \leq 90^\circ$ 일 때, 다음 중 옳은 것은?

- ①  $\sin x \geq \cos x$
- ②  $\cos x \geq \tan x$
- ③  $\sin x$ 의 최댓값은 1이다.
- ④  $\tan x$ 의 최댓값은 1이다.
- ⑤  $x$ 의 값이 커지면  $\cos x$ 의 값도 커진다.

해설

- ①  $\sin 0^\circ < \cos 0^\circ$
- ②  $\cos 60^\circ < \tan 60^\circ$
- ④  $\tan x$ 의 최댓값은 없다.
- ⑤  $x$ 의 값이 커지면  $\cos x$ 의 값은 작아진다.

11. 다음 그림과 같이  $\angle B = 90^\circ$  인 직각삼각형 ABC 에서  $\overline{AE} = 7\text{cm}$  일 때,  $\overline{CD}^2 - \overline{DE}^2$  의 값은?(단, 단위는 생략)

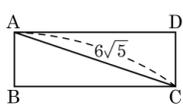


- ① 100    ② 120    ③ 150    ④ 150    ⑤ 210

해설

$$\overline{AC} = \sqrt{5^2 + 12^2} = 13 \text{ 이므로 } \overline{CD}^2 - \overline{DE}^2 = 13^2 - 7^2 = 120$$

12. 다음 그림과 같이 대각선의 길이가  $6\sqrt{5}$  인 직사각형 ABCD 의 가로와 길이는 세로의 길이의 3 배이다. □ABCD 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 :  $24\sqrt{2}$

해설

가로를  $3a$ , 세로를  $a$  라고 하면

$$6\sqrt{5} = \sqrt{(3a)^2 + a^2}, \quad 6\sqrt{5} = \sqrt{10a^2}$$

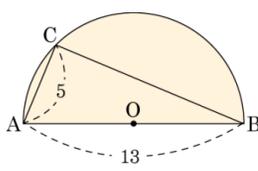
양변을 제곱하면  $180 = 10a^2$

$$a^2 = 18, \quad a = 3\sqrt{2}$$

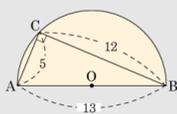
$$\therefore \square ABCD = (3a + a) \times 2 = 8a = 24\sqrt{2}$$

13. 다음 그림과 같이  $\overline{AB}$ 가 지름인 반  
원  $O$ 에서  $\sin A$ 의 값을 구하면?

- ①  $\frac{12}{13}$     ②  $\frac{13}{12}$     ③  $\frac{5}{13}$   
 ④  $\frac{4}{5}$     ⑤  $\frac{5}{12}$



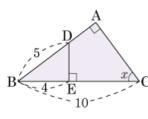
해설



지름에 대한 원주각은  $90^\circ$  이므로  $\angle ACB = 90^\circ$   
 $\overline{BC} = \sqrt{13^2 - 5^2} = 12$  이다.

따라서  $\sin A = \frac{12}{13}$  이다.

14. 다음 그림의  $\triangle ABC$  에서  $\sin x$  의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▶ 정답 :  $\frac{4}{5}$

해설

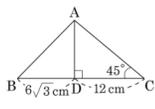
$\triangle ABC \sim \triangle EBD$  (AA 닮음)

$\Rightarrow \angle x = \angle BCA = \angle BDE$

또한,  $DE = \sqrt{5^2 - 4^2} = 3$  이다.

따라서  $\sin x = \frac{DE}{BD} = \frac{4}{5}$  이다.

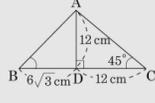
15. 다음 그림과 같은 삼각형 ABC 에서  $\tan B$  의 크기는?



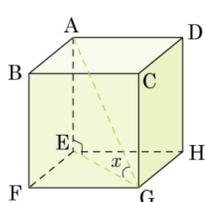
- ①  $\frac{1}{3}\sqrt{2}$     ②  $\frac{2}{3}\sqrt{2}$     ③  $\frac{\sqrt{3}}{3}$     ④  $\frac{2}{3}\sqrt{3}$     ⑤  $\sqrt{3}$

해설

$$\tan B = \frac{12}{6\sqrt{3}} = \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$



16. 다음 그림은 한 변의 길이가  $2a$  인 정육면체이다.  $\angle AGE = x$  라고 하면,  $\cos x$  의 값이  $\frac{\sqrt{a}}{b}$  이다. 이때,  $a+b$  의 값을 구하시오. (단,  $a, b$  는 유리수)



▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

$$\overline{EG} = \sqrt{(2a)^2 + (2a)^2} = 2\sqrt{2}a$$

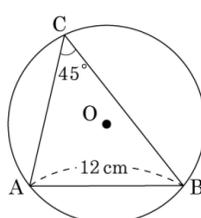
$$\overline{AG} = 2\sqrt{3}a$$

$$\therefore \cos x = \frac{2\sqrt{2}a}{2\sqrt{3}a} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{6}}{3}$$

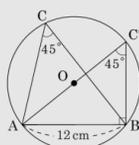
따라서  $a+b=9$  이다.

17.  $5.0\text{pt}\widehat{AB}$ 에 대한 원주각의 크기가  $45^\circ$  이고,  $\overline{AB} = 12\text{cm}$  일 때, 외접원 O의 넓이는?

- ①  $9\pi\text{cm}^2$       ②  $18\pi\text{cm}^2$   
 ③  $36\pi\text{cm}^2$       ④  $72\pi\text{cm}^2$   
 ⑤  $144\pi\text{cm}^2$



해설



그림과 같이 원 O의 지름  $C'A$ 를 그으면  $5.0\text{pt}\widehat{AB}$ 에 대한 원주각의 크기는 서로 같으므로

$$\angle AC'B = \angle ACB = 45^\circ$$

반원에 대한 원주각의 크기는  $90^\circ$  이므로

$$\angle ABC' = 90^\circ$$

$$\cos 45^\circ = \frac{12}{AC'} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

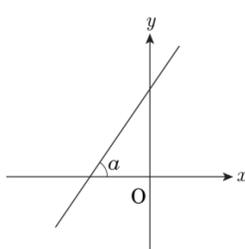
$$\therefore \overline{AC'} = 12\sqrt{2}(\text{cm}) \text{ 이므로}$$

$$\overline{AO} = 6\sqrt{2}(\text{cm})$$

따라서 외접원 O의 넓이는

$$S = \pi r^2 = \pi \times (6\sqrt{2})^2 = 72\pi(\text{cm}^2)$$

18. 다음 그림과 같이  $y = 2x + 4$ 의 그래프가  $x$ 축과 양의 방향으로 이루는 각의 크기를  $a^\circ$ 라고 할 때,  $\tan a$ 의 값은?



- ①  $\frac{2\sqrt{5}}{5}$     ② 2    ③  $\frac{3}{2}$     ④  $\frac{4\sqrt{5}}{5}$     ⑤  $\frac{3\sqrt{5}}{5}$

**해설**

$x$ 축의 양의 방향과 이루는 각의 크기를  $a$ 라 할 때,

(직선의 기울기) =  $\frac{y$ 의 증가량}{ $x$ 의 증가량} =  $\tan a$ 이다.

따라서  $\tan a = 2$ 이다.

19.  $0^\circ < x < 90^\circ$  일 때,  $2\sin^2 x - 3\sin x + 1 = 0$  을 만족시키는  $x$  의 값은?

- ①  $0^\circ$       ②  $15^\circ$       ③  $30^\circ$       ④  $45^\circ$       ⑤  $60^\circ$

해설

$\sin x = A$  라고 하면

$$2A^2 - 3A + 1 = 0$$

$$(2A - 1)(A - 1) = 0$$

$$A = \frac{1}{2}, 1$$

$\sin x = \frac{1}{2}$ ,  $\sin x = 1$  즉,  $x = 30^\circ$  또는  $x = 90^\circ$  이다.

$0^\circ < x < 90^\circ$  이므로  $x = 30^\circ$  이다.

20. 다음 표를 이용하여  
 $(\cos 55^\circ + \sin 56^\circ - \tan 54^\circ) \times 10000$ 의 값을 구하여라.

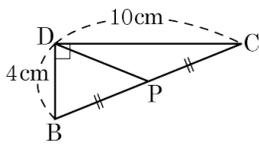
각도	sin	cos	tan
$54^\circ$	0.8090	0.5878	1.3764
$55^\circ$	0.8192	0.5736	1.4281
$56^\circ$	0.8290	0.5592	1.4826

- ① 26      ② 97      ③ 170      ④ 262      ⑤ 324

해설

$$\begin{aligned}\cos 55^\circ &= 0.5736 \\ \sin 56^\circ &= 0.8290 \\ \tan 54^\circ &= 1.3764 \\ \therefore (\cos 55^\circ + \sin 56^\circ - \tan 54^\circ) \times 10000 \\ &= (0.5736 + 0.8290 - 1.3764) \times 10000 = 262\end{aligned}$$

21. 직각삼각형 BCD 에서  $\overline{BD} = 4\text{cm}$ ,  $\overline{CD} = 10\text{cm}$  이고, 점 P 가  $\overline{BC}$  를 이등분할 때,  $\overline{PD}$  의 길이는?



- ①  $\sqrt{29}\text{cm}$       ②  $\sqrt{30}\text{cm}$       ③  $\sqrt{31}\text{cm}$   
 ④  $4\sqrt{2}\text{cm}$       ⑤  $\sqrt{33}\text{cm}$

**해설**

피타고라스 정리에 따라서

$$\overline{BC}^2 = \overline{BD}^2 + \overline{CD}^2 = 4^2 + 10^2 = 116$$

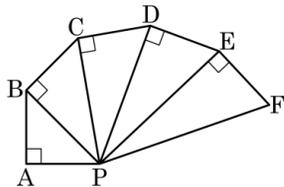
$$\overline{BC} = 2\sqrt{29}\text{cm}$$

점 P 가  $\overline{BC}$  를 이등분하므로  $\overline{BP} = \overline{CP} = \sqrt{29}\text{cm}$

그런데 직각삼각형의 빗변의 중점은 직각삼각형의 외심이므로

$\overline{DP} = \overline{BP} = \overline{CP}$  이므로  $\overline{DP} = \sqrt{29}\text{cm}$  이다.

22. 다음 그림에서  $\overline{PF}$ 의 길이를 구하여라. (단,  $\overline{AP} = \overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD} = \overline{DE} = \overline{EF} = 1\text{ cm}$ )



▶ 답:          cm

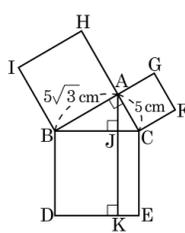
▷ 정답:  $\sqrt{6}$  cm

**해설**

$\triangle PAB$ ,  $\triangle PBC$ ,  $\triangle PCD$ ,  $\triangle PDE$ ,  
 $\triangle PEF$  는 모두 직각삼각형이므로  
 피타고라스 정리를 이용하면  
 $\overline{PB} = \sqrt{2}(\text{cm})$ ,  $\overline{PC} = \sqrt{3}(\text{cm})$ ,  
 $\overline{PD} = 2(\text{cm})$ ,  $\overline{PE} = \sqrt{5}(\text{cm})$   
 $\overline{PF} = \sqrt{6}(\text{cm})$

23. 다음 그림은  $\angle A = 90^\circ$  인 직각삼각형 ABC의 세 변을 각각 한 변으로 하는 정사각형을 그린 것이다.  $\overline{AB} = 5\sqrt{3}\text{ cm}$ ,  $\overline{AC} = 5\text{ cm}$  일 때,  $\overline{EK}$ 의 길이는?

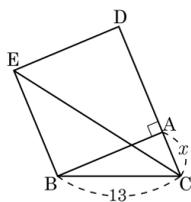
- ① 2 cm    ② 2.5 cm    ③ 3 cm  
 ④ 3.5 cm    ⑤ 4 cm



**해설**

$\overline{BC} = 10\text{ cm}$  이고,  $\square ACFG = \square JKEC$  이므로  
 $\square ACFG = \square JKEC = 25\text{ cm}^2$  이다.  
 따라서  $\overline{EK} \times 10 = 25$  이므로  $\overline{EK} = 2.5\text{ cm}$  이다.

24. 그림과 같이 직각삼각형 ABC의  $\overline{AB}$ 를 한 변으로 하는 정사각형 ADEB를 그렸을 때,  $\triangle EBC$ 의 넓이가  $72\text{ cm}^2$ 이면  $\overline{AC}$ 의 길이는 얼마인지 구하여라. (단, 단위는 생략)



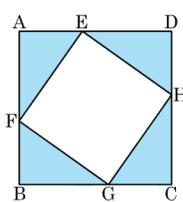
▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$\begin{aligned} \triangle EBC &= \triangle EBA = 72\text{ cm}^2 \\ \square ADEB &= 144\text{ cm}^2, \overline{AB} = 12\text{ cm} \\ \therefore \overline{AC} &= \sqrt{13^2 - 12^2} = 5\text{ (cm)} \end{aligned}$$

25. 다음 정사각형 ABCD 에서  $\overline{AF} = \overline{BG} = \overline{CH} = \overline{DE}$  이고, 4 개의 직각삼각형의 넓이의 합이  $18\sqrt{3}$  이 성립한다.  $\square ABCD$  의 둘레의 길이가  $12(1 + \sqrt{3})$  일 때,  $\overline{AE}^2 + \overline{DE}^2$  의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 36

해설

$\overline{AE} = a, \overline{DE} = b$  라고 할 때,

직각삼각형의 넓이의 합이  $18\sqrt{3}$  이므로  $\triangle AEF$  의 넓이는  $\frac{18\sqrt{3}}{4}$

$$= \frac{1}{2}ab$$

$\square ABCD$  의 둘레의 길이가  $12(1 + \sqrt{3})$  이므로  $4(a + b) =$

$$12(1 + \sqrt{3})$$

따라서  $a + b = 3 + 3\sqrt{3}, ab = \frac{18\sqrt{3}}{2} = 9\sqrt{3}$  이므로  $a^2 + b^2 =$

$$(a + b)^2 - 2ab = 9 + 18\sqrt{3} + 27 - 18\sqrt{3} = 36 \text{ 이다.}$$

26. 다음 중 직각삼각형의 세 변의 길이가 될 수 없는 것은?

① 3, 4, 5

② 5, 12, 13

③ 1,  $\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{3}$

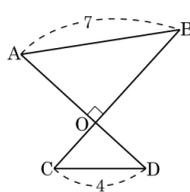
④ 4, 5,  $\sqrt{41}$

⑤ 2, 4,  $2\sqrt{6}$

해설

⑤  $2^2 + 4^2 = 20 \neq (2\sqrt{6})^2 = 24$

27. 다음 그림과 같이  $\overline{AD} \perp \overline{BC}$  이고,  $\overline{AB} = 7, \overline{CD} = 4$  일 때,  $\overline{OA}^2 + \overline{OB}^2 + \overline{OC}^2 + \overline{OD}^2$  의 값을 구하여라.



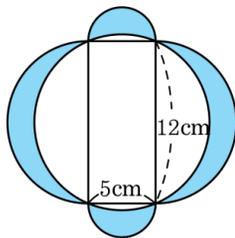
▶ 답:

▷ 정답: 65

해설

$$\begin{aligned}
 & \overline{OA}^2 + \overline{OB}^2 + \overline{OC}^2 + \overline{OD}^2 \\
 &= (\overline{OA}^2 + \overline{OB}^2) + (\overline{OC}^2 + \overline{OD}^2) \\
 &= \overline{AB}^2 + \overline{CD}^2 \\
 &= 7^2 + 4^2 \\
 &= 65
 \end{aligned}$$

28. 원에 내접하는 직사각형의 각 변을 지름으로 하는 반원을 그릴 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



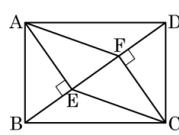
▶ 답:  $\underline{\hspace{1cm}} \text{ cm}^2$

▷ 정답:  $60 \text{ cm}^2$

**해설**

사각형의 넓이는 색칠한 부분의 넓이와 같다.  
 $\therefore 5 \times 12 = 60(\text{cm}^2)$

29. 다음 직사각형 ABCD 의 두 꼭짓점 A, C 에서 대각선 BD 에 내린 수선의 발을 각각 E, F 이고  $\overline{BE} = \overline{EF} = \overline{FD}$  이고,  $\overline{BD} = 15 \text{ cm}$  일 때, 사각형 AECF 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:  $\underline{\hspace{1cm}} \text{ cm}^2$

▷ 정답:  $25\sqrt{2} \text{ cm}^2$

해설

$$\overline{AB}^2 = \overline{BE} \times \overline{BD} \text{ 이므로}$$

$$5 \times 15 = \overline{AB}^2, \overline{AB} = 5\sqrt{3} \text{ 이다.}$$

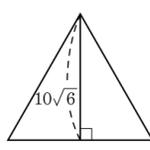
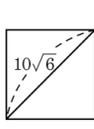
$\triangle ABD$  가 직각삼각형이므로

$$\overline{AD} = \sqrt{15^2 - (5\sqrt{3})^2} = 5\sqrt{6}(\text{cm}) \text{ 이다.}$$

$$\overline{AE} = \frac{\overline{AB} \times \overline{AD}}{\overline{BD}} = 5\sqrt{2}(\text{cm})$$

따라서 사각형 AECF의 넓이  
 $= 5\sqrt{2} \times 5 = 25\sqrt{2}(\text{cm}^2)$  이다.

30. 다음 그림과 같이 대각선의 길이가  $10\sqrt{6}$  인 정사각형과 높이가  $10\sqrt{6}$  인 정삼각형이 있다. 정사각형과 정삼각형의 넓이를 각각  $A, B$  라 할 때,  $A : B$  는?

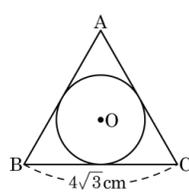


- ①  $\sqrt{2} : 2$       ②  $\sqrt{3} : 2$       ③  $\sqrt{3} : 3$   
 ④  $2 : \sqrt{3}$       ⑤  $3 : 2$

**해설**

정사각형의 한 변의 길이를  $a$  라 하면,  
 $a^2 + a^2 = (10\sqrt{6})^2$  이고  $a^2 = 300$   
 $\therefore A = a^2 = 300$   
 정삼각형의 한 변의 길이를  $b$  라 하면,  
 $b : 10\sqrt{6} = 2 : \sqrt{3}$   
 $b = 20\sqrt{2}$        $\therefore B = \frac{\sqrt{3}}{4} \times (20\sqrt{2})^2 = 200\sqrt{3}$   
 따라서,  $A : B = 300 : 200\sqrt{3} = \sqrt{3} : 2$  이다.

31. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가  $4\sqrt{3}\text{cm}$ 인 정삼각형에 원 O가 내접하고 있다. 이 내접원의 넓이를 구하여라.



▶ 답:  $\text{cm}^2$

▷ 정답:  $4\pi \text{cm}^2$

**해설**

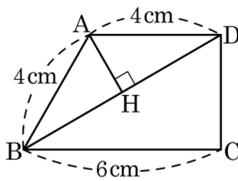
정삼각형의 한 변의 길이가  $4\sqrt{3}\text{cm}$ 이므로, 높이는  $\frac{\sqrt{3}}{2} \times 4\sqrt{3} = 6(\text{cm})$

내접원의 중심은 삼각형의 무게중심과 일치하므로 높이를 2 : 1로 내분한다.

그러므로 반지름의 길이는  $6 \times \frac{1}{3} = 2(\text{cm})$

따라서 내접원의 넓이는  $2^2\pi = 4\pi(\text{cm}^2)$

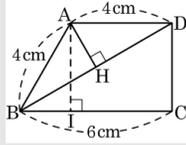
32. 다음 그림과 같은  $\square ABCD$  에서  $\overline{AB} = \overline{AD} = 4\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 6\text{cm}$ ,  $\angle C = \angle D = 90^\circ$  이고, 점 A 에서  $\overline{BD}$  에 내린 수선의 발을 H 라 할 때,  $\overline{AH}$  의 길이를 구하면?



- ①  $\sqrt{2}\text{cm}$       ②  $\sqrt{3}\text{cm}$       ③  $2\text{cm}$   
 ④  $\sqrt{5}\text{cm}$       ⑤  $\sqrt{6}\text{cm}$

해설

점 A 에서  $\overline{BC}$  에 내린 수선의 발을 I 라 하면



$$\overline{BI} = 2\text{cm}, \overline{AI} = \sqrt{16 - 4} = 2\sqrt{3}(\text{cm})$$

$$\therefore \overline{DI} = 2\sqrt{3}(\text{cm})$$

$$\overline{BD} = \sqrt{6^2 + (2\sqrt{3})^2} = \sqrt{48} = 4\sqrt{3}(\text{cm})$$

$$\overline{AB} = \overline{AD} \text{ 이므로 } \overline{BH} = \overline{HD} = 2\sqrt{3}\text{cm}$$

$$\therefore \overline{AH} = \sqrt{4^2 - (2\sqrt{3})^2} = 2(\text{cm})$$

33. 구의 중심에서 구의 반지름의 길이의  $\frac{1}{2}$  만큼 떨어진 평면으로 구를 자를 때 생기는 단면의 반지름이 4cm 이다. 이때 구의 겉넓이는?

- ①  $\frac{32}{3}\pi \text{ cm}^2$       ②  $\frac{64}{3}\pi \text{ cm}^2$       ③  $\frac{128}{3}\pi \text{ cm}^2$   
 ④  $\frac{256}{3}\pi \text{ cm}^2$       ⑤  $\frac{512}{3}\pi \text{ cm}^2$

**해설**

구의 반지름의 길이를 2cm라 하면

$$(2a)^2 = 4^2 + a^2$$

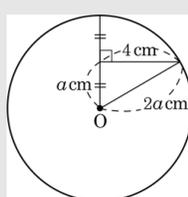
$$4a^2 = 16 + a^2$$

$$\therefore a^2 = \frac{16}{3}$$

구의 겉넓이는  $4\pi r^2$  이므로

$$4\pi r^2 = 4\pi(2a)^2 = 16\pi a^2 \quad (a^2 = \frac{16}{3} \text{ 대입})$$

$$16\pi a^2 = 16\pi \times \frac{16}{3} = \frac{256}{3}\pi (\text{cm}^2)$$



34. 다음 중 계산 결과가  $\sin 30^\circ$ 와 같지 않은 것은?

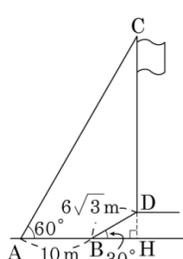
- ①  $\cos 60^\circ$
- ②  $\tan 45^\circ \times \sin 30^\circ$
- ③  $\frac{1}{2}(\cos 60^\circ \times \tan 60^\circ)$
- ④  $\frac{1}{2}(\sin 30^\circ + \cos 60^\circ)$
- ⑤  $2 \times (\sin 30^\circ \times \cos 30^\circ \times \tan 30^\circ)$

해설

$$\textcircled{3} \sin 30^\circ = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2}(\cos 60^\circ \times \tan 60^\circ) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \sqrt{3} = \frac{\sqrt{3}}{4} \text{ 이다.}$$

35. 다음 그림과 같이 언덕 위에 국기 게양대가 서 있다. A 지점에서 국기 게양대의 꼭대기 C를 올려다 본 각이  $60^\circ$  이고, A 지점에서 국기 게양대 방향으로 10m 걸어간 B 지점에서부터 오르막이 시작된다. 오르막  $\overline{BD}$ 의 길이가  $6\sqrt{3}\text{m}$  이고 오르막의 경사가  $30^\circ$  일 때, 국기 게양대의 높이  $\overline{CD}$ 를 구하여라.



▶ 답:                    m

▷ 정답:  $16\sqrt{3}\text{m}$

**해설**

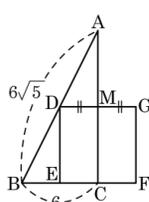
$$\begin{aligned} \overline{AH} &= 10 + 6\sqrt{3}\cos 30^\circ \\ &= 10 + 6\sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2} \\ &= 19 \text{ (m)} \end{aligned}$$

$$\overline{DH} = 6\sqrt{3}\sin 30^\circ = 6\sqrt{3} \times \frac{1}{2} = 3\sqrt{3} \text{ (m)}$$

$$\overline{CH} = \overline{AH} \tan 60^\circ = 19\sqrt{3} \text{ (m)}$$

$$\therefore \overline{CD} = \overline{CH} - \overline{DH} = 19\sqrt{3} - 3\sqrt{3} = 16\sqrt{3} \text{ (m)}$$

36. 다음 그림의  $\triangle ABC$  는  $\overline{AB} = 6\sqrt{5}\text{m}$ ,  $\overline{BC} = 6$ ,  $\angle C = 90^\circ$  인 직각삼각형이고,  $\square DEFG$  는 정사각형이다.  $\overline{DM} = \overline{MG}$  일 때, 정사각형의 한 변의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

$\triangle ABC$  에서  $\overline{AC} = \sqrt{(6\sqrt{5})^2 - 6^2} = 12(\text{cm})$  이 때, 정사각형의 한 변의 길이를  $x$  라 하면

$\overline{DM} = \overline{MG} = \frac{x}{2}$  이므로

$\overline{BE} = 6 - \frac{x}{2}$ ,  $\overline{AM} = 12 - x$  이다.

또한,  $\triangle ADM \sim \triangle DBE$  ( $\because$  AA 닮음)이므로

$\overline{DM} : \overline{BE} = \overline{AM} : \overline{DE}$

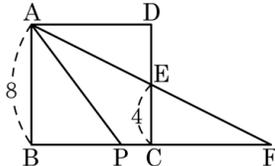
$\frac{x}{2} : \left(6 - \frac{x}{2}\right) = (12 - x) : x$

$\frac{x^2}{2} = \left(6 - \frac{x}{2}\right)(12 - x)$

$12x = 72$

$\therefore x = 6$

37. 한 변의 길이가 8인 정사각형 ABCD에서  $\overline{BC}$  위에 임의의 점 P를 잡고 점 A와 점 P를 잇고  $\angle PAD$ 의 이등분선이  $\overline{AE}$ ,  $\overline{AE}$ 의 연장선과  $\overline{BC}$ 의 연장선과의 교점을 F라 하자.  $EC = 4$ 일 때,  $AP$ 의 길이를 구하여라.



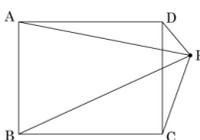
▶ 답:

▷ 정답: 10

해설

$\triangle ECF \sim \triangle ABF$  이므로  
 $8 : 4 = (\overline{CF} + 8) : \overline{CF}$   
 $\therefore \overline{CF} = 8$   
 $\angle DAE = \angle CFE$  (엇각)  
 $\triangle APF$  는 이등변삼각형  
 $\overline{AP} = \overline{PF} = x$  라 하면  $\overline{BP} = 16 - x$   
 $\triangle ABP$  에서  
 $x^2 = 8^2 + (16 - x)^2$   
 $\therefore x = 10$

38. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD의 외부에 잡은 한 점 P와 사각형의 각 꼭짓점을 연결하였다.  $PA = 9$ ,  $PB = 10$ ,  $PD = 2$  일 때,  $PC$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답:  $\sqrt{23}$

해설

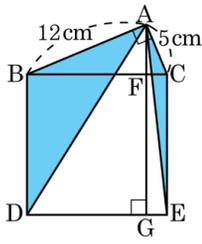
$$\overline{PA}^2 + \overline{PC}^2 = \overline{PB}^2 + \overline{PD}^2 \text{ 이므로}$$

$$9^2 + \overline{PC}^2 = 10^2 + 2^2$$

$$\overline{PC}^2 = 104 - 81 = 23$$

$$\overline{PC} = \sqrt{23} (\because \overline{PC} > 0)$$

39. 다음 그림과 같이  $\angle A = 90^\circ$ ,  $\overline{AB} = 12\text{cm}$ ,  $\overline{AC} = 5\text{cm}$  인  $\triangle ABC$  가 있다.  $\overline{BC}$  를 한 변으로 하는 정사각형 BDEC 를 그렸을 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답:  $\underline{\hspace{1cm}} \text{cm}^2$

▷ 정답:  $\frac{169}{2} \text{cm}^2$

해설

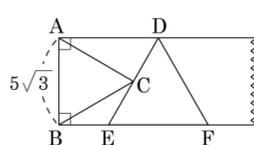
$$\triangle ABC \text{ 에서 } \overline{BC} = \sqrt{12^2 + 5^2} = 13(\text{cm})$$

$$(\triangle ABD \text{의 넓이}) = (\triangle BDF \text{의 넓이})$$

$$(\triangle AEC \text{의 넓이}) = (\triangle FEC \text{의 넓이})$$

$$(\text{색칠한 부분의 넓이}) = \triangle BDF + \triangle FEC = \frac{1}{2}(\square BDEC) = \frac{169}{2}(\text{cm}^2)$$

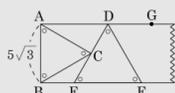
40. 다음 그림과 같이 폭이  $5\sqrt{3}$  으로 일정한 종이테이프 내부에 두 개의 정삼각형 ABC, DEF 가 맞닿아 있다. 이 때,  $\overline{AD}$  의 길이를 구하여라.



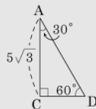
▶ 답:

▷ 정답: 10

해설



다음 그림에서  $\angle CAD = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$ ,  $\overline{AG} \parallel \overline{BF}$  이므로  $\angle ADC = \angle CEF = 60^\circ$  이다.



$\triangle ACD$  에서  $\overline{AD} : \overline{CD} : \overline{AC} = 2 : 1 : \sqrt{3}$  이므로  $\overline{AD} : 5\sqrt{3} = 2 : \sqrt{3}$ ,  $\therefore \overline{AD} = 10$

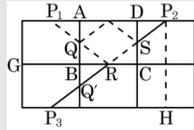
41. 가로와 세로의 길이가 각각 4, 3 인 직사각형 ABCD 의 각 변 위에 점 P, Q, R, S 를 잡을 때, 사각형 PQRS 의 둘레의 최솟값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

다음 그림과 같이  $\square ABCD$  와 합동인 직사각형을 작도하여 점 P 를 각각 변 AB 와 CD 에 대해 대칭이동한 점  $P_1, P_2$  를 잡으면



$$\overline{PQ} + \overline{QR} = \overline{P_1Q} + \overline{QR}$$

$$\overline{PS} + \overline{SR} = \overline{P_2S} + \overline{SR}$$

다시, 점  $P_1, Q$  를 GB 에 대해 대칭이동한 점  $P_3, Q'$  를 잡으면

$\overline{P_1Q} + \overline{QR} = \overline{P_3Q'} + \overline{Q'R}$  이 되어  $\square PQRS$  의 둘레의 길이의 최솟값은  $\overline{P_2P_3}$  의 길이가 된다.

따라서  $\overline{P_2P_3} = \sqrt{P_3H^2 + P_2H^2} = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10$  이다.

42. 대각선의 길이가  $\sqrt{53}$  이고 겹넓이가 68 인 직육면체의 모든 모서리의 길이의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 44

해설

직육면체의 밑면의 가로 길이를  $a$ , 세로 길이를  $b$ , 높이를  $c$  라 하면 직육면체의 대각선의 길이는

$$\sqrt{a^2 + b^2 + c^2} = \sqrt{53} \quad \therefore a^2 + b^2 + c^2 = 53$$

직육면체의 겹넓이는  $2(ab + bc + ca) = 68$

$$\begin{aligned} (a + b + c)^2 &= a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \\ &= 53 + 68 = 121 \end{aligned}$$

$$\therefore a + b + c = \sqrt{121} = 11$$

따라서 모든 모서리의 합은

$$4(a + b + c) = 4 \times 11 = 44 \text{ 이다.}$$

43.  $\overline{BC} = 5$ ,  $\overline{CD} = 6$ ,  $\overline{DB} = 7$  이고,  $\angle BAC = \angle CAD = \angle DAB = 90^\circ$  인 사면체 A-BCD 의 부피를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $\sqrt{95}$

해설

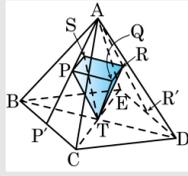
$\overline{AB} = a$ ,  $\overline{AC} = b$ ,  $\overline{AD} = c$  라 하면  
 $\triangle ABC$  에서  $a^2 + b^2 = 5^2$   
 $\triangle ACD$  에서  $b^2 + c^2 = 6^2$   
 $\triangle ADB$  에서  $c^2 + a^2 = 7^2$   
위의 세 식을 더하면  $a^2 + b^2 + c^2 = 55$   
따라서 식을 연립하여 풀면  
 $a = \sqrt{19}$ ,  $b = \sqrt{6}$ ,  $c = \sqrt{30}$  이므로,  
따라서 A-BCD 의 부피는  
 $\frac{1}{3} \times \triangle ACD \times \overline{AB}$   
 $= \frac{1}{3} \times \left( \frac{1}{2} \times \sqrt{6} \times \sqrt{30} \right) \times \sqrt{19}$   
 $= \sqrt{95}$  이다.

44. 밑면이 정사각형이고 4개의 옆면이 모두 정삼각형인 사각뿔의 부피를  $V_1$  이라 하고, 그 사각뿔의 각 옆면의 외심과 밑면의 대각선의 교점을 연결하여 만든 사각뿔의 부피를  $V_2$  라 할 때,  $\frac{V_1}{V_2}$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $\frac{27}{2}$

해설



정삼각형은 무게중심, 외심이 일치한다. 주어진 입체도형의 한 모서리의 길이를  $a$  라 하고,

점 A 에서 두 점 P, R 을 지나면서  $\overline{BC}$ ,  $\overline{DE}$  와 만나는 점을 각각 P', R' 이라 하자.

$\triangle APR \sim \triangle AP'R'$  이므로

$$\overline{AP} : \overline{AP'} = \overline{PR} : \overline{P'R'} = 2 : 3$$

$$2 : 3 = \overline{PR} : a$$

$$\therefore \overline{PR} = \frac{2}{3}a, \overline{QS} = \overline{PR} = \frac{2}{3}a$$

$$\therefore \square PQRS = \frac{1}{2} \times \left(\frac{2}{3}a\right)^2 = \frac{2}{9}a^2$$

점 A 에서  $\overline{PR}$ ,  $\overline{P'R'}$  에 내린 수선의 발을 각각 H, T 라 하면

$\triangle ABC$  에서  $\overline{AT} = \frac{\sqrt{3}}{2}a$  이므로

$$\overline{AT} = \sqrt{\left(\frac{\sqrt{3}}{2}a\right)^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2} = \frac{a}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}a$$

$$\overline{TH} = \frac{1}{3}\overline{AT} = \frac{1}{3} \times \frac{\sqrt{2}}{2}a = \frac{\sqrt{2}}{6}a$$

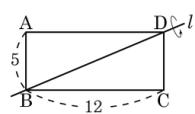
따라서

$$V_2 = \frac{1}{3} \times \square PQRS \times \overline{TH} = \frac{1}{3} \times \frac{2}{9}a^2 \times \frac{\sqrt{2}}{6}a = \frac{\sqrt{2}}{81}a^3,$$

$$V_1 = \frac{1}{3} \times \square ABCD \times \overline{AT} = \frac{1}{3} \times a^2 \times \frac{\sqrt{2}}{2}a = \frac{\sqrt{2}}{6}a^3 \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } \frac{V_1}{V_2} = \frac{\sqrt{2}}{6}a^3 \times \frac{81}{\sqrt{2}a^3} = \frac{27}{2} \text{ 이다.}$$

45. 가로 12, 세로 5 인 직사각형 ABCD 를  $\overline{BD}$  를 지나는 직선  $l$  을 회전축으로 하여 1 바퀴 회전시킬 때,  $\overline{AB}$  가 지나간 곳의 넓이를 구 하여라.



▶ 답:

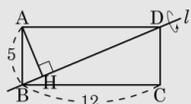
▶ 정답:  $\frac{300}{13}\pi$

해설

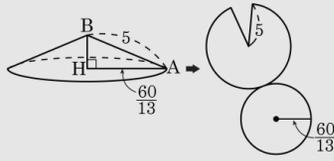
$$\overline{BD} = 13$$

$$\triangle ADB = \frac{1}{2} \times 5 \times 12 = \frac{1}{2} \times 13 \times \overline{AH}$$

$$\therefore \overline{AH} = \frac{60}{13}$$



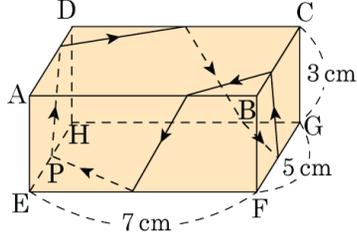
$\overline{AB}$  가 지나간 곳은 다음 원뿔의 옆면의 넓이와 같으므로



$$(\text{부채꼴의 넓이}) = \frac{1}{2} \times (\text{반지름}) \times (\text{호의 길이})$$

$$(\text{옆넓이}) = \frac{1}{2} \times 5 \times \frac{120}{13}\pi = \frac{300}{13}\pi$$

46. 세 모서리의 길이가 각각 3cm, 5cm, 7cm 인 직육면체에서 모서리 EH 위의 한 점 P 가  $\sqrt{41}$ cm/s 의 속도로 움직인다. 점 P 는 EH 의 중점에서 출발하여 직육면체의 겉면을 따라 6 개의 면을 모두 지나서 다시 출발점으로 돌아온다고 할 때, 점 P 가 돌아오는 데 걸리는 최소 시간을 구하여라.

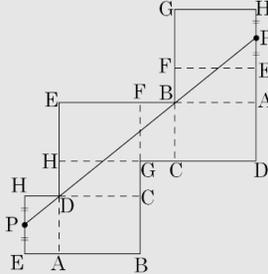


▶ 답: 4 초

▷ 정답: 4 초

해설

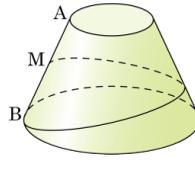
$\overline{AE} = 3$ ,  $\overline{AD} = 5$ ,  $\overline{AB} = 7$   
인 직육면체의 전개도를 그리면 위의 그림과 같다.



$$\therefore \overline{PP'} = \sqrt{16^2 + 20^2} = 4\sqrt{41}(\text{m})$$

따라서 최소 시간은  $\frac{4\sqrt{41}}{\sqrt{41}} = 4$  (초)이다.

47. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 8, 윗면의 반지름의 길이가 4, 모선의 길이가 16 인 원뿔대가 있다. 이 원뿔대의 밑면의 점 B 에서 모선 AB 의 중점 M 에 이르는 최단 거리를 구하여라.

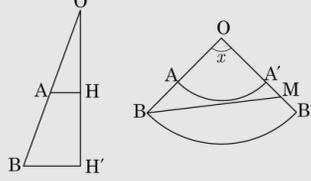


▶ 답 :

▷ 정답 : 40

**해설**

다음 그림에서  $\triangle OAH \sim \triangle OBH'$  (AA 닮음) 이고, 닮음비가 1 : 2 이므로  $\overline{OA} = 16$  이다.



또, 원뿔대의 옆면의 전개도에서

$\angle BOB' = x$  라 하면

$$2\pi \times 16 \times \frac{x}{360} = 2\pi \times 4$$

$$\therefore x = 90^\circ$$

따라서,  $\overline{BM} = \sqrt{32^2 + (16 + 8)^2} = 40$  이다.

48.  $\overline{AB} = 10$  인 삼각형 ABC에서  $\sin B = \cos C$  이고, 점 A 에서 변 BC 에 내린 수선의 길이가 8 일 때, 선분 AC 의 길이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $\frac{40}{3}$

해설

$\sin B = \cos C$  이면  $\angle A = 90^\circ$

점 A 에서 변 BC 에 내린 수선의 발을 H 라 할 때,

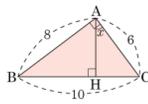
삼각형 AHB 와 삼각형 CAB 는 닮음이므로

$\angle ACB = \angle BAH = x$  라 할 때,  $\cos x = \frac{4}{5}$ ,  $\sin x = \frac{3}{5}$ ,  $\tan x = \frac{3}{4}$

이다.

따라서  $\overline{AC} = \frac{\overline{AB}}{\tan x} = \frac{10}{\frac{3}{4}} = \frac{40}{3}$  이다.

49. 다음 그림의  $\triangle ABC$  에서  $\angle BAC = 90^\circ$ ,  $\overline{AH} \perp \overline{BC}$  이고  $\angle HAC = x$  라 할 때,  $\tan x$  의 값은?

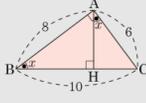


- ①  $\frac{1}{3}$       ②  $\frac{3}{5}$       ③  $\frac{3}{4}$       ④  $\frac{4}{5}$       ⑤  $\frac{4}{3}$

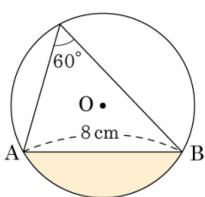
해설

$\triangle AHC \sim \triangle BAC$  (AA 닮음),  $\angle x = \angle ABC$

$$\therefore \tan x = \frac{\overline{AC}}{\overline{AB}} = \frac{6}{8} = \frac{3}{4}$$



50. 다음 그림과 같이  $5.0\text{pt}\widehat{AB}$ 에 대한 원주각의 크기가  $60^\circ$ 이고,  $AB = 8\text{ cm}$ 인 원  $O$ 에 대하여 색칠된 부분의 넓이를 구하여라.



- ①  $16\pi - 2\sqrt{3}$  ( $\text{cm}^2$ )      ②  $16\pi - \frac{4\sqrt{3}}{3}$  ( $\text{cm}^2$ )  
 ③  $\frac{16}{9}\pi - \frac{8\sqrt{3}}{3}$  ( $\text{cm}^2$ )      ④  $\frac{64}{9}\pi - \frac{16}{3}\sqrt{3}$  ( $\text{cm}^2$ )  
 ⑤  $\frac{4}{9}\pi - \frac{16}{3}\sqrt{3}$  ( $\text{cm}^2$ )

**해설**

원의 반지름의 길이를  $r$ 이라 하면  
 $\overline{AC'} \sin 60^\circ = 8$ ,  $\overline{AC'} = \frac{16\sqrt{3}}{3}$  (cm)  
 $\therefore r = \frac{1}{2}\overline{AC'} = \frac{8\sqrt{3}}{3}$  (cm)  
 $\angle AOB = 120^\circ$  이므로 부채꼴 AOB의 넓이는  $\frac{1}{3} \times \pi \times \left(\frac{8\sqrt{3}}{3}\right)^2 = \frac{64}{9}\pi$   
 따라서 색칠된 부분의 넓이는  $\frac{64}{9}\pi - \frac{1}{2} \times \left(\frac{8\sqrt{3}}{3}\right)^2 \times \sin 120^\circ = \frac{64}{9}\pi - \frac{16\sqrt{3}}{3}$  ( $\text{cm}^2$ ) 이다.

