

1. 이차방정식 $x^2 - x + 4 = 0$ 의 근을 구하면?

- ① $x = 1 \pm \sqrt{3}$ ② $x = 1 \pm \sqrt{15}$ ③ $x = -1 \pm \sqrt{15}i$
④ $x = \frac{1 \pm \sqrt{3}i}{2}$ ⑤ $x = \frac{1 \pm \sqrt{15}i}{2}$

2. 이차방정식 $x^2 + 4x + k = 0$ 이 허근을 가지도록 상수 k 의 값의 범위를 정하여라.

 답: _____

3. x 에 대한 일차방정식 $(a^2 + 3)x + 1 = a(4x + 1)$ 의 해가 무수히 많을 때, a 의 값은?

① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

4. 방정식 $|x| + |x - 1| = 2$ 의 해를 구하시오.

▶ 답: _____

▶ 답: _____

5. 이차방정식 $x^2 + (k - 4)x + k - 1 = 0$ 의 중근을 가지도록 상수 k 의 값의 합을 구하여라.

▶ 답: _____

6. x 에 대한 이차방정식 $(m-1)x^2 - 2mx + (m+2) = 0$ 의 중근을 갖도록 하는 실수 m 의 값과 그 때의 중근을 α 라 할 때, $m + \alpha$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: _____

7. 이차방정식 $x^2 + (a+2)x + 1 = 0$ 이 중근을 갖도록 하는 모든 실수 a 의 값의 합을 구하면?

▶ 답: _____

8. x 에 대한 이차방정식 $(k^2 - 1)x^2 - 2(k - 1)x + 1 = 0$ 이 허근을 가질 때, $k > m$ 이다. m 의 값을 구하여라.

▶ 답: _____

9. 계수가 실수인 x 에 대한 이차방정식 $x^2 + 2(a-m-1)x + a^2 - b + m^2 = 0$ 의 근이 m 의 값에 관계없이 항상 중근을 갖도록 하는 a, b 값의 합은?

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

10. 이차식 $x^2 - 2(k-1)x + 2k^2 - 6k + 4$ 가 x 에 대하여 완전제곱식이 될 때, 상수 k 의 값의 합을 구하여라.

▶ 답: _____

11. 방정식 $a(ax - 1) = 2(ax - 1)$ 에 대한 설명으로 옳은 것은?

- | | |
|---|--------------------------|
| ① $a = 0$ 일 때, 부정 | ② $a = 2$ 일 때, 불능 |
| ③ $a \neq 2$ 일 때, $x = \frac{1}{a}$ | ④ $a \neq 0$ 일 때, 해는 없다. |
| ⑤ $a \neq 0, a \neq 2$ 일 때, $x = \frac{1}{a}$ | |

12. 방정식 $a^2 - (1+x)a + 2x - 2 = 0$ 의 해가 무수히 많을 때, 방정식 $x = (x+3)a - 10$ 의 해는?

① -3 ② -1 ③ 0 ④ 2 ⑤ 4

13. 방정식 $|x| + |x - 1| = 9$ 의 모든 근의 곱을 구하여라.

▶ 답: _____

14. $|x + 1| + |x - 2| = x + 3$ 을 만족하는 해의 합을 구하면?

▶ 답: _____

15. 방정식 $|x - 3| + |x - 4| = 2$ 의 해의 합을 구하여라.

▶ 답: _____

16. 다음 내용은 이차방정식에 대한 설명이다. 괄호 안에 알맞은 것은?

(가)를 계수로 갖는 이차방정식은 (나)의 범위에서 항상 근을 갖는다. 따라서 (다)를 계수로 갖는 이차식 $ax^2 + bx + c$ 는 (라)의 범위에서는 반드시 (마)의 곱으로 인수분해된다.

- ① (가)복소수 (나)복소수 (다)실수 (라)실수 (마)이차식
- ② (가)복소수 (나)실수 (다)복소수 (라)실수 (마)일차식
- ③ (가)복소수 (나)실수 (다)실수 (라)복소수 (마)이차식
- ④ (가)실수 (나)복소수 (다)실수 (라)복소수 (마)이차식
- ⑤ (가)실수 (나)복소수 (다)실수 (라)복소수 (마)일차식

17. 다음 방정식을 풀면?

$$(\sqrt{3} - 1)x^2 - (\sqrt{3} + 1)x + 2 = 0$$

① $x = -1$ 또는 $x = -\sqrt{3}$ ② $x = -1$ 또는 $x = -\sqrt{3} - 1$

③ $x = -1$ 또는 $x = \sqrt{3} + 1$ ④ $x = 1$ 또는 $x = -\sqrt{3} + 1$

⑤ $x = 1$ 또는 $x = \sqrt{3} + 1$

18. x 에 대한 방정식 $ix^2 + (1+i)x + 1 = 0$ 의 해를 구하여라. (단, $x \neq i$)

▶ 답: _____

19. 이차방정식 $(1-i)x^2 + (-3+i)x + 2 = 0$ 의 해는 $x = a$ 또는 $x = p+qi$ 이다. 이 때, $a+p+q$ 의 값을 구하여라. (단, a, p, q 는 실수)

▶ 답: _____

20. 이차방정식 $(1-i)x^2 + (1+3i)x - 2(1+i) = 0$ 의 두 근을 α, β 라 할 때, $\alpha^2 + \beta^2$ 의 값은? (단, $i = \sqrt{-1}$)

- ① -4 ② -3 ③ -2 ④ -1 ⑤ 0

21. 다음 방정식의 해는?

$$x^2 + 3|x| - 4 = 0$$

- ① 0 ② ± 1 ③ $\pm \sqrt{2}$ ④ $\pm \sqrt{3}$ ⑤ ± 2

22. 방정식 $x^2 - 2|x| - 3 = 0$ 의 근의 합을 구하여라.

▶ 답: _____

23. 방정식 $(x - 1)^2 + |x - 1| - 6 = 0$ 의 두 근의 합은?

- ① -1 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 6

24. 방정식 $x^2 + |x| = |x - 1| + 5$ 를 만족하는 두 근의 합은?

- | | | |
|----------------------------------|---------------------------------|------------|
| <p>① $-2\sqrt{6}$</p> | <p>② $-\sqrt{6}$</p> | <p>③ 0</p> |
| <p>④ $\sqrt{6}$</p> | <p>⑤ $2\sqrt{6}$</p> | |

25. 이차방정식 $x^2 + 2|x| - 8 = 0$ 의 해는 ?

- ① -2, 4
- ② -2, 2
- ③ -4, 4
- ④ -4, 2
- ⑤ -4, -2, 2, 4

26. 이차방정식 $2[x]^2 + 3[x] + 1 = 0$ 의 해를 구하여라. (단, $[x]$ 는 x 보다 크지 않은 최대의 정수이다.)

- ① $-1 \leq x < 0$ ② $-1 \leq x < 1$ ③ $-1 \leq x < 2$
④ $0 \leq x < 1$ ⑤ $0 \leq x < 2$

27. 이차방정식 $x^2 - ax + 12 = 0$ 의 두 근이 3, b 일 때, ab의 값을 구하여라.

▶ 답: _____

28. $x^2 + ax + b = 0$, $x^2 + 2bx + 3a = 0$ 를 동시에 만족하는 x 는 -1 밖에 없을 때, 상수 ab 의 값을 구하여라.

▶ 답: _____

29. $x^2 - 2x + 3 = 0$ 의 두 근을 α, β 라고 할 때, $(\alpha^2 - 2\alpha)(\beta^2 - 2\beta)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: _____

30. 0이 아닌 두 실수 a, b 에 대하여 $\frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}} = -\sqrt{\frac{b}{a}}$ 가 성립할 때, <보기>

의 방정식 중 항상 실근이 존재하는 것을 모두 고른 것은?

보기

Ⓐ $x^2 + ax + b = 0$ Ⓑ $x^2 + bx + a = 0$

Ⓒ $ax^2 + x + b = 0$ Ⓛ $bx^2 + ax + b = 0$

- ① Ⓐ, Ⓑ ② Ⓐ, Ⓛ ③ Ⓑ, Ⓛ ④ Ⓑ, Ⓛ ⑤ Ⓒ, Ⓛ

31. 이차방정식 $ax^2 + bx + c = 0$ 에 대한 설명으로 다음 <보기> 중 옳은 것의 개수는? (단, a, b, c, p, q 는 실수, $i = \sqrt{-1}$)

보기

- Ⓐ 판별식은 $b^2 - 4ac$ 이다.
- Ⓑ 두 근의 합은 $\frac{b}{a}$ 이다.
- Ⓒ $a < 0, c < 0$ 이면 허근만 갖는다.
- Ⓓ $a > 0, c < 0$ 이면 서로 다른 두 실근을 갖는다.
- Ⓔ 두 근의 곱은 $\frac{c}{a}$ 이다.
- Ⓕ 한 근이 $p + qi$ 이면 다른 한 근은 $q - pi$ 이다.

① 1개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

32. x 에 대한 이차방정식 $x^2 + bx = -(a^2 - 3bx + c^2)$ 이 중근을 가질 때,
 a, b, c 를 세 변의 길이로 갖는 삼각형은 어떤 삼각형인가?

- ① 둔각삼각형 ② a 가 빗변인 직각삼각형
③ b 가 빗변인 직각삼각형 ④ $a = b$ 인 이등변삼각형
⑤ $b = c$ 인 이등변삼각형

33. 방정식 $x^2 - 4x + y^2 - 8y + 20 = 0$ 을 만족하는 실수 x, y 에 대하여 $x + y$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: _____

34. x 에 관한 이차방정식 $x^2 - 4x - a + b = 0$ 이 중근을 가질 때 $x^2 - 2(a - 1)x + a^2 + 3b = 5a - 4$ 의 근을 판별하면?

- | | |
|--------------|--------------|
| ① 중근 | ② 한 실근과 한 허근 |
| ③ 서로 다른 두 실근 | ④ 서로 같은 두 실근 |
| ⑤ 서로 다른 두 허근 | |

35. x 에 대한 이차방정식 $ax^2 + bx + c = 0$ 이 서로 다른 두 실근을 가질 때, 다음 [보기]의 이차방정식 중 서로 다른 두 실근을 갖는 것을 모두 고른 것은?

Ⓐ $ax^2 + 2bx + c = 0$ Ⓑ $ax^2 + \frac{1}{2}bx + c = 0$

Ⓒ $cx^2 + bx + a = 0$

① Ⓐ

② Ⓑ, Ⓒ

③ Ⓑ, Ⓓ

④ Ⓒ, Ⓓ

⑤ Ⓐ, Ⓑ, Ⓓ

36. 이차방정식 $2x^2 - 4x - 3k = 0$ 이 해근을 갖고, 동시에 $x^2 + 5x - 2k = 0$ 이 실근을 갖도록 하는 정수 k 의 개수를 구하면?

- ① 1개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

37. x 에 대한 이차방정식 $x^2 + (2m + a + b)x + m^2 + ab = 0$ 이 m 의 값에
관계없이 항상 중근을 가질 때, 실수 $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: _____

38. x 에 대한 이차식 $a(1-x^2) - 2bx + c(1+x^2)$ 이 완전제곱식일 때,
 a, b, c 를 세 변의 길이로 하는 삼각형은 어떤 삼각형인가?

- ① a 를 빗변으로 하는 직각삼각형
- ② b 를 빗변으로 하는 직각삼각형
- ③ c 를 빗변으로 하는 직각삼각형
- ④ 예각삼각형
- ⑤ 정삼각형

39. 이차방정식 $x^2 - 2ix - k = 0$ 의 근에 대한 <보기>의 설명 중 옳은 것을 모두 고르면?

[보기]

- Ⓐ $k > 1$ 이면 두 근은 실근이다.
- Ⓑ $k = 1$ 이면 두 근은 같다.
- Ⓒ 두 근의 곱은 실수이다.
- Ⓓ $0 < k < 1$ 이면 두 근은 순허수이다.

① Ⓐ, Ⓑ

② Ⓒ, Ⓓ

③ Ⓐ, Ⓑ, Ⓓ

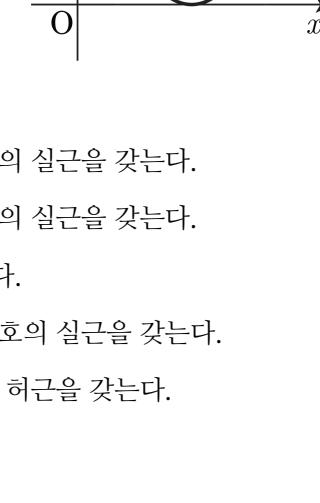
④ Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ

⑤ Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓔ

40. $x^2 + 3ax + b = 0$ 과 $x^2 - ax + c = 0$ 은 공통근 1을 갖는다. 이 때,
 $2a^2 + b - c$ 가 최소가 되는 a 의 값은?

① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

41. 이차함수 $y = x^2 + 2ax + 2b$ 의 그래프가 아래 그림과 같을 때, 방정식 $x^2 - 2ax + b^2 + 2 = 0$ 의 근에 대한 설명으로 옳은 것은?



- ① 서로 다른 양의 실근을 갖는다.
- ② 서로 다른 음의 실근을 갖는다.
- ③ 중근을 갖는다.
- ④ 서로 다른 부호의 실근을 갖는다.
- ⑤ 서로 다른 두 허근을 갖는다.

42. a, b, c 가 삼각형의 세 변의 길이를 나타낼 때, $(a+b)x^2 + 2cx + a - b$ 는 x 의 완전제곱식이다. 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

- ① 정삼각형 ② $a = b$ 인 이등변삼각형
③ $b = c$ 인 이등변삼각형 ④ a 가 빗변인 직각삼각형
⑤ c 가 빗변인 직각삼각형

43. x, y 에 대한 이차식 $2x^2 + xy - y^2 - x + 2y + k$ 가 x, y 에 대한 일차식의 곱으로 인수분해 될 때, 상수 k 의 값은?

① -1 ② -2 ③ -3 ④ -4 ⑤ -5

44. $|1 - |1 - x|| = x - 1$ 을 만족시키는 x 의 최솟값, 최댓값을 각각 m, M 이라 할 때, $m + M$ 의 값을 구하면?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

45. 방정식 $|x^2 + (a - 2)x - 2| = 1$ 의 모든 근의 합이 0 일 때 상수 a 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

46. 양수 x 에 대하여 $[x] = n$ 이라 할 때, $x^2 + (x - n)^2 = 20$ 이다. 이 때,
 $2x - n$ 의 값은? (단, $[x]$ 는 x 보다 크지 않은 최대 정수)

① $\sqrt{6}$ ② $2\sqrt{6}$ ③ $\sqrt{5}$ ④ $2\sqrt{5}$ ⑤ $\sqrt{10}$

47. 방정식 $x^3 - 3x + 1 = 0$ 의 한 근을 α , $x^2 - \alpha x + 1 = 0$ 의 한 근을 β 라

할 때, $\beta^3 + \frac{1}{\beta}^3$ 의 값은?

- ① -2 ② -1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

48. x 에 대한 이차방정식 $2x^2 - 2(1-a-b)x + \{1 + (a+b)^2\} = 0$ 의 근이
실수일 때, $a^3 + b^3 - 3ab + 4$ 의 값을 구하면? (단, a, b 는 실수)

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

49. 세 방정식 $x^2 + 2ax + bc = 0$, $x^2 + 2bx + ca = 0$, $x^2 + 2cx + ab = 0$ 의 근에 대한 다음 설명 중 옳은 것은? (단, a , b , c 는 실수)

- ① 세 방정식은 모두 실근을 갖는다.
- ② 세 방정식은 모두 허근을 갖는다.
- ③ 반드시 두 방정식만 실근을 갖는다.
- ④ 반드시 한 방정식만 실근을 갖는다.
- ⑤ 적어도 하나의 방정식은 실근을 갖는다.

50. $x^2 + kxy - 2y^2 + 3y - 1$ 이 x, y 에 관한 일차식의 곱으로 인수분해되는 k 의 값을 구하면?

- ① ± 1 ② ± 2 ③ ± 3 ④ ± 4 ⑤ ± 6