

1. 다음 분수 중에서 유한소수로 나타낼 수 있는 것을 모두 찾아라.

① $\frac{4}{2^2 \times 3 \times 5}$

④ $\frac{7}{15}$

② $\frac{18}{3^2 \times 5^2}$

⑤ $\frac{11}{2^3 \times 5 \times 7}$

③ $\frac{13}{65}$

해설
② $\frac{2}{5^2}$, ③ $\frac{1}{5}$

2. 다음 순환소수를 분수로 나타낸 것 중 옳지 않은 것은?

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \quad 0.\dot{4} = \frac{4}{9} & \textcircled{2} \quad 0.\dot{5} = \frac{5}{9} & \textcircled{3} \quad 0.\dot{3}\dot{7} = \frac{37}{90} \\ \textcircled{4} \quad 0.2\dot{5} = \frac{23}{90} & \textcircled{5} \quad 0.3\dot{2} = \frac{29}{90} & \end{array}$$

해설

$$\textcircled{3} \quad 0.\dot{3}\dot{7} = \frac{37}{99}$$

3. 다음 수 중에서 가장 큰 수는?

- ① $3.\dot{4}\dot{9}$ ② $3.\dot{4}\dot{9}$ ③ $3.\dot{5}$ ④ $3.\dot{5}0\dot{9}$ ⑤ $3.\dot{5}4$

해설

- ① $3.499999\dots$
② $3.494949\dots$
③ $3.555555\dots$
④ $3.509509\dots$
⑤ $3.545454\dots$

4. 다음 계산 중 옳은 것을 모두 고르면?

Ⓐ $a^3 \times a^7 = a^{10}$

Ⓑ $a^2 \times a^2 \times a^2 = a^8$

Ⓒ $(x^2)^2 \times (x^3)^2 = x^{10}$

Ⓓ $x^2 \times y^4 \times x^6 \times y^2 = x^8y^6$

Ⓔ $(x^3)^2 \times x^2 \times (x^2)^2 = x^{11}$

해설

Ⓑ $a^2 \times a^2 \times a^2 = a^{2+2+2} = a^6$

Ⓒ $(x^3)^2 \times x^2 \times (x^2)^2 = x^{3\times 2} \times x^2 \times x^{2\times 2} = x^{6+2+4} = x^{12}$

5. $\frac{2}{3}ab^3 \times 3a^2b$ 를 간단히 한 것으로 옳은 것은?

- ① $2a^2b^4$ ② $3a^3b^4$ ③ $2a^3b^4$ ④ $3a^3b^3$ ⑤ $2a^3b^5$

해설

$\frac{2}{3}ab^3 \times 3a^2b$ 를 간단히 하면 $\frac{2}{3}ab^3 \times 3a^2b = 2 \times ab^3 \times a^2b = 2a^3b^4$ 이다.

6. $8a^2b^2 \times 2a^2b \div (-2a^2b)^3 \times 3a^4b^2$ 을 간단히 하면?

- ① $-3a^2b^2$ ② $3a^2b^2$ ③ $-6a^2b^2$
④ $6a^2b^2$ ⑤ $-8a^2b^2$

해설

$$\begin{aligned} & 8a^2b^2 \times 2a^2b \div (-2a^2b)^3 \times 3a^4b^2 \\ &= 8a^2b^2 \times 2a^2b \times \left(-\frac{1}{8a^6b^3}\right) \times 3a^4b^2 \\ &= -6a^2b^2 \end{aligned}$$

7. 다음 중 부등식이 아닌 것을 모두 고르면?

① $3 - 5a < 5a + 5$

③ $\frac{6}{13}a \leq \frac{1}{3}a - 15$

⑤ $\left(\frac{1}{3}x - 3\right)6 \geq 4 + 3x$

② $6(2x - 4) = 10x + 5$

④ $(5x - 1)\frac{1}{2}x \neq 32 + 4x$

해설

- ① 부등호 $<$ 가 사용된 부등식이다.
③ 부등호 \leq 가 사용된 부등식이다.
⑤ 부등호 \geq 가 사용된 부등식이다.

8. 다음 중 순서쌍 $(1, -1)$ 을 해로 갖는 일차방정식을 모두 고르면?
(정답 2 개)

① $2x + 3y = 5$ ② $x - 4y = 5$ ③ $3x - y = 7$

④ $-2x + y = -3$ ⑤ $\frac{3}{2}x - \frac{1}{2}y = 4$

해설

① $2 \times 1 + 3 \times (-1) = -1 \neq 5$

③ $3 \times 1 - 1 \times (-1) = 4 \neq 7$

⑤ $\frac{3}{2} \times 1 - \frac{1}{2} \times (-1) = 2 \neq 4$

9. 다음 중에서 $(2, 1)$ 을 해로 갖는 일차방정식을 모두 찾으면? (정답 2 개)

Ⓐ $2x - y = 3$ Ⓑ $-2x + y = 5$ Ⓒ $x + 2y = 5$
Ⓓ $-7x + 9y = 2$ Ⓛ $3x - 5y = 1$

해설

$x = 2, y = 1$ 을 각 식에 대입한다.

10. 다음 중 일차방정식 $\frac{1}{3}x - \frac{3}{4}y + 2 = 0$ 의 해가 아닌 것은?

- ① $(-6, 0)$ ② $(3, 4)$ ③ $(0, 8)$
④ $(-3, \frac{4}{3})$ ⑤ $(6, \frac{16}{3})$

해설

$x = 0, y = 8$ 일 때

$\frac{1}{3} \times 0 - \frac{3}{4} \times 8 + 2 \neq 0$ 이므로 해가 아니다.

11. 다음 연립방정식을 풀어라.

$$\begin{cases} \frac{1}{2}x + \frac{1}{3}y = \frac{4}{3} \\ 0.7x - 0.4y = 1 \end{cases}$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = 2$

▷ 정답: $y = 1$

해설

$\frac{1}{2}x + \frac{1}{3}y = \frac{4}{3}$ 의 양변에 6을 곱하면

$3x + 2y = 8 \cdots \textcircled{\text{①}}$

$0.7x - 0.4y = 1$ 의 양변에 10을 곱하면

$7x - 4y = 10 \cdots \textcircled{\text{②}}$

$2 \times \textcircled{\text{①}} - \textcircled{\text{②}}$ 을 계산하면 $x = 2$

①에 $x = 2$ 를 대입하면 $y = 1$

$\therefore x = 2, y = 1$

12. $x = 2$ 일 때 $y = 4$ 이고, $x = 5$ 일 때 $y = 13$ 인 일차함수를 구하면?

- ① $y = 2x + 4$ ② $y = -3x + 2$ ③ $y = 3x - 2$
④ $y = 2x - 2$ ⑤ $y = 3x - 4$

해설

$$(기울기) = \frac{13 - 4}{5 - 2} = \frac{9}{3} = 3$$

$y = 3x + b$ $\parallel (2, 4)$ 대입

$$4 = 3 \times 2 + b, \quad b = -2$$

$$\therefore y = 3x - 2$$

13. 다음 중 그래프가 일차방정식 $4x + y - 3 = 0$ 과 같은 것은?

- ① $y = 4x - 3$ ② $y = 4x + 3$ ③ $y = \frac{1}{4}x + 3$
④ $y = -4x + 3$ ⑤ $y = -4x - 3$

해설

$4x + y - 3 = 0$ 은 $y = -4x + 3$ 와 같다.

14. 다음 중 일차방정식 $x + 2y - 3 = 0$ 의 그래프 위의 점이 아닌 것을 모두 고르면?

① $(-1, 2)$

② $\left(0, \frac{3}{2}\right)$

③ $(1, 2)$

④ $(5, -1)$

⑤ $\left(2, \frac{1}{3}\right)$

해설

대입하여 확인한다.

15. 일차방정식 $3x - 2y - 5 = 0$ 의 해가 $(1, k)$ 일 때, k 의 값은?

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

$$3x - 2y - 5 = 0 \text{ 에}$$

$(1, k)$ 를 대입하면

$$3 - 2k - 5 = 0$$

$$-2k = 2$$

$$k = -1$$

16. 다음 보기 중 유리수가 아닌 것을 모두 골라라.

[보기]

- | | | |
|------------------|------------------|------------------|
| Ⓐ -10 | Ⓑ $\frac{17}{5}$ | Ⓒ 0 |
| Ⓓ π | Ⓔ 4.1727 | Ⓕ $\pi - 3$ |
| Ⓖ $-\frac{2}{3}$ | Ⓗ 0.35555 | Ⓚ $\frac{12}{2}$ |

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ⓒ

▷ 정답: Ⓣ

[해설]

유리수는 분수 $\frac{a}{b}$ (a, b 는 정수, $b \neq 0$)의 꼴로 나타낼 수 있는 수이므로 $-10, \frac{17}{5}, 0, 4.1727, -\frac{2}{3}, 0.35555, \frac{12}{2}$ 이다.

17. $\frac{7}{11}$ 의 소수점 아래 56번째 자리의 숫자를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$\frac{7}{11} = 0.\dot{6}\dot{3} \text{이므로 순환마디의 숫자 } 2 \text{개}$$

$56 = 2 \times 28$ 이므로 소수점 아래 56번째 자리의 숫자는 3이다.

18. $81^{3a-2} = (3^2)^{6a} \div 3^b = 3^4$ 라 할 때, ab 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$$(3^4)^{3a-2} = 3^{12a-8} = 3^4 \text{에서}$$

$$12a - 8 = 4$$

$$\therefore a = 1$$

$$(3^2)^{6a} \div 3^b = 3^{12a-b} = 3^4 \text{에서}$$

$$12 - b = 4$$

$$\therefore b = 8$$

$$\text{따라서 } ab = 1 \times 8 = 8 \text{이다.}$$

19. $3x(x-1) - 4x(x-3) - (7x^2 - x + 1)$ 을 간단히 하였을 때, x^2 의 계수와 상수항의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -9

해설

$$(준식) = -8x^2 + 10x - 1$$

$$\therefore -8 + (-1) = -9$$

20. x 가 0, 1, 2, 3, 4, 5 일 때, 부등식 $-2x + 7 \geq -5x + 16$ 의 해를 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 3

▷ 정답: 4

▷ 정답: 5

해설

$-2x + 7 \geq -5x + 16$ 에서 $x = 0, 1, 2$ 일 때는 거짓,

$x = 3$ 일 때 $-6 + 7 \geq -15 + 16$: 참

$x = 4$ 일 때 $-8 + 7 \geq -20 + 16$: 참

$x = 5$ 일 때 $-10 + 7 \geq -25 + 16$: 참

따라서 부등식의 해는 3, 4, 5이다.

21. x 에 대한 일차부등식 $2x - 3 < 3a$ 의 해가 $x < 12$ 일 때, 상수 a 의 값은?

- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

해설

$$2x < 3a + 3 \rightarrow x < \frac{3a + 3}{2}$$

$$x < 12 \text{ 이므로 } \frac{3a + 3}{2} = 12$$

$$3a + 3 = 24$$

$$\therefore a = 7$$

22. 일차부등식 $9 < 2x - 5$ 와 $-1 < 2x + 3a$ 의 해가 같을 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -5

해설

$9 < 2x - 5$ 와 $1 < 2x + 3a$ 의 해가 같으므로 두 부등식을 정리하여 비교하여 보자.

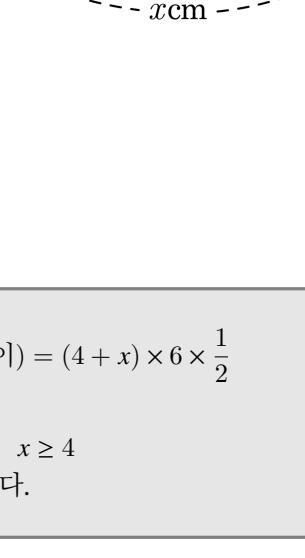
$$9 < 2x - 5 \Rightarrow 14 < 2x \Rightarrow x > 7$$

$$-1 < 2x + 3a \Rightarrow -1 - 3a < 2x \Rightarrow x > \frac{-1 - 3a}{2}$$

두 부등식의 해가 서로 같으므로

$$7 = \frac{-1 - 3a}{2} \Rightarrow 15 = -3a \Rightarrow a = -5 \text{ 이다.}$$

23. 다음 그림과 같이 아랫변의 길이가 $x\text{cm}$, 높이가 6cm 인 사다리꼴이 있다. 이 사다리꼴의 넓이가 24cm^2 이상이라고 할 때, x 의 범위는 $x \geq a$ 이다. 이때, 상수 a 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$(\text{사다리꼴의 넓이}) = (4+x) \times 6 \times \frac{1}{2}$$

$$(4+x) \times 3 \geq 24$$

$$4+x \geq 8 \quad \therefore x \geq 4$$

따라서 $a = 4$ 이다.

24. 일차방정식 $ax + 5y = 3$ 에서 $x = -4$ 일 때, $y = -1$ 이다. $y = 2$ 일 때, x 의 값은?

① $-\frac{1}{2}$ ② $-\frac{7}{2}$ ③ -2 ④ $\frac{7}{2}$ ⑤ $\frac{1}{2}$

해설

$(-4, -1)$ 을 대입하면 $-4a - 5 = 3$ 이므로 $a = -2$

따라서 $-2x + 5y = 3$ 이므로 $y = 2$ 일 때

$x = \frac{7}{2}$ 이다.

25. $2x + 2y = 2$, $2x - 4y = -2$ 일 때, $3(x^2 - xy + y^2)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

두 식을 연립하여 풀면 $y = \frac{2}{3}$, $x = \frac{1}{3}$ 이고, 주어진 식에 대입하면

$$3(x^2 - xy + y^2) = 3\left(\frac{1}{9} - \frac{2}{9} + \frac{4}{9}\right) = 3 \times \frac{3}{9} = 1$$

26. 연립방정식 $\begin{cases} 2x + y = 16 \\ x + 2y = 13 + a \end{cases}$ 을 만족하는 x 와 y 의 값의 비가
3 : 2 일 때, a 의 값은?

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

$x : y = 3 : 2$ 이므로 $2x = 3y$ 를 $2x + y = 16$ 에 대입하면
 $3y + y = 16$,
따라서 $x = 6$, $y = 4$,
이것을 $x + 2y = 13 + a$ 에 대입하면 $a = 1$ 이다.

27. 연립방정식 $\begin{cases} \frac{x}{2} + \frac{y}{3} = 5 \\ x : y = 1 : 6 \end{cases}$ 을 풀면?

- ① $x = 2, y = 12$ ② $x = 1, y = 6$
③ $x = -2, y = -12$ ④ $x = 2, y = -12$
⑤ $x = -1, y = 6$

해설

$$\begin{cases} 3x + 2y = 30 \\ y = 6x \end{cases} \quad y = 6x \text{를 } 3x + 2y = 30 \text{에 대입하여 } x = 2, y = 12 \text{를 구한다.}$$

28. 일차함수 $f(x) = -7x + 2$ 에 대하여 다음을 구하면?

$$f(-3) - f\left(\frac{1}{7}\right)$$

- ① -10 ② -4 ③ 7 ④ 16 ⑤ 22

해설

$$\begin{aligned}f(-3) &= -7 \times (-3) + 2 = 23 \\f\left(\frac{1}{7}\right) &= -7 \times \frac{1}{7} + 2 = 1 \\\therefore f(-3) - f\left(\frac{1}{7}\right) &= 23 - 1 = 22\end{aligned}$$

29. 일차함수 $y = 4x - 7$ 에서 x 의 증가량이 $\frac{1}{2}$ 일 때, y 의 증가량을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$\frac{(y\text{의 증가량})}{\frac{1}{2}} = 4$$

$$(y\text{의 증가량}) = 4 \times \frac{1}{2} = 2$$

30. 다음 중 x 값이 증가함에 따라 y 값이 감소하는 그래프의 개수를 구하여라.

[보기]

Ⓐ $y = -\frac{3}{4}x + 3$

Ⓑ $y = 2x - 1$

Ⓒ $y = 3x$

Ⓓ $y = -3x - 4$

Ⓔ $y = 4x - 4$

Ⓕ $y = -x - 3$

▶ 답:

개

▷ 정답: 3개

[해설]

x 값이 증가함에 따라 y 값이 감소하는 그래프는 기울기 $a < 0$ 이므로 Ⓐ, Ⓒ, Ⓙ이다.

∴ 3개

31. 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳지 않은 것은? (단, a, b 는 상수)

- ① $a > 0$ 이면 오른쪽이 위로 향하는 직선이다.
- ② $(0, b)$ 를 지난다.
- ③ $a > 0, b > 0$ 이면 제3 사분면을 지나지 않는다.
- ④ x 값이 a 만큼 변화하면 y 의 값은 a^2 만큼 변화한다.
- ⑤ $y = ax$ 를 y 축방향으로 b 만큼 평행 이동한 그래프이다.

해설

③ $a > 0, b > 0$ 이면 제 1, 2, 3 사분면을 지난다.

32. 두 일차함수 $y = ax + 1$, $y = \frac{1}{5}x + b$ 의 그래프가 점 $(-10, -4)$ 에서 만날 때, 일차함수 $y = bx + a$ 의 x 절편을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{4}$

해설

$$\text{두 곡선 } y = ax + 1, y = \frac{1}{5}x + b \text{ 가 점 } (-10, -4) \text{에서 }$$

$$\text{를 지나므로 } -4 = -10a + 1 \quad \therefore a = \frac{1}{2}$$

$$-4 = -2 + b \quad \therefore b = -2$$

$$\therefore y = -2x + \frac{1}{2}$$

$$x\text{절편} : 0 = -2x + \frac{1}{2}, 2x = \frac{1}{2} \quad \therefore x = \frac{1}{4}$$

33. x, y 에 관한 연립방정식 $\begin{cases} 2x - y = a \\ bx + y = 5 \end{cases}$ 의
그래프가 다음 그림과 같을 때, $a - b$ 의 값
은?

① 4 ② 6 ③ 2

④ 8 ⑤ -3



해설

두 직선의 교점이 $(4, 1)$ 이므로 $x = 4, y = 1$ 을 두 방정식에
대입하면

$$8 - 1 = a \quad \therefore a = 7$$

$$4b + 1 = 5 \quad \therefore b = 1$$

따라서 $a - b = 7 - 1 = 6$ 이다.

34. $8^{x+4} = 8^x \times 4^y = 64^3$ 을 만족하는 자연수 x, y 에 대하여 $x + y$ 의 값은?

- ① 2 ② 4 ③ 8 ④ 10 ⑤ 12

해설

$$8^{x+4} = 64^3 = (8^2)^3 = 8^6$$

$$\therefore x = 2$$

$$8^2 \times 4^y = 64^3$$

$$4^y = 64^2 = (4^3)^2 = 4^6$$

$$\therefore y = 6$$

35. 다음 계산 중 옳은 것은?

① $a^3 \times a^2 = a^6$

③ $a^8 \div a^2 = a^4$

⑤ $\left(-\frac{b}{a^2}\right)^2 = \frac{b^2}{a^2}$

② $(-a^4)^2 = a^8$

④ $(3xy^2)^2 = 6x^2y^4$

해설

① a^5

③ a^6

④ $9x^2y^4$

⑤ $\frac{b^2}{a^4}$

36. 다음 중 $7x - \{2y - (3x - y) + (-5x + 4y)\} - 3y$ 를 바르게 정리한 것을 고르면?

- Ⓐ ① $15x - 10y$ ② $15x + 10y$ ③ $3x - 2y$
Ⓑ ④ $5x + 10y$ ⑤ $3x + 8y$

해설

$$\begin{aligned}(준식) &= 7x - \{2y - 3x + y - 5x + 4y\} - 3y \\&= 7x - \{7y - 8x\} - 3y \\&= 7x - 7y + 8x - 3y \\&= 15x - 10y\end{aligned}$$

37. $a < b$ 일 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

Ⓐ $\frac{3}{5}a + 1 < \frac{3}{5}b + 1$

Ⓑ $-3a - 1 < -3b - 1$

Ⓒ $\frac{1-a}{3} > \frac{1-b}{3}$

Ⓓ $3 - 4a > 3 - 4b$

Ⓔ $-0.1 - 2a < -0.1 - 2b$

해설

양변에 같은 음수를 곱하면 부등호는 바뀐다.

Ⓐ $-3a - 1 > -3b - 1$

Ⓑ $-0.1 - 2a > -0.1 - 2b$

38. 다음 중 부등식을 푼 것으로 틀린 것은?

① $a > 0$ 일 때, $ax > 3 \Rightarrow x > \frac{3}{a}$

② $a > 0$ 일 때, $ax - 4 > 0 \Rightarrow x > \frac{4}{a}$

③ $a < 0$ 일 때, $ax - 4 > 0 \Rightarrow x < \frac{4}{a}$

④ $a > 0$ 일 때, $ax + 3 > 0 \Rightarrow x > -\frac{3}{a}$

⑤ $a < 0$ 일 때, $ax + 3 > 0 \Rightarrow x < -\frac{3}{a}$

해설

⑤ $ax + 3 > 0$ 은 $ax > -3$ 이고, $a < 0$ 이므로 $\frac{1}{a} < 0$ 이고, $\frac{1}{a}$ 를 양변에 곱하면 부등호의 방향이 바뀐다. 즉, $x < -\frac{3}{a}$ 이다.

39. 다음은 민수, 영희, 진호가 $a < 0$ 일 때, 부등식 $3ax - 9a > 4ax - 11a$ 를 각각 풀이한 과정이다.
다음 중 옳게 푼 학생은 누구인지 골라라.

<민수>
 $a < 0$ 일 때,
 $3ax - 9a > 4ax - 11a$
 $3ax + 4ax > -11a + 9a$
 $7ax > -2a$
 $x < \frac{-2}{7}$

<영희>
 $a < 0$ 일 때,
 $3ax - 9a > 4ax - 11a$
 $3ax - 4ax > -11a + 9a$
 $-ax > -2a$
 $x > 2$

<진호>
 $a < 0$ 일 때,
 $3ax - 9a > 4ax - 11a$
 $3ax - 4ax > -11a + 9a$
 $-ax > -2a$
 $x < 2$

▶ 답:

▷ 정답: 영희

해설

$3ax - 9a > 4ax - 11a$ 를 정리하면 $3ax - 4ax > -11a + 9a$ 이고 정리하면 $-ax > -2a$ 이다. $a < 0$ 이므로 $-a > 0$ 이고 양변을 $-a$ 로 나누어도 부등호의 방향은 변하지 않는다. 따라서 $x > 2$ 이다. 영희의 풀이 과정이 올바른 풀이이다.

민수는 $3ax - 9a > 4ax - 11a$ 를 정리하는 과정에서 $4ax$ 가 좌변으로 넘어갈 때 부호가 변하지 않았다.

진호는 $-ax > -2a$ 를 $-a$ 로 나누어 줄 때, $a < 0$ 이므로 $-a > 0$ 이고 양변을 $-a$ 로 나누어도 부등호의 방향은 변하지 않아야 하는데 부등호의 방향이 변하였다.

40. 어느 동물원은 입장료가 1500 원이고, 30명 이상의 단체는 30% 할인을 해준다고 한다. 몇 명 이상일 때 30명의 단체 입장료를 내는 것이 더 저렴하겠는지 구하여라.

▶ 답: 명

▷ 정답: 22 명

해설

$$\begin{aligned}x \text{명의 단체에서} \\1500x &> 1500 \times 0.7 \times 30 \\15x &> 15 \times 21 \\\therefore x &> 21\end{aligned}$$

따라서 21명 초과인 22명 이상일 때, 30명의 단체 입장료를 구입하는 것이 더 저렴하다.

41. 어느 공원의 입장료는 20명 이상은 10%, 40명 이상은 15%를 할인해 준다고 한다. 20명 이상 40명 미만인 단체는 몇 명 이상일 때 40명의 입장권을 사는 것이 유리한지 구하여라.

▶ 답: 명

▷ 정답: 38 명

해설

사람 수를 x 명이라 한다.

$$0.85 \times 40 < 0.9x$$

$$34 < 0.9x$$

$$34 \times \frac{10}{9} < x$$

$\therefore 37\frac{7}{9} < x \Rightarrow 38$ 명 이상 일 때, 40명의 입장권을 사는 것이 유리하다.

42. 집에서부터 21km 떨어져 있는 다른 지역까지 가는데 처음에는 시속 3km로 걷다가 10분을 쉬고, 그 후에는 시속 2km로 걸어서 전체 걸린 시간을 7시간 30분 이내에 도착하려고 한다. 이때, 시속 3km로 걸어야 할 거리는 몇 km 이상인지 구하여라.

▶ 답:

km이상

▷ 정답: 19 km이상

해설

시속 3km로 걸어간 거리를 x km라고 하면

$$\frac{x}{3} + \frac{10}{60} + \frac{21-x}{2} \leq \frac{15}{2}$$

$$2x+1+3(21-x) \leq 45$$

$$-x \leq -19 \quad \therefore x \geq 19$$

따라서 시속 3km로 걸어야 할 거리는 19km 이상이다.

43. 세 점 $(a, -8)$, $(1, 2)$, $(4, b)$ 가 직선 $cx - 3y = 4$ 위에 있을 때,
 $a + b + c$ 의 값은?

① 5 ② 10 ③ 15 ④ 20 ⑤ 25

해설

$$\begin{aligned} (1, 2) \text{ 를 } cx - 3y = 4 \text{ 에 대입하면} \\ c - 6 = 4 \quad \therefore c = 10 \\ (a, -8) \text{ 를 } 10x - 3y = 4 \text{ 에 대입하면} \\ 10a + 24 = 4 \quad \therefore a = -2 \\ (4, b) \text{ 를 } 10x - 3y = 4 \text{ 에 대입하면} \\ 40 - 3b = 4 \quad \therefore b = 12 \\ \therefore a + b + c = 20 \end{aligned}$$

44. $x = \frac{5}{13}$ 일 때, $10^6x - x$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 384615

해설

$$x = \frac{5}{13} = 0.384615384615\ldots \text{이고}$$

$$10^6x = 384615.384615\ldots \text{이므로}$$

$$10^6x - x = 384615 \text{이다.}$$

45. $\frac{1}{2} < 0.A < \frac{2}{3}$ 인 자연수 A 를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$\frac{1}{2} < \frac{1}{9}A < \frac{2}{3}, \frac{9}{2} < A < 6$$
$$\therefore A = 5$$

46. $(a^2)^x \times (b^4)^y \times a \times b^6 = a^9b^{14}$ 이 성립할 때, xy 의 값은?

- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

해설

$$(a^2)^x \times (b^4)^y \times a \times b^6 = a^{2x+1}b^{4y+6} = a^9b^{14}$$

$$2x + 1 = 9, 4y + 6 = 14$$

$$\therefore x = 4, y = 2$$

$$xy = 4 \times 2 = 8$$

47. n 이 자연수일 때, 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고르면?

[보기]

- Ⓐ $(-1)^n + (-1)^{n+1} = 0$
- Ⓑ $(-1)^n - (-1)^{n+1} = 1$ (단, n 은 짝수)
- Ⓒ $(-1)^n \times (-1)^{n+1} = -1$
- Ⓓ $(-1)^n \div (-1)^{n+1} = 1$

① Ⓐ Ⓛ Ⓑ, Ⓒ ③ Ⓓ, Ⓔ ④ Ⓕ, Ⓖ ⑤ Ⓕ, Ⓗ

[해설]

Ⓐ 모든 자연수에 대하여 $(-1)^n + (-1)^{n+1} = 0$ 이다.
Ⓑ $1 - (-1) = 1 + 1 = 2$
Ⓒ $(-1)^{n+n+1} = (-1)^{2n+1} = -1$
Ⓓ n 이 홀수일 때, $(-1) \div 1 = -1$ 이고, n 이 짝수일 때, $1 \div (-1) = -1$ 이므로 -1 이다.
이므로 옳은 것은 Ⓐ, Ⓒ이 답이다.

48. 영희는 철수와의 약속 시간보다 1시간 먼저 도착하여 그 시간을 이용하여 평소 원하던 책을 사기위해 서점에 갔다. 약속 장소에서 서점까지는 시속 4km 의 속력으로 가고 서점에서 약속 장소까지는 시속 2km 의 속력으로 왔다고 한다. 책을 사는데 15분이 걸렸다면 약속 장소에서 서점까지의 거리는 몇 km 이내에 있어야 하는가?

① 1km ② 1.1km ③ 1.2km

④ 1.3km ⑤ 1.4km

해설

약속 장소에서 서점까지의 거리를 x 라 하면

$$\frac{x}{4} + \frac{15}{60} + \frac{x}{2} \geq 1$$

$$\therefore x \geq 1(\text{km})$$

따라서 1km 이내에 있어야 한다.

49. 함수 $f(x) = ax - 3$ 에 대하여 $f(1) = 1$ 일 때, $f(5) - f(3)$ 의 값은?

- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

해설

$$\begin{aligned}f(1) &= a - 3 = 1 \\a &= 4 \\f(x) &= 4x - 3 \\f(5) - f(3) &= 17 - 9 = 8 \\\therefore f(5) - f(3) &= 8\end{aligned}$$

50. 점 $(-5, -3)$ 을 지나는 직선이 제2 사분면을 지나지 않을 때, 이 직선의 기울기의 최댓값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{3}{5}$

해설



기울기가 최대일 때 원점을 지나게 된다.

$$(\text{기울기}) = \frac{0 - (-3)}{0 - (-5)} = \frac{3}{5}$$