이 목장의 가장자리를 따라 일정한 간격으로 향나무를 심으려고 한다. 세 모퉁이는 반드시 향나무를 심어야 하며 나무의 개수는 될 수 있는 한 적게 하려고 할 때. 향나무를 최소한 몇 그루를 준비해야 하는지 고르면? ① 6 그루 ② 18 그루

38 그루

세 변의 길이가 각각 66 m. 84 m. 78 m 인 삼각형 모양의 목장이 있다.

③ 24 그루

1.

66, 84, 78 의 최대공약수는 6 이므로 나무의 수는 $(66 \div 6) + (84 \div 6) + (78 \div 6) = 11 + 14 + 13$

⑤ 41 그루

= 38 (그루)

2. 세 변의 길이가 각각 96 m, 84 m, 108 m 인 삼각형 모양의 농장이 있다. 이 농장의 둘레에 같은 간격으로 말뚝을 박아 철조망을 설치하려고 한다. 세 모퉁이는 반드시 말뚝을 박아야 하며, 말뚝의 개수는 될 수 있는 한 적게 하려고 할 때, 말뚝은 최소한 몇 개를 준비해야 하는지 고르면?

해설

3. 가로의 길이가 90 m, 세로의 길이가 180 m 인 직사각형 모양의 농장과, 같은 모양으로 가로의 길이가 72 m, 세로의 길이가 108 m 인 목장이 있다. 이 농장과 목장의 가장 자리를 따라 두 곳 모두 같은 간격으로 나무를 심는데, 네 모퉁이에는 반드시 나무를 심고 나무 사이의 간격이 20 m 를 넘지 않으면서 가장 넓게 심으려고 한다면, 몇 그루의 나무가 필요한지 구하여라.

답: 그루

▷ 정답: 50 그루 해설 나무 사이의 간격을 x 라 할 때. $90 = x \times \square$, $180 = x \times \triangle$ $72 = x \times \bigcirc$, $108 = x \times \diamond$ x 는 90, 180, 72, 108 의 최대공약수 $90 = 2 \times 3^2 \times 5$, $180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$ $72 = 2^3 \times 3^2$, $108 = 2^2 \times 3^3$ $\therefore x = 2 \times 3^2 = 18 \text{ (m)}$ 나무 사이의 간격을 18m 라 할 때 농장: 가로 $90 = 18 \text{ (m)} \times 5 \text{ (그루)}$ 세로 180 = 18(m) × 10 (그루) 목장: 가로 $72 = 18 \text{ (m)} \times 4 \text{ (그루)}$ 세로 $108 = 18(m) \times 6$ (그루) : 직사각형 모양의 농장과 목장의 가장자리에 필요한 나무는

 $\{(5+10)\times 2\} + \{(4+6)\times 2\} = 50 \ (\ \Box = \)$

. 가로, 세로의 길이가 각각 48m, 32m 인 직사각형 모양의 꽃밭의 가장자리에 일정한 간격으로 나무를 심으려고 한다. 네 모퉁이에는 반드시 나무를 심어야 한다. 이때, 나무 그루수를 가능한 적게 하려고할 때, 나무 사이의 간격은?

① 14 m ② 16 m ③ 18 m ④ 20 m ⑤ 22 m

나무 사이의 간격을
$$x$$
 라 할 때,
 $48 = x \times \square$, $32 = x \times \triangle$
 $x \leftarrow 48$ 과 32 의 최대공약수이므로
 $48 = 2^4 \times 3$, $32 = 2^5$
∴ $x = 2^4 = 16$ (m)

5. 두 자연수의 곱이 720 이고 최대공약수가 6 일 때, 두 수의 최소공배수를 구하여라.



```
(두 수의 곱)=(최대공약수)×(최소공배수)이므로
720 = 6× (최소공배수)
따라서 최소공배수는 120 이다.
```

6. 두 자연수의 곱이 $2^4 \times 3^7 \times 7^3$ 이고, 최대공약수가 $2 \times 3^2 \times 7^2$ 일 때, 두 자연수의 최소공배수를 구하여라.

답:

ightharpoonup 정답: $2^3 \times 3^5 \times 7$

(두 수의 곱)=(최대공약수)×(최소공배수)이므로

$$2^4 \times 3^7 \times 7^3 = 2 \times 3^2 \times 7^2 \times (최소공배수)$$

최소공배수는 $2^3 \times 3^5 \times 7$ 이다.

7. 자연수 A 와 20 의 최대공약수가 4 이고, 최소공배수가 80 일 때, 자연수 A 는?

⁽²⁾ 14

(5) 20

$$A \times 20 = 4 \times 80$$
이므로
∴ $A = 4 \times 4 = 16$

8. 두 자연수의 최대공약수가 7 이고, 곱이 420 일 때, 이 두 수의 최소공 배수를 구하면?

9. 자연수 a 의 약수의 개수를 N(a) 로 나타낼 때 $N(600) \times N(a) = 96$ 인 자연수 a 중에서 가장 작은 수를 구하면?

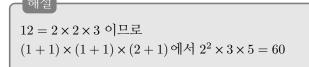
① 4 ② 6 ③ 8 ④ 9 ⑤ 12

10. $2^3 \times 5$ 의 약수 중에서 짝수인 약수의 개수를 구하여라.

▷ 정답: 6개

짝수인 약수는 $2^3 \times 5$ 의 약수 중에서 5의 약수만으로 이루어진 홀수의 약수를 빼야하므로 $\{(3+1)\times(1+1)\}$ – 2=6(7)이다.

 ${f 11.}$ 약수의 개수가 12 개인 가장 작은 자연수를 구하면?



12. 다음 중 약수의 개수가 가장 적은 것은?

① $2^4 \times 3^2$

② $2^3 \times 5^3$

③ $2^2 \times 5^2$

- 해설
- ① $(4+1) \times (2+1) = 15$ (가) ② $(3+1) \times (3+1) = 16$ (가)
- ③ $(2+1) \times (3+1) = 10$ (기)
- $4 (1+1) \times (1+1) \times (3+1) = 16 (71)$
- ⑤ (4+1) = 5 (개)

13. A 와 B 가 함께 일자리를 구했다. A 는 4 일간 일하고 하루 쉬고, B 는 5 일간 일하고 이틀간 쉬기로 하였다. 이와 같이 180 일간 일한다면, 두 사람이 같이 쉬는 일수는?

① 5일 ② 10일 ③ 15일 ④ 20일 ⑤ 35일

한다. 소설책과 시집을 같은 날에 동시에 출판하였다면, 그 이후에 처음으로 동시에 출판하는 날은 몇 일 후인가?

어느 출판사에서 소설책과 시집을 각각 6 일, 14 일마다 출판한다고

③ 30 일 후

14.

① 20 일 후

④ 37 일 후

② 24 일 후

⑤ 42 일 후

- 해설 6 과 14 의 최소공배수는 42 이므로 42 일마다 동시에 출판한다. 15. 운동장을 한 바퀴 도는데 A 는 42 초 걸리고, B 는 36 초가 걸린다고한다. A 와 B 가 같은 지점에서 같은 방향으로 출발해서 A 가 a 바퀴, B 가 b 바퀴 돈 후에, 처음 출발한 곳에서 다시 만났다. a×b 의 값은얼마인지 구하여라.

답:▷ 정답: 42

매일 - 기기 등 기 등 기 등

두 사람이 출발한 곳에서 처음 다시 만날 때까지 걸리는 시간은 42 와 36 의 최소공배수 252 이다.

A는 252 ÷ 42 = 6(바퀴), B는 252 ÷ 36 = 7(바퀴) 이다.

 $\therefore 42$

16. 어느 버스 정류장에서는 버스 A, B, C 가 각각 10 분, 12 분, 16 분 간격으로 운행한다. 오전 9 시에 세 버스가 동시에 출발했다면 오후 6 시까지 몇 번 더 동시에 출발할지 구하여라.

번

▶ 답: ▷ 정답 : 2 번

2) 5 6 8 3 4

 $(최소공배수): 2 \times 2 \times 5 \times 3 \times 4 = 240$ 세 버스는 240분(= 4시간) 마다 동시에 출발한다.

18 - 9 = 9 (시간)

 $9 \div 4 = 2 \cdots 1$ 오전 9 시에 동시에 출발하고 오후 6 시까지 2 번 더 동시에 출발한다.

17. $2^a \times 3^b$ 의 약수의 개수가 6 개 일 때, $2^a \times 3^b$ 이 가장 작은 자연수가 되도록 하는 a, b 를 각각 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: a = 2

자연수 A 가 $A = a^m \times b^n$ 으로 소인수분해될 때 (A 의 약수의 개수)는 $(m+1) \times (n+1)$ 개 이다.

$$6 = 1 \times 6 = (0+1) \times (5+1)$$
$$= 6 \times 1 = (5+1) \times (0+1)$$
$$= 2 \times 3 = (1+1) \times (2+1)$$

 $= 3 \times 2 = (2+1) \times (1+1)$

이므로, (a,b) 의 순서쌍으로 가능한 순서쌍은 모두 (0,5), (5,0), (1,2), (2,1) 이다. i)(a,b)=(0,5) 일 때.

구하고자 하는 수는 $2^0 \times 3^5 = 1 \times 3^5 = 243$ 이다. ii) (a,b) = (5,0) 일 때, 구하고자 하는 수는 $2^5 \times 3^0 = 2^5 \times 1 = 32$ 이다.

iii) (a,b) = (1,2) 일 때, 구하고자 하는 수는 $2^1 \times 3^2 = 18$ 이다. iv) (a,b) = (2,1) 일 때.

구하고자 하는 수는 $2^2 \times 3^1 = 12$ 이다.

따라서 i),ii)iii),iv)에서 가장 작은 수는 12 이다.

18. 360 의 약수의 개수와 $2^3 \times 3^a \times 5^b$ 의 약수의 개수가 같을 때, a+b 의 값은? (단, a,b 는 자연수)

해설
$$360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$$
 이므로 약수의 개수가 같기 위해서는 $a = 2$, $b = 1$ 또는 $a = 1$, $b = 2$ 이다.

19. 두 자연수 a, b 에 대하여 $2 \times 5^a \times 11^b$ 의 약수가 12 개일 때, a + b 의 값을 구하여라.

▷ 정답: 3

답:

$$(1+1) \times (a+1) \times (b+1) = 12$$

 $(a+1) \times (b+1) = 6$

a+1=2, b+1=3 $\Xi = a+1=3, b+1=2$

 $a = 1, \ b = 2 \ \text{$\Xi$} \stackrel{\smile}{\leftarrow} a = 2, \ b = 1$

$$\therefore a+b=1+2=3$$

20. 자연수 135 의 약수의 개수와 $3 \times 5^n \times a^m$ 의 약수의 개수가 같을 때, n+m 의 값은? (단,m,n은 자연수이고, $a \neq 3$,5인 소수)